

Aufgabe 1)

$$S_m G = n \cdot R \cdot T \{ x_A \ln x_A + x_B \ln x_B \}$$

$$x_A = x_B = 0,5$$

$$S_m G = pV \{ 0,5 \cdot \ln 0,5 + 0,5 \cdot \ln 0,5 \} , \text{ da } n \cdot R \cdot T = pV$$

$$= - pV \ln 2 , \text{ da } \ln(\frac{1}{2}) = -\ln 2$$

$$= - 3 \cdot 10^5 \text{ Pa} \cdot 5 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 \cdot \ln 2$$

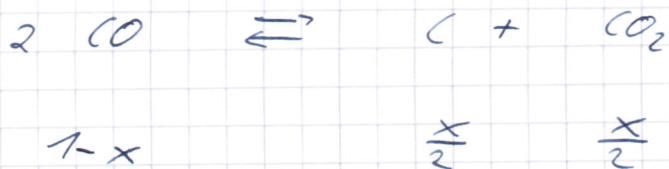
~~$$= -3,5 \cdot 10^2 \text{ J}$$~~

$$= -7,039 \text{ kJ}$$

$$S_m S = -nR \{ x_A \ln x_A + x_B \ln x_B \} = -\frac{S_m G}{T} \approx \cancel{-7,039 \text{ J}}$$

$$= + \frac{7,039 \text{ kJ}}{298,15 \text{ K}} = + 23,60 \frac{\text{J}}{\text{K}}$$

Aufgabe 2)



$$K = \frac{\prod_i \alpha_i^{\gamma_i}}{\prod_i \alpha_i^{\gamma_i}} = \frac{\alpha_{\text{C}} \cdot \alpha_{\text{CO}_2}}{(\alpha_{\text{CO}})^2} = \frac{1 \cdot \alpha_{\text{CO}_2}}{(\alpha_{\text{CO}})^2}$$

$$\text{da } \alpha_i = p_i/p_0$$

$$\Rightarrow K = \frac{\frac{p_{\text{CO}_2}}{p_0}}{\left(\frac{p_{\text{CO}}}{p_0}\right)^2}$$

Annahme: Gas verhält sich ideal

$$\Rightarrow \text{Dalton'sches Gesetz: } p_j = x_j \cdot p$$

$$\begin{aligned} p_{\text{CO}_2} &= \frac{0,57}{2} \cdot 15 \text{ bar} = 0,285 \text{ bar} \\ p_{\text{CO}} &= 0,43 \cdot 15 \text{ bar} = 0,43 \text{ bar} \end{aligned}$$

\times Molenbruch der Gasphase:

$$x_{\text{CO}_2} = 0,57/2 = 0,285$$

$$x_{\text{CO}} = 1 - 0,57 = 0,43$$

$$\Rightarrow x_{\text{ges}} = 0,715 \quad (\text{der gesamt molenbruch muss aber 1 sein})$$

\Rightarrow auf 1 skalieren

$$\Rightarrow x_{\text{CO}_2} = 0,3986 \quad \Rightarrow p_{\text{CO}_2} = 0,3986 \text{ bar}$$

$$x_{\text{CO}} = 0,6014 \quad \Rightarrow p_{\text{CO}} = 0,6014 \text{ bar}$$

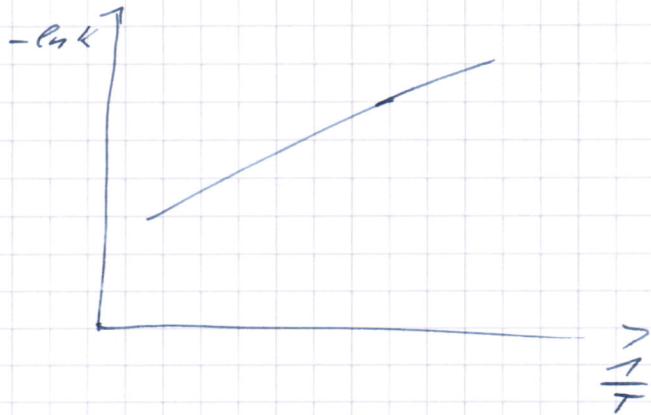
$$\Rightarrow K = \frac{0,3986}{(0,6014)^2} = 1,102$$

$\Delta G = -RT \cdot \ln K$
$= -785,8 \text{ J/mol}$

Aufgabe 3)

$$\ln K = -\frac{\Delta G}{RT} = -\frac{\Delta H}{RT} + \frac{\Delta S}{R} \quad ; \text{da } \Delta G = \Delta H - T\Delta S$$

=> plot: $-\ln K$ gegen $\frac{1}{T}$



$$\text{Steigung: } \frac{\Delta H}{R} = 27664 \text{ K} \Rightarrow \Delta H = 180 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$

$$\Delta H_{\text{ref}} = 180,5 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$

$$y\text{-Achsenabschnitt: } -\frac{\Delta S}{R} = -2,979$$

$$\Rightarrow \Delta S = 24,769 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$$

$$\Delta S_{\text{ref}} = 24,722 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$$

=> endotherme Reaktion

=> Wenn man mehr Produkt möchte, dann $T \uparrow$

Aufgabe 4)

a)

$$\Delta G = -RT \ln K$$

$$\Delta_f G = \Delta_f G(CO_2) - \Delta_f G(CH_4) = -343,64 \frac{kJ}{mol}$$

$$K = \exp\left(-\frac{\Delta_f G}{RT}\right) = \exp(-138,63) = 1,6078 \cdot 10^{-60}$$

b)

Temperatur-abhängigkeit:

$$\Delta H = \Delta_f H(CO_2) - \Delta_f H(CH_4) = -318,7 \frac{kJ}{mol} \Rightarrow \text{exotherm}$$

\Rightarrow Van 't Hoff'sche Beziehung isobare:

$$\frac{d \ln K}{d(T)} = -\frac{\Delta_f H}{R}$$

durch Integrieren:

$$\ln K_2 - \ln K_1 = -\frac{\Delta_f H}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right)$$

$$\ln K_2 = \ln K_1 - \frac{\Delta_f H}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right)$$

\Rightarrow wenn $T_2 > T_1$: $\ln K_2 < \ln K_1$

$T_1 < T_2$: $\ln K_2 > \ln K_1$

\Rightarrow Temperaturerhöhung \Rightarrow Verschiebung zur Eduktseite

Druckabhängigkeit

$$K(p) = K(p_0) \cdot \left(\frac{p}{p_0}\right)^{\Delta f V} \quad ; \quad \Delta f V = 1 \quad \begin{pmatrix} 2 \text{ mol Gas} & \text{Edukte} \\ 3 \text{ mol Gas} & \text{Produkte} \end{pmatrix}$$

\Rightarrow mehr Druck \Rightarrow Verschiebung Eduktseite

c)



$$\Delta_f H(H_2O) = -280 \frac{kJ}{mol}$$

$$\Rightarrow \Delta G = -505,28 \frac{kJ}{mol}$$