

Tabelle 1: Ortsvektoren

Kartesische Koordinaten	Zylinderkoordinaten	Kugelkoordinaten
x	$\rho \cos(\phi)$	$r \sin(\vartheta) \cos(\phi)$
y	$\rho \sin(\phi)$	$r \sin(\vartheta) \sin(\phi)$
z	z	$r \cos(\vartheta)$
$\sqrt{x^2 + y^2}$	ρ	$r \sin(\vartheta)$
$\arctan\left(\frac{y}{x}\right)$	ϕ	ϕ
z	z	$r \cos(\vartheta)$
$\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$	$\sqrt{\rho^2 + z^2}$	r
$\arctan\left(\frac{\sqrt{x^2 + y^2}}{z}\right)$	$\arctan\left(\frac{\rho}{z}\right)$	ϑ
$\arctan\left(\frac{y}{x}\right)$	ϕ	ϕ

Tabelle 2: Komponenten eines Vektorfelds

Kartesische Koordinaten	Zylinderkoordinaten	Kugelkoordinaten
$\mathbf{A} = A_x \mathbf{e}_x + A_y \mathbf{e}_y + A_z \mathbf{e}_z$	$\mathbf{A} = A_\rho \mathbf{e}_\rho + A_\phi \mathbf{e}_\phi + A_z \mathbf{e}_z$	$\mathbf{A} = A_r \mathbf{e}_r + A_\vartheta \mathbf{e}_\vartheta + A_\phi \mathbf{e}_\phi$
A_x	$A_\rho \cos(\phi) - A_\phi \sin(\phi)$	$A_r \sin(\vartheta) \cos(\phi) + A_\vartheta \cos(\vartheta) \cos(\phi) - A_\phi \sin(\phi)$
A_y	$A_\rho \sin(\phi) + A_\phi \cos(\phi)$	$A_r \sin(\vartheta) \sin(\phi) + A_\vartheta \cos(\vartheta) \sin(\phi) + A_\phi \cos(\phi)$
A_z	A_z	$A_r \cos(\vartheta) - A_\vartheta \sin(\vartheta)$
$A_x \cos(\phi) + A_y \sin(\phi)$	A_ρ	$A_r \sin(\vartheta) + A_\vartheta \cos(\vartheta)$
$-A_x \sin(\phi) + A_y \cos(\phi)$	A_ϕ	A_ϕ
A_z	A_z	$A_r \cos(\vartheta) - A_\vartheta \sin(\vartheta)$
$A_x \sin(\vartheta) \cos(\phi) + A_y \sin(\vartheta) \sin(\phi) + A_z \cos(\vartheta)$	$A_\rho \sin(\vartheta) + A_z \cos(\vartheta)$	A_r
$A_x \cos(\vartheta) \cos(\phi) + A_y \cos(\vartheta) \sin(\phi) - A_z \sin(\vartheta)$	$A_\rho \cos(\vartheta) - A_z \sin(\vartheta)$	A_ϑ
$-A_x \sin(\phi) + A_y \cos(\phi)$	A_ϕ	A_ϕ

Tabelle 3: Linien-, Flächen- und Volumenelemente

Kartesische Koordinaten	Zylinderkoordinaten	Kugelkoordinaten
$d\mathbf{s}$	$\mathbf{e}_x dx + \mathbf{e}_y dy + \mathbf{e}_z dz$	$\mathbf{e}_r dr + \mathbf{e}_\vartheta r d\vartheta + \mathbf{e}_\phi r \sin(\vartheta) d\phi$
$d\mathbf{f}$	$\mathbf{e}_x dy dz + \mathbf{e}_y dx dz + \mathbf{e}_z dx dy$	$\mathbf{e}_r r^2 \sin(\vartheta) d\vartheta d\phi + \mathbf{e}_\vartheta r \sin(\vartheta) dr d\phi + \mathbf{e}_\phi r dr d\vartheta$
$d\mathbf{v}$	$dx dy dz$	$r^2 \sin(\vartheta) dr d\vartheta d\phi$

Tabelle 4: Differentialoperatoren

Kartesische Koordinaten	Zylinderkoordinaten	Kugelkoordinaten
∇	$\frac{\partial}{\partial x} \mathbf{e}_x + \frac{\partial}{\partial y} \mathbf{e}_y + \frac{\partial}{\partial z} \mathbf{e}_z$	$\frac{\partial}{\partial r} \mathbf{e}_r + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \vartheta} \mathbf{e}_\vartheta + \frac{1}{r \sin(\vartheta)} \frac{\partial}{\partial \phi} \mathbf{e}_\phi$
$\nabla \psi$	$\frac{\partial \psi}{\partial x} \mathbf{e}_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} \mathbf{e}_y + \frac{\partial \psi}{\partial z} \mathbf{e}_z$	$\frac{\partial \psi}{\partial r} \mathbf{e}_r + \frac{1}{r} \frac{\partial \psi}{\partial \vartheta} \mathbf{e}_\vartheta + \frac{1}{r \sin(\vartheta)} \frac{\partial \psi}{\partial \phi} \mathbf{e}_\phi$
$\nabla \cdot \mathbf{A}$	$\frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z}$	$\frac{1}{r^2} \frac{\partial(r^2 A_r)}{\partial r} + \frac{1}{r \sin(\vartheta)} \frac{\partial(\sin(\vartheta) A_\vartheta)}{\partial \vartheta} + \frac{1}{r \sin(\vartheta)} \frac{\partial A_\phi}{\partial \phi}$
$\nabla \times \mathbf{A}$	$\left(\frac{\partial A_z}{\partial y} - \frac{\partial A_y}{\partial z} \right) \mathbf{e}_x$ $+ \left(\frac{\partial A_x}{\partial z} - \frac{\partial A_z}{\partial x} \right) \mathbf{e}_y$ $+ \left(\frac{\partial A_y}{\partial x} - \frac{\partial A_x}{\partial y} \right) \mathbf{e}_z$	$\left(\frac{1}{r \sin(\vartheta)} \left[\frac{\partial(\sin(\vartheta) A_\vartheta)}{\partial \vartheta} - \frac{\partial A_\phi}{\partial \phi} \right] \right) \mathbf{e}_r$ $+ \left(\frac{1}{r} \left[\frac{1}{\sin(\vartheta)} \frac{\partial A_r}{\partial \phi} - \frac{\partial(r A_\phi)}{\partial r} \right] \right) \mathbf{e}_\vartheta$ $+ \left(\frac{1}{r} \left[\frac{\partial(r A_\vartheta)}{\partial r} - \frac{\partial A_r}{\partial \vartheta} \right] \right) \mathbf{e}_\phi$
$\Delta \psi = \nabla^2 \psi$	$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$	$\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial \psi}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin(\vartheta)} \frac{\partial}{\partial \vartheta} \left(\sin(\vartheta) \frac{\partial \psi}{\partial \vartheta} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2(\vartheta)} \frac{\partial^2 \psi}{\partial \phi^2}$

Tabelle 5: Maxwellsche Gleichungen

	Differentielle Form	Integralform
Durchflutungsgesetz	$\nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$	$\oint_{S=\partial F} \mathbf{H} \, ds = \int_F \left(\mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \right) d\mathbf{F}$
Induktionsgesetz	$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$	$\oint_{S=\partial F} \mathbf{E} \, ds = - \int_F \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} d\mathbf{F}$
Gaußsches Gesetz	$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho$	$\oint_{O=\partial V} \mathbf{D} \, d\mathbf{F} = \int_V \rho \, dV = Q$
	$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$	$\oint_{O=\partial V} \mathbf{B} \, d\mathbf{F} = 0$

$O = \partial V$ (bzw. $S = \partial F$) unterhalb des Integralsymbols bedeutet hier, dass die Oberfläche (Strecke), über die integriert wird gerade dem Rand des Volumens V (Rand der Fläche F) auf der rechten Seite des Gleichheitszeichens entsprechen muss.

Tabelle 6: Materialgleichungen

allgemein	$\mathbf{D} = \varepsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P}$	$\mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{H} + \mathbf{M}$
für lineare, isotrope Medien	$\mathbf{D} = \varepsilon_0 \varepsilon_r \mathbf{E}$ $\mathbf{P} = \chi_{\text{el}} \varepsilon_0 \mathbf{E}$	$\mathbf{B} = \mu_0 \mu_r \mathbf{H}$ $\mathbf{M} = \chi_{\text{mag}} \mu_0 \mathbf{H}$

Für lineare, isotrope Medien gilt das Ohmsche Gesetz: $\mathbf{J} = \kappa \mathbf{E}$.

Tabelle 7: Wellengleichungen

	Nicht leitende Materialien	Leitende Materialien
für lineare, homogene Medien	$\Delta \mathbf{E} - \varepsilon \mu \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2} = 0$ (Allgemeine Wellengleichung)	$\Delta \mathbf{E} - \kappa \mu \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} - \varepsilon \mu \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2} = 0$ (Telegraphengleichung)
für lineare, homogene Medien und harmonische Anregung	$\Delta \mathbf{E} + k^2 \mathbf{E} = 0$ (Helmholtzgleichung)	$\Delta \mathbf{E} - j \omega \kappa \mu \mathbf{E} + k^2 \mathbf{E} = 0$

Tabelle 8: Lösungen der Wellengleichungen

Ebene Welle	$E(z, t) = f(z - ct) + g(z + ct)$
Ebene, harmonische Welle	$\underline{E}(z, t) = E(z) e^{j(\omega t \mp kz)}$

Für harmonische Zeitabhängigkeit ergibt sich die zeitliche Ableitung $\frac{\partial}{\partial t}$ durch eine Multiplikation mit dem Vorfaktor $j\omega$.

Tabelle 9: Wellengrößen

Reelle Wellenzahl	$k = \frac{\omega}{c} = \omega \sqrt{\mu \varepsilon} = \frac{2\pi}{\lambda}$
Komplexe Wellenzahl	$\underline{k} = \pm \frac{\omega}{c} \sqrt{1 - j \frac{\kappa}{\omega \varepsilon}} = \pm (\beta - j \alpha)$
Komplexe Permittivität für leitfähige Materialien	$\underline{\varepsilon}_r = \varepsilon_r - j \frac{\kappa}{\omega \varepsilon_0}$
Wellenwiderstand	$Z = \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}} = \mp \frac{E_0}{H_0}$
Poynting-Vektor	$\mathbf{S}(\mathbf{r}, t) = \mathbf{E}(\mathbf{r}, t) \times \mathbf{H}(\mathbf{r}, t)$
Komplexer Poynting-Vektor	$\underline{\mathbf{S}}(\mathbf{r}) = \frac{1}{2} [\underline{\mathbf{E}}(\mathbf{r}) \times \underline{\mathbf{H}}^*(\mathbf{r})]$
Wirkleistung	$\Re \{ \underline{\mathbf{S}}(\mathbf{r}) \}$
Blindleistung	$\Im \{ \underline{\mathbf{S}}(\mathbf{r}) \}$
Elektr. Energiedichte	$w_e = \frac{1}{2} \mathbf{E} \cdot \mathbf{D}$
Magn. Energiedichte	$w_m = \frac{1}{2} \mathbf{H} \cdot \mathbf{B}$
Phasengeschwindigkeit	$v_{\text{ph}} = \frac{\omega(\beta)}{\beta}$
Gruppengeschwindigkeit	$v_{\text{gr}} = \frac{d\omega(\beta)}{d\beta}$

Tabelle 10: Naturkonstanten

Größe	Symbol	Wert und Einheit
Elektrische Feldkonstante	ε_0	$8,8541878128 \cdot 10^{-12} \text{ A s / (V m)}$
Magnetische Feldkonstante	μ_0	$4\pi \cdot 10^{-7} \text{ V s / (A m)}$
Vakuumlichtgeschwindigkeit	c_0	$299792468 \text{ m/s} \approx 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Wellenwiderstand im Vakuum	Z_0	$376,730313667(57) \, \Omega \approx 120\pi \, \Omega$

Tabelle 11: Hertzscher Dipol

Dipolmoment	$\Delta \mathbf{p}_e = Q_0 \Delta s e^{j\omega t} \mathbf{e}_z = \frac{I_0 \Delta s}{j\omega} e^{j\omega t} \mathbf{e}_z$
Elektrisches Feld	$E_r = \frac{\Delta p_e \cos(\theta)}{2\pi \varepsilon_0 r^3}$ $E_\theta = \frac{\Delta p_e \sin(\theta)}{4\pi \varepsilon_0 r^3}$

Tabelle 12: Polarisierung und Jones-Vektor

Transversale Feldkomponenten	$E_x(t) = E_0 \underline{a}_x e^{j\omega t}$ $E_y(t) = E_0 \underline{a}_y e^{j\omega t}$
Normierte komplexe Amplitude	$\underline{a}_x = a_x e^{j\varphi_x}$ $\underline{a}_y = a_y e^{j\varphi_y}$ $ \underline{a}_x ^2 + \underline{a}_y ^2 = 1$
Jones-Vektor	$\underline{\mathbf{a}} = \begin{pmatrix} \underline{a}_x \\ \underline{a}_y \end{pmatrix}$