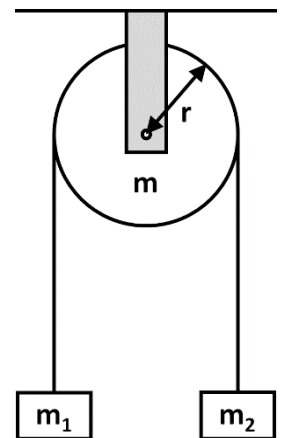


1. Ein Fußball der Masse m werde bei $x = 0$ im Abstand d von einem Tor aus der Höhe $z = h$ horizontal mit einer Anfangsgeschwindigkeit v_0 auf das Tor geschossen. Die Parameter seien so gewählt, dass der Ball nicht vor der Torlinie auf den Boden auftrifft. Luftreibung und Größe des Balles werden vernachlässigt.
 - a) Welche Art von Bahnkurve durchläuft der Ball?
Skizzieren Sie qualitativ die Funktion $z(x)$ für die Bahnkurve.
 - b) Wie lauten die Funktionen $x(t)$ und $z(t)$ in Abhängigkeit von v_0 ?
 - c) Welche Betrag hat (i) die Geschwindigkeit v_{Tor} und (ii) der Impuls p_{Tor} beim Passieren der Torlinie?

2. Über eine Umlenkrolle (homogene ebene Scheibe mit Radius r , Masse m) laufe ohne Schlupf ein nicht dehnbares Seil vernachlässigbarer Masse. An den herabhängenden Enden seien zwei Gewichte der Massen m_1 und m_2 angebracht und werden bei $t = 0$ losgelassen. Das Trägheitsmoment einer homogenen ebenen Scheibe bei Rotation um ihre Symmetrieachse beträgt $\theta = 0,5 \cdot m \cdot r^2$.



- a) Leiten Sie einen Ausdruck für die gesamte kinetische Energie des Systems als Funktion der Geschwindigkeit v der Gewichte her.
- b) Mit welcher Beschleunigung a setzen sich die Gewichte in Bewegung?
- c) Welche Kraft wirkt dabei auf die Aufhängung der Umlenkrolle?
- d) Welcher Bruchteil der gesamten kinetischen Energie entfällt auf die Rotationsenergie der Umlenkrolle?

Zahlenwerte: $r = 8,00 \text{ cm}$; $m = 2,40 \text{ kg}$; $m_1 = 0,100 \text{ kg}$; $m_2 = 0,120 \text{ kg}$.

3. Ein Schwungrad-Energiespeicher bestehe aus einer homogenen Stahlscheibe mit Radius r , Dicke d und Dichte ρ . Die Scheibe sei um eine zur Scheibenfläche senkrechte Achse durch den Massenschwerpunkt drehbar.
 - a) Wie groß muss die Frequenz ν (Zahl der Umdrehungen pro Sekunde) sein, damit eine Rotationsenergie $E_{\text{kin}} = 1,00 \cdot 10^3 \text{ kWh}$ gespeichert ist? Wie groß ist dann der Drehimpuls L der Scheibe?
 - b) Die Scheibe werde mit konstanter Verzögerung in 100 s zum Stillstand gebracht. Welches Drehmoment M ist hierfür erforderlich und welche Leistung P_0 wird zu Beginn des Bremsvorganges abgegeben?

Zahlenwerte: $r = 3,00 \text{ m}$; $d = 30,0 \text{ cm}$; $\rho = 7,90 \text{ g/cm}^3$.

4. Ideale Gase

- a) Wie lauten die drei mikroskopischen Annahmen der kinetischen Gastheorie für ideale Gase?
- b) Um welchen Betrag erhöht sich die mittlere kinetische Energie der Translation pro Molekül (i) für das einatomige ideale Gas Helium (He) und (ii) für das zweiatomige ideale Gas Sauerstoff (O_2), wenn beide Gase jeweils von 0°C auf 30°C erwärmt werden?
- c) Welche mittlere Geschwindigkeit v_{rms} hat ein He-Atom bei einer Temperatur von 293 K ?
- d) Wie groß ist die spezifische molare Wärme (Wärmekapazität pro mol) bei konstantem Volumen für ein einatomiges und für ein zweiatomiges Gas?

Zahlenwert: Molmasse von Helium $M_{\text{molar,He}} = 4,00 \text{ g/mol}$.

5. Carnot'scher Kreisprozess

- a) Skizzieren Sie den Carnot-Prozess im pV -Diagramm. Benennen Sie die vier Teilprozesse und zeichnen Sie mit Pfeilen den Umlaufsinn für den Fall ein, dass die Carnot-Maschine als Wärmekraftmaschine arbeitet.
- b) Skizzieren Sie schematisch die relevanten Energieflüsse ΔQ_1 , ΔQ_2 und ΔW einer Wärmekraftmaschine (jeweils mit Pfeilrichtung).
- c) Wie ist der Wirkungsgrad η einer Wärmekraftmaschine allgemein definiert?
- d) Drücken Sie den (idealen) Wirkungsgrad η_{Carnot} der reversibel arbeitenden Carnot-Maschine durch die Temperaturen T_1 und T_2 des wärmeren bzw. kälteren Reservoirs aus.

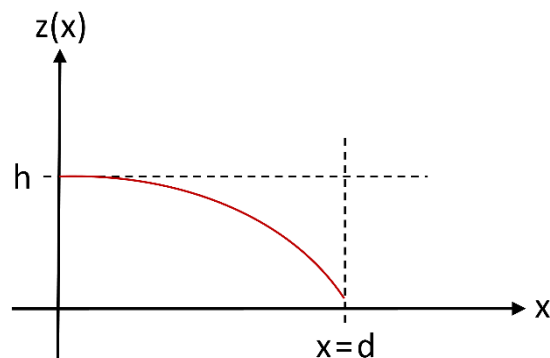
Lösungsvorschlag zur Klausurprüfung in Experimentalphysik A und B

**Lehramt Chemie, Lebensmittelchemie, Chemie,
Chem. Biologie, Biologie, Lehramt NWT, Geodäsie,
Angewandte Geowissenschaften, Geoökologie,
Materialwiss. & Werkstofftechnik ETIT (vor PO 2015),
Technische VWL, Ingenieur-Pädagogik,
Wissenschaft – Medien – Kommunikation**

Herbst 2023

Aufgabe 1: Fußball

- a) Die Bahnkurve des Balles entspricht einer Parabel.



b) $\mathbf{v}_0 = (v_{0,x}, 0)$

$$\Rightarrow x(t) = v_{0,x} \cdot t = v_0 \cdot t$$

$$z(t) = h + v_{0,z} \cdot t - \frac{g}{2} t^2 = h - \frac{g}{2} t^2 \quad (\text{unabhängig von } v_0)$$

c) $v_x(t) = \dot{x}(t) = v_0 \quad \Rightarrow v_x(d) = v_0$
 $v_z(t) = \dot{z}(t) = -g \cdot t \quad \text{und} \quad t = \frac{x}{v_0} \quad \Rightarrow v_z(d) = -g \cdot \frac{d}{v_0}$

$$\Rightarrow v_{Tor} = \sqrt{v_x^2(d) + v_z^2(d)} = \sqrt{v_0^2 + g^2 \cdot \frac{d^2}{v_0^2}}$$

$$\Rightarrow p_{Tor} = m \cdot v_{Tor} = m \cdot \sqrt{v_0^2 + g^2 \cdot \frac{d^2}{v_0^2}}$$

Aufgabe 2: Umlenkrolle

- a) Es sind die kinetischen Energien der beiden Gewichte sowie die kinetische Energie der Rotation der Umlenkrolle zu berücksichtigen:

$$E_{kin,rot} = \frac{\theta_{SP}}{2} \cdot \omega^2 = \frac{1}{4} \cdot m \cdot r^2 \cdot \frac{v^2}{r^2} = \frac{1}{4} \cdot m \cdot v^2$$

$$E_{kin,system}(v) = \frac{1}{2} m_1 v^2 + \frac{1}{2} m_2 v^2 + \frac{1}{4} \cdot m \cdot v^2 = (0,05 + 0,06 + 0,6) kg \cdot v^2 = 0,710 kg \cdot v^2$$

- b) Kräftebilanz: $(m_2 - m_1) \cdot g = (m_1 + m_2) \cdot a + F_{Rolle}$

$$M_{Rolle} = r \cdot F_{Rolle} = \theta \cdot \dot{\omega} = \theta \cdot \frac{a}{r} = \frac{m \cdot r \cdot a}{2} \Rightarrow F_{Rolle} = \frac{m \cdot a}{2}$$

$$\Rightarrow a = \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2 + \frac{m}{2}} \cdot g = \frac{0,12 kg - 0,1 kg}{0,1 kg + 0,12 kg + 1,2 kg} \cdot 9,81 \frac{m}{s^2} = 0,138 \frac{m}{s^2}$$

- c) $F_{Aufhängung} = F_{m_1} + F_{m_2} + F_{G,Rolle}$

$$= m_1 \cdot (g + a) + m_2 \cdot (g - a) + m \cdot g$$

$$= 0,1 kg \cdot \left(9,81 \frac{m}{s^2} + 0,138 \frac{m}{s^2}\right) + 0,12 kg \cdot \left(9,81 \frac{m}{s^2} - 0,138 \frac{m}{s^2}\right) + 2,4 kg \cdot 9,81 \frac{m}{s^2}$$

$$= 25,7 N$$

- d) nach a) $E_{kin,trans} = (0,05 + 0,06) kg \cdot v^2$

$$E_{kin,rot} = 0,6 kg \cdot v^2$$

$$\Rightarrow \frac{E_{kin,rot}}{E_{kin,rot} + E_{kin,trans}} = \frac{0,6 kg \cdot v^2}{(0,6 kg + 0,11 kg) \cdot v^2} = 0,845$$

Aufgabe 3: Schwungrad-Energiespeicher

a) Trägheitsmoment der Kreisscheibe: $\theta = \frac{1}{2} \cdot m \cdot r^2 = \frac{1}{2} \cdot r^2 \pi d \rho \cdot r^2 = \frac{r^4}{2} \cdot \pi \cdot d \cdot \rho$

Rotationsenergie: $E_{kin} = \frac{\theta}{2} \cdot \omega^2 \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2 \cdot E_{kin}}{\theta}} = \sqrt{\frac{2 \cdot E_{kin}}{\frac{r^4}{2} \cdot \pi \cdot d \cdot \rho}}$

$$\Rightarrow v = \frac{\omega}{2 \cdot \pi} = \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \sqrt{\frac{4 \cdot E_{kin}}{\pi \cdot d \cdot \rho \cdot r^4}} = \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \sqrt{\frac{4 \cdot 3,6 \cdot 10^9 J}{\pi \cdot 0,3m \cdot 7,9 \cdot 10^3 \frac{kg}{m^3} \cdot (3m)^4}} = 24,6 Hz$$

$$\Rightarrow L = \theta \cdot \omega = \sqrt{2 \cdot \theta \cdot E_{kin}} = \sqrt{\pi \cdot d \cdot \rho \cdot r^4 \cdot E_{kin}}$$

$$= \sqrt{\pi \cdot 0,3m \cdot 7,9 \cdot 10^3 \frac{kg}{m^3} \cdot (3m)^4 \cdot 3,6 \cdot 10^9 J} = 46,6 \cdot 10^6 \frac{kg \cdot m^2}{s}$$

b) $M = \dot{L} = \frac{\Delta L}{\Delta t} = \frac{L_{max}}{\Delta t} = \frac{46,6 \cdot 10^6 \frac{kg \cdot m^2}{s}}{100s} = 46,6 \cdot 10^4 \frac{kg \cdot m^2}{s^2} = 46,6 \cdot 10^4 Nm$

$$P = M \cdot \omega = M \cdot \sqrt{\frac{4 \cdot E_{kin}}{\pi \cdot d \cdot \rho \cdot r^4}} = 46,6 \cdot 10^4 Nm \cdot \sqrt{\frac{4 \cdot 3,6 \cdot 10^9 J}{\pi \cdot 0,3m \cdot 7,9 \cdot 10^3 \frac{kg}{m^3} \cdot (3m)^4}} = 7,20 \cdot 10^7 \frac{Nm}{s} = 72,0 MW$$

Aufgabe 4: Ideale Gase

- a) 1. Das Gas besteht aus einer großen Zahl von Teilchen, die untereinander und mit den Wänden nur elastische Stöße machen.
2. Großer Teilchenabstand, d. h. das Gefäßvolumen ist groß gegenüber dem Eigenvolumen aller darin enthaltenen Teilchen.
3. Zwischen den Stößen bewegen sich die Teilchen wechselwirkungsfrei.

b) Mittlere kinetische Energie: $\langle E_{kin} \rangle = \frac{f}{2} \cdot k_B \cdot T$

Zahl der Freiheitsgrade *der Translation* f_{trans} beträgt 3 für ein- und zweiatomige Moleküle.

$$\Rightarrow \langle \Delta E_{kin,trans} \rangle = \frac{3}{2} \cdot k_B \cdot \Delta T = \frac{3}{2} \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K} \cdot 30K = 6,21 \cdot 10^{-22} J \text{ für Fall (i) und (ii).}$$

c) $\frac{f}{2} \cdot k_B \cdot T = \frac{m}{2} \cdot v_{rms}^2$

Zahl der Freiheitsgrade f beträgt 3 für einatomiges Gas.

Für die Heliummasse gilt: $m_{He} = \frac{M_{molar,He}}{N_A} = \frac{4,0 \text{ g/mol}}{6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}} = 6,65 \cdot 10^{-27} \text{ kg}.$

$$\Rightarrow v_{rms} = \sqrt{\frac{3 \cdot k_B \cdot T}{m_{He}}} = \sqrt{\frac{3 \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K} \cdot 293K}{6,65 \cdot 10^{-27} \text{ kg}}} = 1,35 \cdot 10^3 \frac{m}{s} = 4860 \frac{km}{h}$$

d) $c_v = \frac{f}{2} \cdot R$

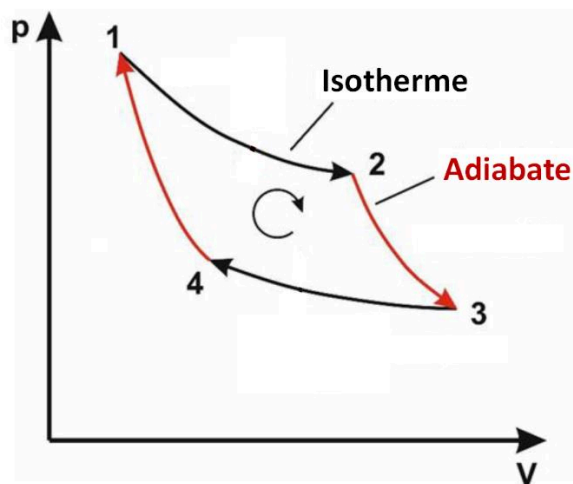
Einatomiges Gas: $f = 3 \Rightarrow c_v = \frac{3}{2} \cdot 8,31 \frac{J}{\text{mol} \cdot K} = 12,5 \frac{J}{\text{mol} \cdot K}$

Zweiatomiges Gas: $f = 5 \Rightarrow c_v = \frac{5}{2} \cdot 8,31 \frac{J}{\text{mol} \cdot K} = 20,8 \frac{J}{\text{mol} \cdot K}$

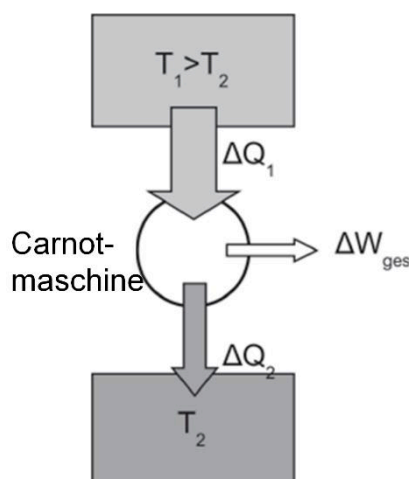
Aufgabe 5: Carnot'scher Kreisprozess

a) Prozess aus zwei Isothermen und zwei Adiabaten

- 1 → 2: Isotherme Expansion: $T = T_1 = \text{const}$
 2 → 3: Adiabatische Expansion: $\Delta Q = 0$
 3 → 4: Isotherme Kompression: $T = T_2 = \text{const}$
 4 → 1: Adiabatische Kompression: $\Delta Q = 0$



b)



c) Wirkungsgrad einer Wärmekraftmaschine

$$\eta = \frac{\text{pro Zyklus vom System verrichtete Arbeit}}{\text{pro Zyklus zugeführte Wärme}} = \frac{|\Delta W_{\text{gesamt}}|}{|\Delta Q_{\text{zugeführt}}|}$$

d) Carnot-Wirkungsgrad: $\eta_{Carnot} = \frac{|\Delta W_{gesamt}|}{\Delta Q_1} = \frac{\Delta Q_{gesamt}}{\Delta Q_1} = \frac{\Delta Q_1 - |\Delta Q_2|}{\Delta Q_1} = \frac{T_1 - T_2}{T_1} = 1 - \frac{T_2}{T_1} < 1$

Hinweis zur Herleitung:

(i) Adiabate: $\Delta Q = 0$

$$\Delta W_{23} = \Delta U_{23} = n \cdot R \cdot (T_2 - T_1) \Rightarrow \Delta W_{41} = -\Delta W_{23} \Rightarrow \Delta W_{\Sigma \text{ Adiabate}} = 0$$

(ii) Isotherme:

$$\Delta Q_1 = -\Delta W_{12} = \int_{V_1}^{V_2} p \cdot dV = n \cdot R \cdot T_1 \cdot \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Delta Q_2 = -\Delta W_{34} = \int_{V_3}^{V_4} p \cdot dV = n \cdot R \cdot T_2 \cdot \ln \frac{V_4}{V_3}$$

Die Volumina lassen sich mithilfe der Adiabaten berechnen:

$$T \cdot V^{\kappa-1} = const \Rightarrow T_1 \cdot V_1^{\kappa-1} = T_2 \cdot V_4^{\kappa-1} \text{ und } T_1 \cdot V_2^{\kappa-1} = T_2 \cdot V_3^{\kappa-1}$$

$$\Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{V_4}{V_3}$$

$$\Rightarrow \ln \frac{V_4}{V_3} = -\ln \frac{V_2}{V_1}$$

Aufgabe 6: Geladene Öltröpfchen

a) Gewichtskraft eines kugelförmigen Öltröpfchens: $|\mathbf{F}_G| = m \cdot g = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 \cdot \rho_{\text{öl}} \cdot g$

Coulombkraft im elektrischen Feld: $|\mathbf{F}_E| = q \cdot E = |e| \cdot E$

Kräfte heben sich auf. $\Rightarrow \mathbf{F}_G + \mathbf{F}_E = 0$ bzw. $|\mathbf{F}_G| = |\mathbf{F}_E|$ und Richtungen entgegengesetzt.

$$\Rightarrow \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 \cdot \rho_{\text{öl}} \cdot g = |e| \cdot E$$

$$\Rightarrow E = \frac{4 \cdot \pi \cdot r^3 \cdot \rho_{\text{öl}} \cdot g}{3 \cdot |e|} = \frac{4 \cdot \pi \cdot (5 \cdot 10^{-7} \text{ m})^3 \cdot 870 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{3 \cdot 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ A} \cdot \text{s}} = 27,9 \cdot 10^3 \frac{\text{V}}{\text{m}}$$

b) $U = E \cdot a = 27,9 \cdot 10^3 \frac{\text{V}}{\text{m}} \cdot 8 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 223 \text{ V}$

c) Es gilt das Coulombsche Gesetz: $F = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot \epsilon_0} \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2}$

$$\Rightarrow F_{Tr} = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot \epsilon_0} \cdot \frac{e^2}{b^2} = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{\text{As}}{\text{V}}} \cdot \frac{(-1,60 \cdot 10^{-19} \text{ A} \cdot \text{s})^2}{(0,01 \text{ m})^2} = 2,30 \cdot 10^{-24} \text{ N}$$

Aufgabe 7: Plattenkondensator

a) Feldstärke: $E = \frac{U_1}{d_1} = \frac{100V}{1,5 \cdot 10^{-2}m} = 6,67 \cdot 10^3 \frac{V}{m}$

b) Ladung auf den Platten:

+Q bzw. -Q mit: $|Q| = C \cdot U = \epsilon_0 \cdot \frac{A}{d_1} \cdot U_1$

$$= 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{As}{V} \cdot \frac{(0,2m)^2}{1,5 \cdot 10^{-2}m} \cdot 100V = 2,36 \cdot 10^{-9} As$$

c) Ladung bleibt konstant: $Q = C_1 \cdot U_1 = C_2 \cdot U_2$

$$\Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_1}{C_2} = \frac{d_2}{d_1} = \frac{2,5}{1,5} \Rightarrow U_2 = 100V \cdot \frac{2,5}{1,5} = 167V \Rightarrow E_2 = \frac{U_2}{d_2} = \frac{U_1}{d_1} \text{ (E ändert sich nicht)}$$

d) Die Zunahme an Feldenergie wird durch Verrichtung mechanischer Arbeit beim Auseinanderziehen der Platten gegen die elektrostatische Anziehungskraft erzielt.

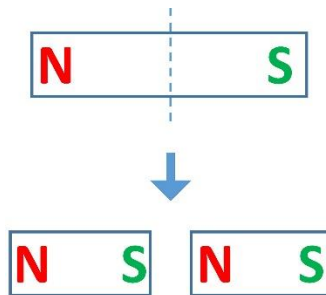
Energieerhaltungssatz: $\Delta W = \frac{1}{2} \cdot C_2 \cdot U_2^2 - \frac{1}{2} \cdot C_1 \cdot U_1^2$

$$= \frac{1}{2} \cdot (1,42 \cdot 10^{-11} \cdot 167^2 - 2,36 \cdot 10^{-9} \cdot 100^2) VAs$$

$$= 8,00 \cdot 10^{-8} J$$

Aufgabe 8: Magnetismus

- a) Zerteilt man einen magnetischen Dipol, indem man ihn in der Mitte auseinanderbricht, ergibt sich an der Schnittstelle je ein neuer Nord- und Südpol, sodass jedes Bruchstück wieder ein Dipol bildet. Folge: Es gibt nur magnetische Dipole, aber keine magnetischen Ladungen („magnetische Monopole“), an denen die Feldlinien entspringen.



- b) (i)
$$H = \frac{I}{2 \cdot \pi \cdot r} = \frac{2,5A}{2 \cdot \pi \cdot 1m} = 0,398 \frac{A}{m}$$
- (ii)
$$B = \mu_0 \cdot \mu_r \cdot H = 1,26 \cdot 10^{-6} \frac{V \cdot s}{A \cdot s} \cdot 1 \cdot 0,398 \frac{A}{m} = 5,01 \cdot 10^{-7} T$$

- c) Ferromagnetismus ist eine Form der magnetischen Ordnung in bestimmten Festkörpern, sog. Ferromagneten wie Eisen, Cobalt und Nickel. In Ferromagneten treten magnetisch geordnete Bereiche auf, sog. Weißsche Bezirke. Die magnetische Suszeptibilität κ ist sehr hoch (z. B. etwa 10^4 im Falle von Eisen). Im äußeren Magnetfeld findet eine magnetische Polarisation des Materials statt – durch Verschiebung der Grenzen zwischen den Weißschen Bezirken (Blochwandverschiebung) und durch die Umorientierung Weißscher Bezirke. Dies geschieht un stetig durch sog. Barkhausensprünge.

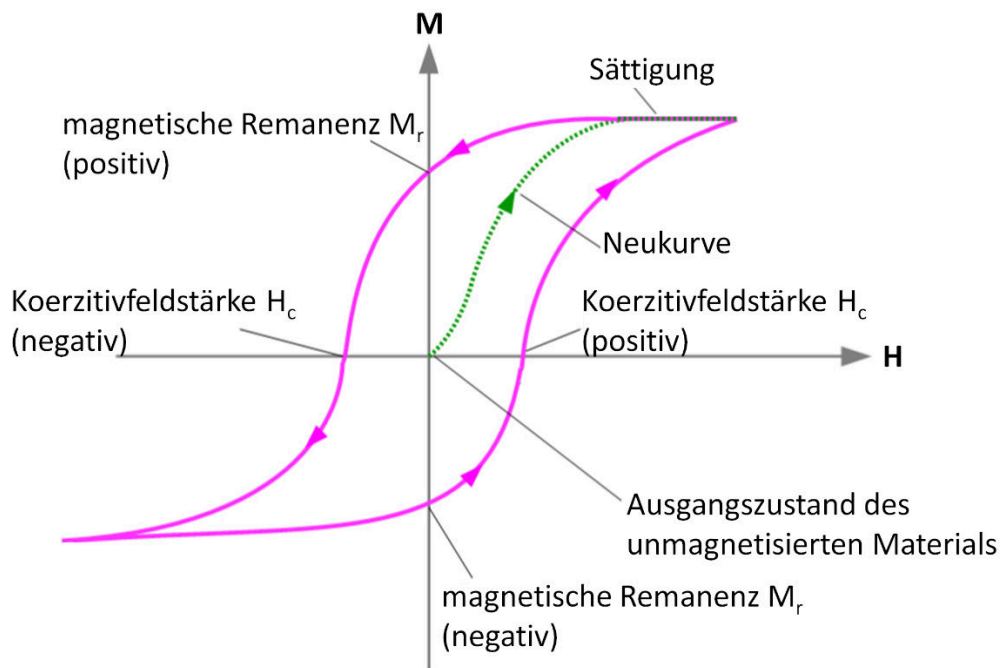
Hysterese der Magnetisierung M :

Neukurve: Magnetisierung eines unmagnetisierten Materials ($M=0$). Im unmagnetisierten Zustand existieren bereits Weißsche Bezirke (magnetisierte Bereiche), aber die Summe der Magnetisierung über alle Weißschen Bezirke ist null. Mit steigendem H -Feld nimmt M durch Blochwandverschiebung und durch Ausrichtung der Weißschen Bezirke zu.

Sättigung: Alle Weißschen Bezirke haben sich ausgerichtet.

Remanenz: Mit sinkendem H nimmt M etwas ab. Bei $H = 0$ verbleibt eine Restmagnetisierung M_r (Remanenz), da die Ausrichtung der Weißschen Bezirke bei Wegnahme des H -Felds ($H = 0$) teilweise erhalten bleibt.

Koerzitivfeldstärke: Um das Material wieder zu entmagnetisieren, muss ein H -Feld entgegengesetzt zur ursprünglichen Richtung angelegt werden mit $H = H_c$ (Koerzitivfeldstärke).



Aufgabe 9: Optik

a) Abbildungsfehler:

1. **Sphärische Aberration:** Hierbei handelt es sich um die Abweichung von der berechneten Brennweite für achsenferne Strahlen.
2. **Chromatische Aberration:** Hierbei handelt es sich um die Wellenlängenabhängigkeit der Brennweite, d. h. $f = f(\lambda)$.
3. **Astigmatismus schiefer Bündel:** Parallelbündel achsenferner Strahlen werden auf gekrümmte (statt ebene) Fläche fokussiert.

b) Erzeugung von polarisiertem Licht:

1. **Reflexion:** Lichtbrechung und Reflexion an Übergang zwischen zwei Medien: Falls reflektierter und gebrochener Strahl senkrecht aufeinander stehen, ist nur Polarisation des reflektierten Strahls senkrecht zur optischen Ebene möglich (Brewster-Bedingung).
2. **Doppelbrechung:** Fällt unpolarisiertes Licht senkrecht zur Oberfläche eines optisch anisotropen Kristalls ein, so kommt es zur Aufspaltung in zwei zueinander senkrecht polarisierte Teilstrahlen.
3. **Dichroismus:** Der Absorptionskoeffizient ist von der Polarisationsrichtung abhängig. Beispiel: Nach Durchgang durch verstreckte Polymerfolie entsteht teilweise polarisiertes Licht.

Aufgabe 10: Bohr'sches Atommodell

a) Die Bohr'schen Postulate:

1. Elektronen bewegen sich auf Kreisbahnen um den Atomkern.

2. Stationäre Bahnen, falls $m \cdot v \cdot r = n \cdot \hbar$, $n \in \mathbb{N}$. In diesen Fällen keine Abstrahlung im Gegensatz zur klassischen Physik. Für stabile Bahnen liegen diskrete Energieniveaus durch Drehimpulsquantisierung vor: $L = n \cdot \hbar$

3. Beim Übergang von Bahn mit höherer Energie zu Bahn mit niedrigerer Energie wird Licht der Frequenz ν emittiert. Es gilt: $h \cdot \nu = E_2 - E_1 \Rightarrow$ Emission eines Photons

b) Gleichgewichtsbedingung (Coulombkraft als Zentralkraft):

$$\frac{m \cdot v_n^2}{r_n} = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot \epsilon_0} \cdot \frac{e^2}{r_n^2}$$

Quantisierungsbedingung:

$$m \cdot v_n \cdot r_n = n \cdot \hbar, \quad n \in \mathbb{N}$$

c) Aus Gleichgewichts- und Quantisierungsbedingung folgt mit $\hbar = \frac{h}{2 \cdot \pi}$:

$$r_n = 4 \cdot \pi \cdot \epsilon_0 \cdot \frac{n^2 \cdot \hbar^2}{m \cdot e^2} = 4 \cdot \pi \cdot 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm} \cdot \frac{n^2 \cdot (1,05 \cdot 10^{-34} Js)^2}{9,11 \cdot 10^{-31} kg \cdot (1,60 \cdot 10^{-19} As)^2} = 0,53 \text{ \AA} \cdot n^2$$

$$v_n = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot \epsilon_0} \cdot \frac{e^2}{n \cdot \hbar} = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm}} \cdot \frac{(1,60 \cdot 10^{-19} As)^2}{n \cdot 1,05 \cdot 10^{-34} Js} = 2,19 \cdot 10^6 \frac{m}{s} \cdot n^{-1}$$