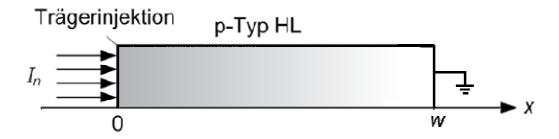
WS 2015/2016 Ausgabe am: 23.11.2015

Übungsblatt 7

Aufgabe 1) Diffusionskapazität

Gegeben ist ein Siliziumstab der Länge w und Stirnfläche $A=10\,\mu\text{m}^2$ bei Raumtemperatur T=300~K. Er ist p-dotiert mit einer Dichte von $n_A=1\cdot10^{17}~\text{cm}^{-3}$, die Eigenleitungsdichte beträgt $n_i=1.5\cdot10^{10}~\text{cm}^{-3}$ und die relative Permittivität ist $\varepsilon_r=12$. An der Stelle x=0 werden von links Minoritätsträger injiziert, so dass am Rand des Stabes eine Elektronen-Überschussträgerdichte $n'_p(0)=1\cdot10^{15}~\text{cm}^{-3}$ entsteht. Auf der gegenüberliegenden Seite bei x=w ist der Stab geerdet, so dass dort Löcher nachfließen können, welche die Ladung der Elektronen kompensieren. Es gilt Störstellenerschöpfung, die Minoritätsträgerlebensdauer ist $\tau=10~\text{ns}$ und die Diffusionskonstante beträgt $D_n=23~\text{cm}^2\text{s}^{-1}$



- a) Berechnen und skizzieren Sie den räumlichen Verlauf der Überschussminoritätsträgerdichte $n'_p(x)$ für ein Bauteil der Länge $w = 50 \,\mu\text{m}$. Prüfen Sie zunächst, ob eine lange oder kurze Diffusionszone vorliegt
- b) Berechnen Sie die Debye-Länge im Halbleiter und beschreiben Sie den räumlichen Verlauf der Überschussmajoritätsträgerdichte $p'_p(x)$. Begründen Sie Ihr Vorgehen.
- c) Aufgrund der injizierten Minoritätsträger liegt kein thermisches Gleichgewicht vor und die Verteilung der Elektronen und Löcher muss nun durch Quasi-Ferminiveaus beschrieben werden. Berechnen Sie den energetischen Abstand eU der Quasi-Ferminiveaus an der Stelle x=0, wobei U die mit der Trägerinjektion verknüpfte äquivalente Spannung bezeichnet. Bei einem pn-Übergang entspricht die äquivalente Spannung gerade der an den Übergang angelegten technischen Spannung.
- d) Berechnen Sie den Verlauf der Elektronenstromdichte $J_n(x)$.
- e) Berechnen Sie die spannungsabhängige Ladung Q(U), die in der Diffusionszone in Form von Überschussminoritätsträgern gespeichert ist. Betrachten Sie einen festen Arbeitspunkt $U=U_0$ der äquivalenten Spannung und berechnen Sie die Änderung ΔQ der in der Diffusionszone gespeicherten Ladung für kleine Spannungsänderungen ΔU . Linearisieren Sie dazu die Beziehung Q(U) im Arbeitspunkt U_0 . Vergleichen Sie den Quotienten $\frac{\Delta Q}{\Delta U}$ nun mit der im externen Stromkreis wirksamen Diffusionskapazität C_D , wie sie in den Vorlesungsfolien beschrieben ist. Wie ist es zu erklären, dass der aus der internen Ladungsänderung hergeleitete Ladungs-Spannungs-Quotient doppelt so groß ist wie die Diffusionskapazität C_D , die sich auf den externen Ladungsfluss bezieht?

WS 2015/2016 Ausgabe am: 23.11.2015

Aufgabe 2) pn-Übergang

Gegeben ist eine pn-Diode, deren p-Seite mit einer Akzeptorendichte von $n_A=11\cdot 10^{16}\,\mathrm{cm^{-3}}$ und deren n-Seite mit einer Donatorendichte von $n_D=6\cdot 10^{16}\,\mathrm{cm^{-3}}$ dotiert sind. Das gesamte Bauteil ist aus Silizium ($n_i=1,5\cdot 10^{10}\,\mathrm{cm^{-3}}$, $\varepsilon_r=12$) gefertigt und wird bei Raumtemperatur ($T=300\,\mathrm{K}$) betrieben. Es gelten Störstellenerschöpfung und Schottky-Näherung.

- a) Berechnen Sie die Diffusionsspannung U_D , die sich zwischen p- und n-Gebiet einstellt.
- b) Skizzieren Sie den Verlauf der Raumladungsdichte $\rho(x)$ unter der Annahme der Schottky-Näherung. Berechnen Sie den Verlauf des elektrischen Feldes E(x), wobei Sie für die Ausdehnungen der Raumladungszone (RLZ) in das p- und n-Gebiet zunächst die unbekannten Größen l_p und l_n annehmen. Berechnen Sie aus der elektrischen Feldstärke das Potential $\varphi(x)$. Gehen Sie davon aus, dass der Potentialnullpunkt bei $x=-l_p$ liegt und dass dort auch das elektrische Feld verschwindet. Beachten Sie, dass sowohl das elektrische Feld als auch das Potential bei x=0 stetig sein müssen.
- c) Die Potentialdifferenz zwischen p- und n-Gebiet muss gerade $U_{\scriptscriptstyle D}$ betragen. Berechnen Sie daraus die Gesamtlänge l der Raumladungszone und ihre jeweilige Ausdehnung in die n- und p-Halbleiter.
- d) Skizzieren Sie das Banddiagramm für den Fall des thermischen Gleichgewichts. Dieses sollte die Fermi-Energie W_F und den Verlauf der Bandkanten $W_{LV}(x)$ enthalten.
- e) Die Diode wird nun mit einer Spannung von U=-5V betrieben (Sperrrichtung). Wie groß ist die RLZ jetzt? Skizzieren Sie das Banddiagramm im Sperr-Betrieb und beschreiben Sie den Unterschied zu Ihrer Zeichnung aus d). Zeichnen Sie die Quasi-Fermi-Niveaus W_{Fn} und W_{Fp} sowie die äußere Spannung U ein.
- f) Die Diode wird mit einer Spannung $U=+0.6\,\mathrm{V}$ betrieben (Flussrichtung). Wie groß ist die RLZ jetzt? Skizzieren Sie wiederum das Banddiagramm. Beschreiben Sie den Unterschied zu Ihrer Zeichnung aus d). Zeichnen Sie die Quasi-Fermi-Niveaus W_{Fn} und W_{Fp} sowie die äußere Spannung U ein.