Passive Bauelemente Wintersemester 2014/2015



Einführung



Dipl.-Ing. Michael Schönleber

• Büro: Forschungszentrum Umwelt, Geb. 50.40, Raum 351

• Telefon: 0721/608-46484

• E-Mail: michael.schoenleber@kit.edu



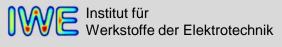
- Studium Elektro- und Informationstechnik am KIT, Abschluss 2011
- Forschungsgebiet am IWE: Li-Ionen Batterien
 - → Identifikation und Quantifizierung von Verlustmechanismen
 - → Entwicklung von Mess- und Diagnoseverfahren
 - → Entwicklung von Validitätstests für Impedanzspektren
- Privat: Lesen, Tauchen, Kraftraum, Laufen

Sprechstunden

Nach Vereinbarung – einfach anrufen oder E-Mail schreiben.

Zugang zu Vorlesungsmaterialien:

Benutzername: pb Passwort: Perowskit14 (bitte Groß- und Kleinschreibung beachten)





Dipl.-Phys. Julian Szász

• Büro: Forschungszentrum Umwelt, Geb. 50.40, Raum 351

• Telefon: 0721/608-48796

• E-Mail: julian.szasz@kit.edu



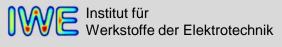
- Studium Physik am KIT, Abschluss 2012
- Forschungsgebiet am IWE: Brennstoffzellen (SOFC)
 - → Identifizierung von Alterungsmechanismen mit Impedanzspektroskopie
 - → Entwicklung eines Modells zur Beschreibung der Alterungsvorgänge
- Privat: Kitesurfen, Downhill-MTB, Segeln und Wintersport

Sprechstunden

Nach Vereinbarung – einfach anrufen oder E-Mail schreiben.

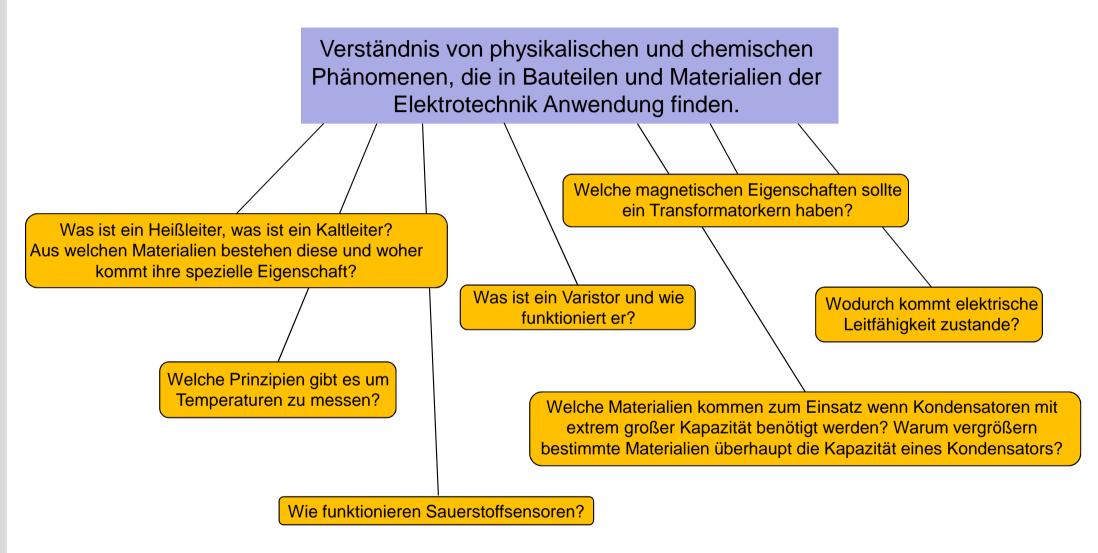
Zugang zu Vorlesungsmaterialien:

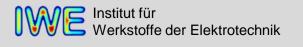
Benutzername: pb Passwort: Perowskit14 (bitte Groß- und Kleinschreibung beachten)



Passive Bauelemente Wintersemester 2014/2015 Um was geht es in PB?







Quelle:

www.iwe.kit.edu

Passive Bauelemente Wintersemester 2014/2015



Klausur

Passive Bauelemente Wintersemester 2014/2015 Klausur - Organisatorisches



Klausurtermin: 19.02.2015, 15:00-18:00 Uhr

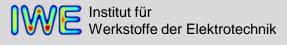
Modus:

- 50% (Antwort-Wahl-Fragen + Kurzaufgaben) / 50% Rechenaufgaben

Zugelassene Hilfsmittel:

- Taschenrechner
- Offizielle PB-Formelsammlung (downloadbar auf der PB Homepage)
- Persönliche Formelsammlung: Ein Blatt beidseitig oder zwei Blätter einseitig handschriftlich beschrieben
- Schreibzeug, Geodreieck etc.
- → Bücher, Vorlesungsskript und sonstige Hilfsmittel sind <u>nicht</u> erlaubt!

Alte Klausuren zum Üben finden Sie auf der PB Homepage oder bei der Fachschaft. Für Fragen stehen die Übungsleiter gerne zur Verfügung!



Passive Bauelemente Wintersemester 2014/2015 Klausur - Organisatorisches



Klausurtermin: 19.02.2015, 15:00-18:00 Uhr

Bitte Anmeldefristen beachten und ggf. rechtzeitig abmelden!!!

→ Eine Abmeldung kann bis einen Tag vor der Klausur fernmündlich oder per Email erfolgen. Am Tag der Klausur nur noch persönlich bzw. nach der Klausur nur noch mit Attest. Sie gelten erst als abgemeldet, nachdem sie eine Bestätigung von uns erhalten haben.

Bitte melden Sie sich ordnungsgemäß ab! Laut Prüfungsordnung sind Sie sonst durchgefallen! Auszug §9 (2) Bachelorprüfungsordnung:

"Eine Modul- bzw. Modulteilprüfung gilt als "nicht ausreichend" bewertet, wenn die Studentin (sic!) den Prüfungstermin ohne triftigen Grund versäumt oder wenn sie nach Beginn der Prüfung ohne triftigen Grund von der Prüfung zurücktritt."

Passive Bauelemente Wintersemester 2014/2015

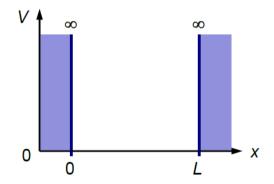


Übung 1



A1: Bedeutung von Quantenzahlen: Die Schrödinger-Gleichung

Eine beliebte theoretische Anordnung um zu zeigen wie Quantelung von erlaubten Energiezuständen, sowie Gebiete unterschiedlicher Aufenthaltswahrscheinlichkeit von Elektronen zwanglos durch die Schrödinger-Gleichung beschrieben werden, ist der sogenannte "Potentialtopf mit unendlich hohen Wänden".



a) Machen Sie sich anschaulich klar, wie ein solcher Potentialverlauf im klassischen Sinne auf ein Elektron wirken würde. Welche Kräfte würde ein -klassisch punktförmig- gedachtes Elektron an den Positionen

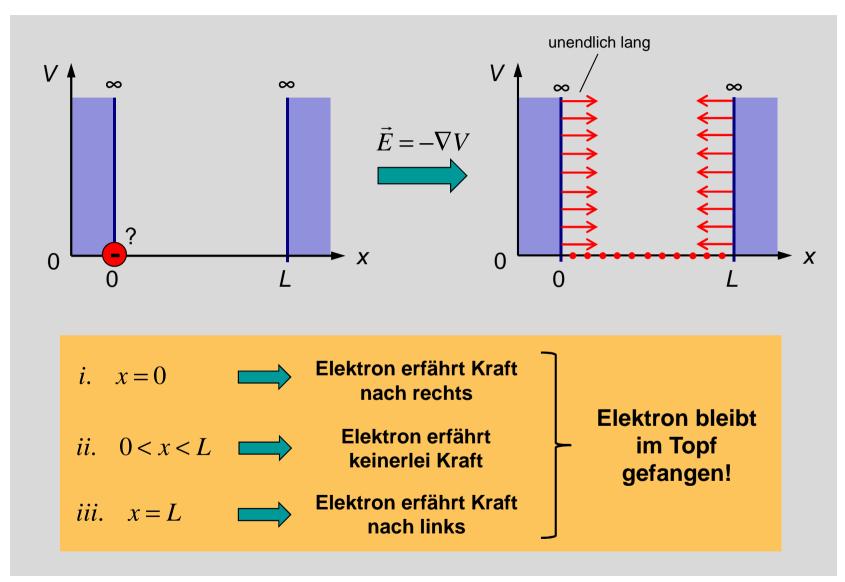
i.
$$x = 0$$

ii. $0 < x < L$

iii. x = L

erfahren?







b) Die zeitunabhängige Schrödinger-Gleichung ist im Inneren des Potentialtopfes gegeben durch

$$-\left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)\frac{\partial^2 \Psi}{\partial x^2} = E\Psi$$

Bestimmen sie die Lösung dieser Differentialgleichung und zeigen Sie, dass die Energie E nur diskrete Werte annehmen kann. Gehen Sie dazu wie folgt vor:

- 1) Finden Sie einen geeigneten Ansatz.

 Hinweis: Welche Funktion ergibt nach zweifacher Ableitung ein skaliertes negatives ihrer selbst?
- 2) Prüfen Sie für welche Werte der Energie E Ihr Ansatz die Schrödinger-Gleichung löst.

Ansatz: Eine allgemeine Sinusfunktion!



$$-\left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)\frac{\partial^2 \Psi(x)}{\partial x^2} = E \cdot \Psi(x) \qquad (1)$$

Ansatz: $\Psi(x) = A \cdot \sin(B \cdot x + C)$

In (1) einsetzen

$$-\left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)\frac{\partial^2\left[A\cdot\sin\left(B\cdot x+C\right)\right]}{\partial x^2} = E\cdot A\cdot\sin\left(B\cdot x+C\right)$$

Ableiten

$$\left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)A \cdot B^2 \cdot \sin\left(B \cdot x + C\right) = E \cdot A \cdot \sin\left(B \cdot x + C\right)$$



$$-\left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)\frac{\partial^2 \Psi(x)}{\partial x^2} = E \cdot \Psi(x) \qquad (1)$$

 $\left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)A \cdot B^2 \cdot \sin\left(B \cdot x + C\right) = E \cdot A \cdot \sin\left(B \cdot x + C\right)$

Fall sin(Bx+C)=0

$$0 = 0$$

Fall $sin(Bx+C)!=0 \rightarrow Division durch Asin(Bx+C)$

$$\left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)B^2 = E \qquad (2)$$

Für Energien des Elektrons wie in (2) löst unser Ansatz die Schrödinger-Gleichung!



3) Bestimmen Sie die freien Konstanten Ihrer Ansatzfunktion mit Hilfe der Randbedingungen

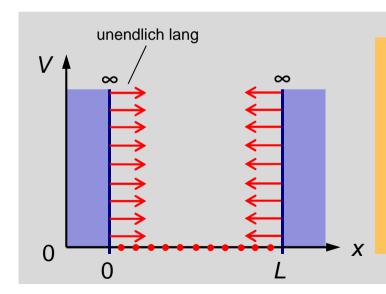
i.
$$\left|\Psi(x=0)\right|^2 = 0$$

ii.
$$\left|\Psi(x=L)\right|^2=0$$

ii.
$$\left|\Psi(x=L)\right|^2 = 0$$

iii. $\int_{0}^{L} \left|\Psi(x)\right|^2 dx = 1$

Warum müssen diese Randbedingungen gelten?



i.
$$|\Psi(x=0)|^2 = 0$$
ii. $|\Psi(x=L)|^2 = 0$
iii. $\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^2 dx = 1$

Im stationären Zustand kann dort nie ein Elektron sein, da es sofort weggerissen werden würde.

iii.
$$\int_{0}^{L} \left| \Psi(x) \right|^{2} dx = 1$$

Diese Bedingung ist notwendig damit $\left|\Psi\right|^2$ als Wahrscheinlichkeitsdichte interpretiert werden kann



3) Bestimmen Sie die freien Konstanten Ihrer Ansatzfunktion mit Hilfe der Randbedingungen

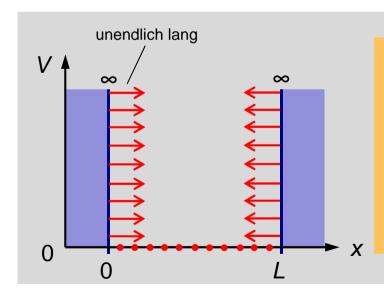
i.
$$|\Psi(x=0)|^2 = 0$$

ii. $|\Psi(x=L)|^2 = 0$

ii.
$$\left|\Psi(x=L)\right|^2=0$$

iii.
$$\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^2 dx = 1$$

Warum müssen diese Randbedingungen gelten?



i.
$$|\Psi(x=0)|^2 = 0$$
ii. $|\Psi(x=L)|^2 = 0$
iii. $\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^2 dx = 1$

Im stationären Zustand kann dort nie ein Elektron sein, da es sofort weggerissen werden würde.

iii.
$$\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^{2} dx = 1$$

Diese Bedingung ist notwendig damit $\left|\Psi\right|^2$ als Wahrscheinlichkeitsdichte interpretiert werden kann



$$\left|\Psi(x=0)\right|^2=0$$

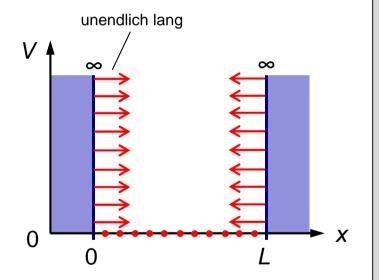
Ansatz: $\Psi(x) = A \cdot \sin(B \cdot x + C)$

Randbedingung einsetzen:

$$\left| A \cdot \sin \left(B \cdot 0 + C \right) \right|^2 = 0$$

Dies ist wahr für

$$C = 0$$



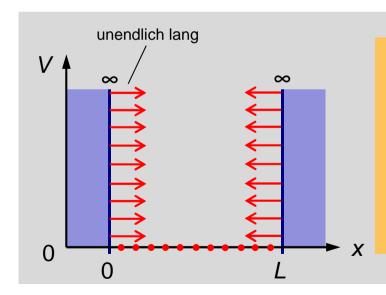


3) Bestimmen Sie die freien Konstanten Ihrer Ansatzfunktion mit Hilfe der Randbedingungen

i.
$$\left|\Psi(x=0)\right|^2 = 0$$

ii. $\left|\Psi(x=L)\right|^2 = 0$
iii. $\int_{0}^{L} \left|\Psi(x)\right|^2 dx = 1$

Warum müssen diese Randbedingungen gelten?



$$i. \quad |\Psi(x=0)|^2 = 0$$

$$ii. \quad |\Psi(x=L)|^2 = 0$$

i. $|\Psi(x=0)|^2 = 0$ Im stationären Zustand kann dort nie ein Elektron sein, da es sofort weggerissen werden würde.

ii. $|\Psi(x=L)|^2 = 0$ Diese Bedingung ist notwendig damit $|\Psi|^2$ als Wahrscheinlichkeitsdichte interpretiert werden kann

iii.
$$\int_{0}^{L} \left| \Psi(x) \right|^{2} dx = 1$$



$$\left|\Psi(x=L)\right|^2=0 \qquad C=0$$

Ansatz: $\Psi(x) = A \cdot \sin(B \cdot x + C)$

Randbedingung einsetzen:

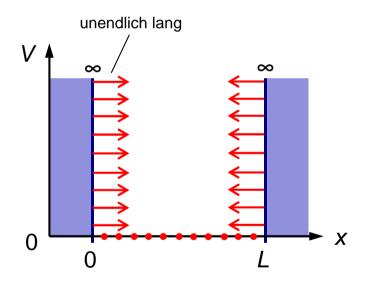
$$\left| A \cdot \sin \left(B \cdot L + 0 \right) \right|^2 = 0$$

Dies ist wahr für

$$B \cdot L = n \cdot \pi$$
 , $n \in \mathbb{N}$

Umstellen:

$$B = \frac{n \cdot \pi}{L}$$





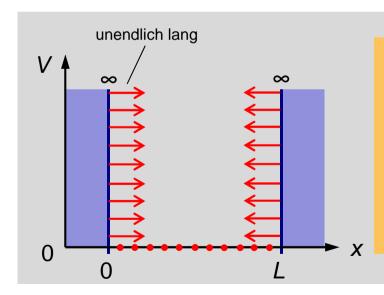
3) Bestimmen Sie die freien Konstanten Ihrer Ansatzfunktion mit Hilfe der Randbedingungen

i.
$$\left|\Psi(x=0)\right|^2 = 0$$

ii.
$$\left|\Psi(x=L)\right|^2=0$$

iii.
$$\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^{2} dx = 1$$

Warum müssen diese Randbedingungen gelten?



i.
$$|\Psi(x=0)|^2 = 0$$
ii. $|\Psi(x=L)|^2 = 0$
iii. $\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^2 dx = 1$

iii.
$$\int_{0}^{L} \left| \Psi(x) \right|^{2} dx = 1$$

Im stationären Zustand kann dort nie ein Elektron sein, da es sofort weggerissen werden würde.

Diese Bedingung ist notwendig damit $\left|\Psi\right|^2$ als Wahrscheinlichkeitsdichte interpretiert werden kann



$$\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^{2} dx = 1 \qquad C = 0 \qquad B = \frac{n \cdot \pi}{L}$$

Ansatz: $\Psi(x) = A \cdot \sin(B \cdot x + C)$

Randbedingung einsetzen:

$$\int_{0}^{L} \left| A \cdot \sin \left(\frac{n \cdot \pi}{L} \cdot x + 0 \right) \right|^{2} dx = \left| A \right|^{2} \int_{0}^{L} \sin \left(\frac{n \cdot \pi}{L} \cdot x \right) dx = 1$$

Betrag wegen Quadrierung überflüssig:

$$\left|A\right|^2 \int_{0}^{L} \sin^2\left(B \cdot x\right) dx = 1$$



$$\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^{2} dx = 1 \qquad C = 0 \qquad B = \frac{n \cdot \pi}{L}$$

$$|A|^2 \int_0^L \sin^2(B \cdot x) dx = 1$$

Integral durch partielle Integration oder Formelsammlung auflösen:

$$|A|^2 \frac{1}{2B} \left[\left(B \cdot x - \sin \left(B \cdot x \right) \cdot \cos \left(B \cdot x \right) \right) \right]_0^L = 1$$

Klammer auflösen

$$|A|^2 \frac{1}{2B} \left[\left(B \cdot L - \underbrace{\sin(B \cdot L)}_{0} \cdot \cos(B \cdot L) \right) - \left(\underbrace{B \cdot 0}_{0} - \underbrace{\sin(B \cdot 0)}_{0} \cdot \cos(B \cdot 0) \right) \right] = 1$$

Nullen entfernen

$$|A|^2 \frac{1}{2B} [B \cdot L] = 1 \implies |A| = \sqrt{\frac{2}{L}} \implies A = \pm \sqrt{\frac{2}{L}} \stackrel{\text{Willkür}}{\Rightarrow} A = \sqrt{\frac{2}{L}}$$

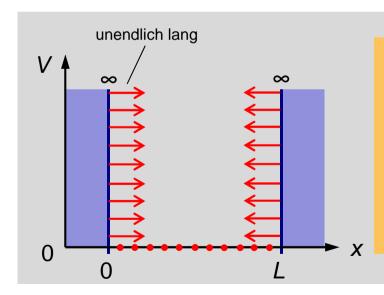


3) Bestimmen Sie die freien Konstanten Ihrer Ansatzfunktion mit Hilfe der Randbedingungen

i.
$$|\Psi(x=0)|^2 = 0$$
ii. $|\Psi(x=L)|^2 = 0$
iii. $\int_{0}^{L} |\Psi(x)|^2 dx = 1$

$$B$$

Warum müssen diese Randbedingungen gelten?



$$i. \quad |\Psi(x=0)|^2 = 0$$

$$ii. \quad |\Psi(x=L)|^2 = 0$$

i. $|\Psi(x=0)|^2 = 0$ Im stationären Zustand kann dort nie ein Elektron sein, da es sofort weggerissen werden würde.

ii. $|\Psi(x=L)|^2 = 0$ Diese Bedingung ist notwendig damit $|\Psi|^2$ als Wahrscheinlichkeitsdichte interpretiert werden kann

iii.
$$\int_{0}^{L} \left| \Psi(x) \right|^{2} dx = 1$$



$$A = \sqrt{\frac{2}{L}} \qquad B = \frac{n \cdot \pi}{L} \qquad C = 0$$

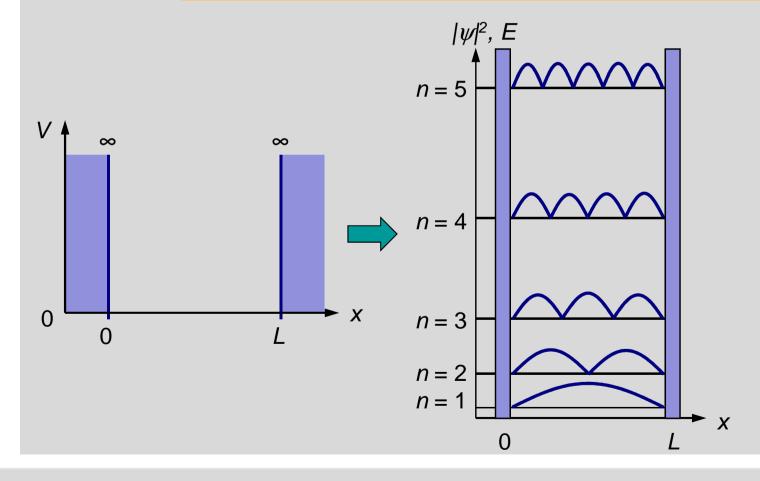
Ansatz:
$$\Psi(x) = A \cdot \sin(B \cdot x + C)$$
, gültig für $E = \left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)B^2$

Bestimmte Konstanten einsetzen:

$$\Psi(x) = \sqrt{\frac{2}{L}} \cdot \sin\left(\frac{n \cdot \pi}{L} \cdot x\right) \quad \text{, gültig für} \quad E = \left(\frac{\hbar^2}{2m}\right) \frac{n^2 \cdot \pi^2}{L^2}$$



$$\Psi(x) = \sqrt{\frac{2}{L}} \cdot \sin\left(\frac{n \cdot \pi}{L} \cdot x\right) \quad \text{, gültig für} \quad E = \left(\frac{\hbar^2}{2m}\right) \frac{n^2 \cdot \pi^2}{L^2}$$





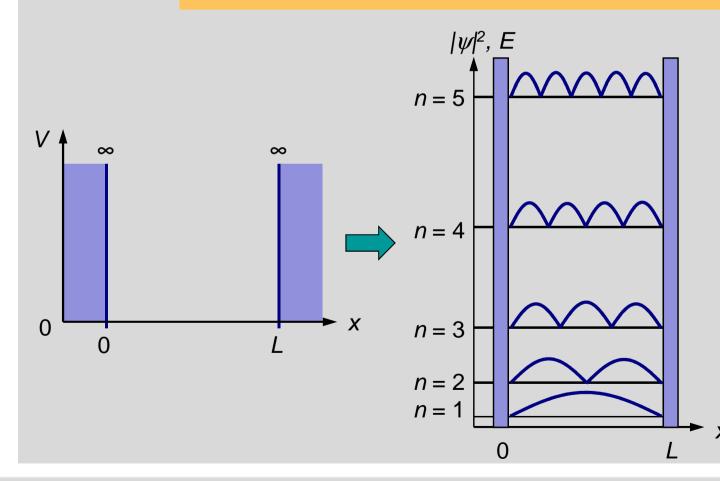
c) Die korrekte Lösung der Schrödinger-Gleichung lautet

$$\Psi_n(x) = \sqrt{\frac{2}{L}} \sin\left(\frac{n\pi}{L}x\right).$$

Die Aufenthaltswahrscheinlichkeit eines Elektrons sowie seine Energie ändert sich hier also lediglich mit der "Hauptquantenzahl" n. Was ändert sich, wenn die Schrödinger-Gleichung statt für einen eindimensionalen Potentialtopf für ein dreidimensionales Coulomb-Potential gelöst werden muss?



$$\Psi(x) = \sqrt{\frac{2}{L}} \cdot \sin\left(\frac{n \cdot \pi}{L} \cdot x\right) \quad \text{, gültig für} \quad E = \left(\frac{\hbar^2}{2m}\right) \frac{n^2 \cdot \pi^2}{L^2}$$

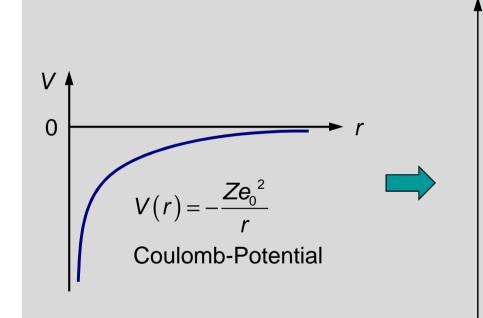


Für einen
eindimensional
ausgedehnten
unendlich hohen
Potentialtopf genügt
eine "Quantenzahl" n
um erlaubte
Aufenthaltsbereiche
sowie Energieniveaus
zu charakterisieren.



$$\Psi(r,\Theta,\varphi) = f(n,l,m)$$
, gültig für $E = g(n,l)$

 $|\psi|^2$, E









(2, 1, 1)



(1, 0, 0)

Für ein
dreidimensionales
Coulomb-Potential
(Potentialfeld einer
Punktladung) werden
drei "Quantenzahlen"
(n, I, m) benötigt um
erlaubte
Aufenthaltsbereiche
sowie Energieniveaus
zu charakterisieren.



Zusammenfassung:

Schrödinger-Gleichung im Potentialtopf mit unendlich hohen Wänden kann durch einen Sinusansatz gelöst werden.



Lösung beschreibt die lokale Aufenthaltswahrscheinlichkeit eines Elektrons im Potentialtopf. Zur Beschreibung von Energie und Aufenthaltswahrscheinlichkeit genügt eine Quantenzahl n.



Schrödinger-Gleichung im Coulomb Potential kann analog (nur mathematisch komplexer) gelöst werden.



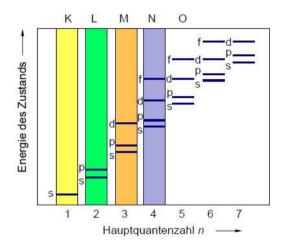
Lösung beschreibt nun die lokale Aufenthaltswahrscheinlichkeit eines Elektrons im Coulomb Potential (bildliche Darstellung: Orbitale). Zur Beschreibung benötigt man nun 3 Quantenzahlen n, I, m.





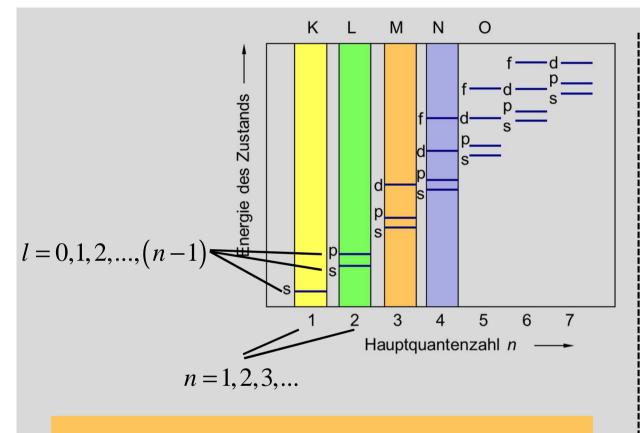
A2: Besetzungsregeln für Atomorbitale: Pauli-Prinzip und Hund'sche Regel

Gegeben sind die durch Hauptquantenzahl n sowie Drehimpulsquantenzahl l vollständig bestimmten möglichen Energiezustände eines Elektrons in einem Atom.



Zeichnen Sie die besetzten Zustände für Kalium in Pauling-Schreibweise. Beachten Sie bei der Besetzung sowohl das Pauli-Prinzip als auch die Hund`sche Regel.





$$m = 0, \pm 1, \pm 2, ..., \pm l$$

$$s = \pm \frac{1}{2}$$

Haben keinen Einfluss auf die Energie, müssen aber auch besetzt werden!

Pauli-Prinzip:

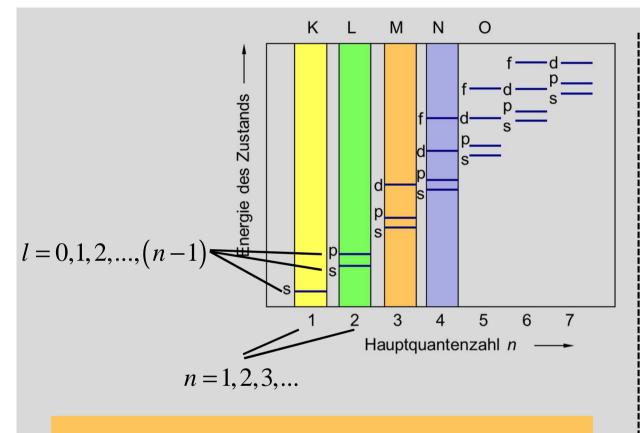
In einem Atom dürfen die Elektronenzustände nicht in allen vier Quantenzahlen übereinstimmen.

Hund'sche Regel:

Die Atomorbitale werden zuerst von einzelnen Elektronen besetzt.

₁₉ K	
4s	1
3р	11/11/11
3s	11
2p	11 11 11 58 69 710
2s	11
1s	11
m =	$0^{2} 1 - 1$





$$m = 0, \pm 1, \pm 2, ..., \pm l$$

 $s = \pm \frac{1}{2}$

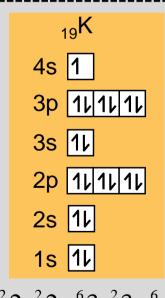
Haben keinen Einfluss auf die Energie, müssen aber auch besetzt werden!

Pauli-Prinzip:

In einem Atom dürfen die Elektronenzustände nicht in allen vier Quantenzahlen übereinstimmen.

Hund'sche Regel:

Die Atomorbitale werden zuerst von einzelnen Elektronen besetzt.





Zusammenfassung:

Besetzung der Orbitale erfolgt in Reihenfolge der Energieniveaus (nicht der Hauptquantenzahlen!), beginnend beim niedrigsten Energieniveau.



Pauli Prinzip und Hund'sche Regel sind zu beachten:



Pauli-Prinzip:

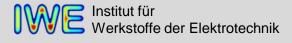
In einem Atom dürfen die

Elektronenzustände nicht in allen vier

Quantenzahlen übereinstimmen.

Hund'sche Regel:

Die Atomorbitale werden zuerst von einzelnen Elektronen besetzt.





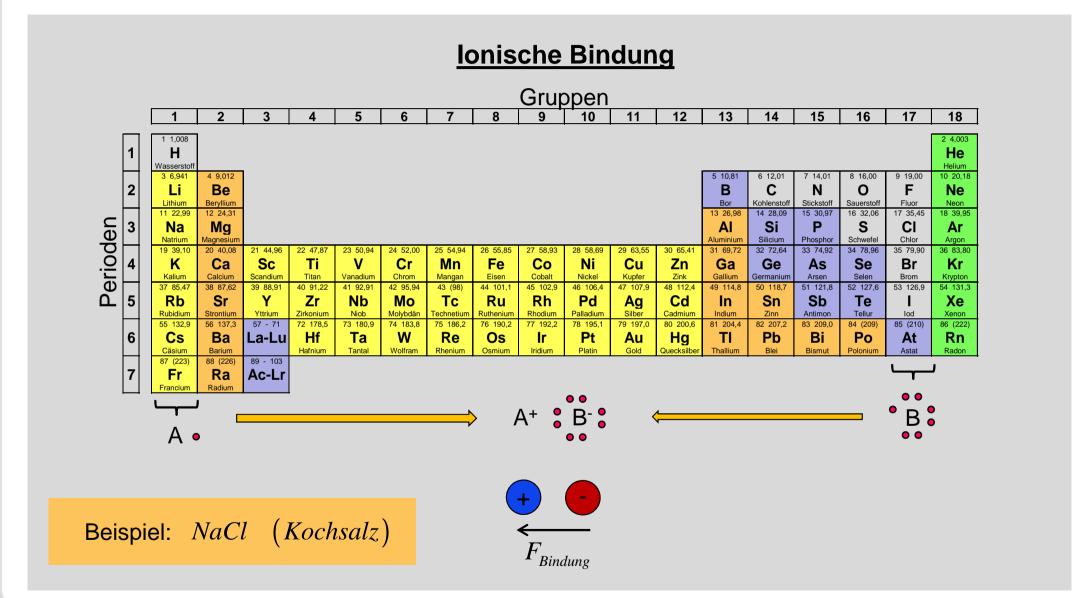
A3: Bindungstypen

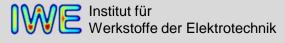
Atome gehen untereinander verschiedene Arten von Bindungen ein. Die Art der eingegangenen Bindung entscheidet beispielsweise über elektronische Leitfähigkeit sowie mechanische Stabilität eines Materials.

a) Nennen sie die drei Hauptbindungstypen, erläutern Sie diese und nennen Sie jeweils einen typischen Vertreter.

Quelle:



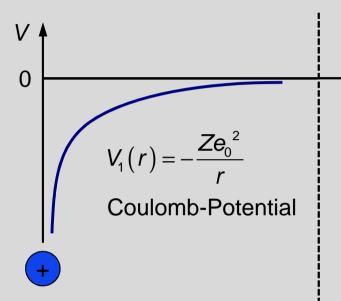




www.iwe.kit.edu

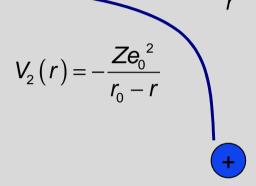


Kovalente Bindung



$$-\left(\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V_1(r)\right)\psi(r,\Theta,\Phi) = E\psi(r,\Theta,\Phi)$$

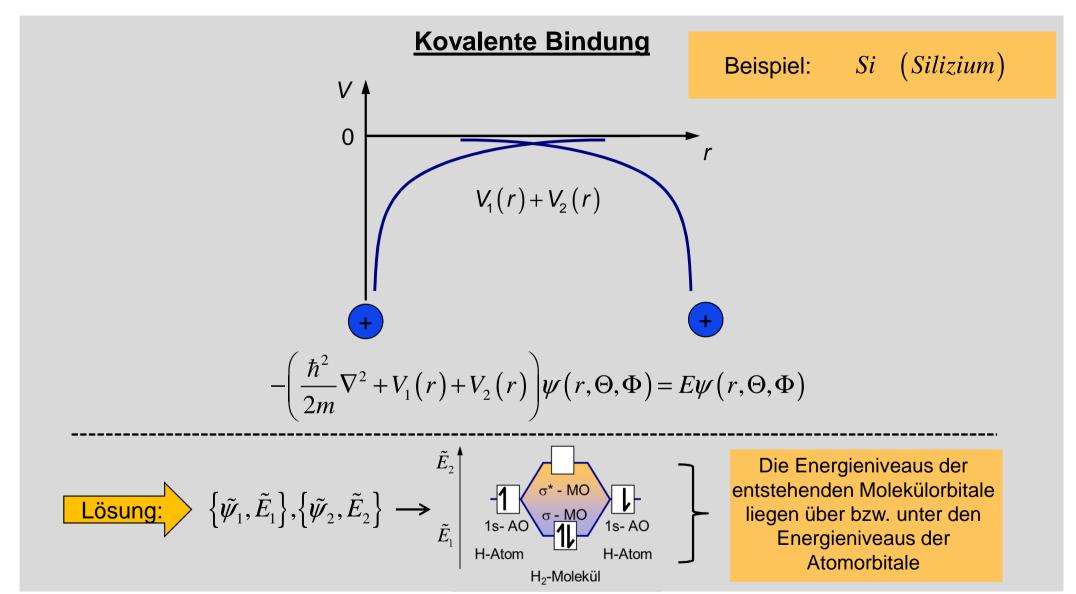
Lösung:
$$\{\psi_1, E_1\}$$



$$-\left(\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V_2(r)\right)\psi(r,\Theta,\Phi) = E\psi(r,\Theta,\Phi)$$

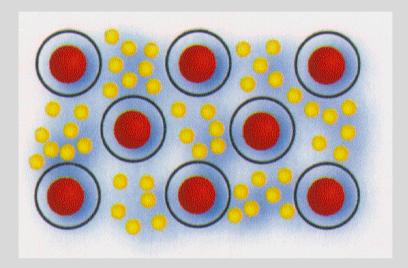
Lösung:
$$\{\psi_2, E_2\}$$







Metallische Bindung



Beispiel: Cu (Kupfer)

Metallatome geben äußere Elektronen ab



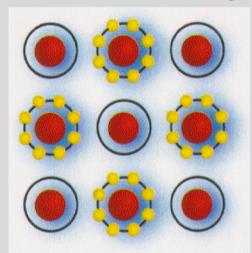
Elektronengas von frei beweglichen Elektronen

Positiv geladene Metall-Ionen (Schwache) Bindung durch Wechselwirkungskräfte zwischen Metall-Ionen und Elektronen

www.iwe.kit.edu



Ionische Bindung

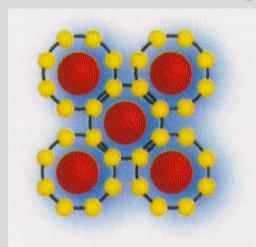


Atome geben Elektronen ab bzw. nehmen auf (Edelgaskonfiguration)

Entstehende lonen ziehen sich elektrostatisch an

Typisch: Verbindungen aus 1. und 17. Gruppe, z.B. NaCl

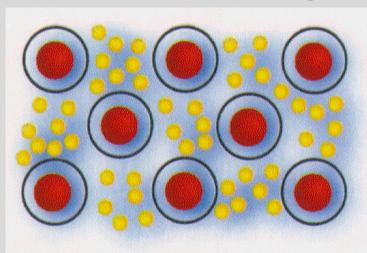
Kovalente Bindung



Atomorbitale überlappen und bilden Molekülorbitale. Liegen diese energetisch günstiger kommt es zu einer stabilen Bindung.

Typisch:
Elementverbindungen wie
Silizium.

Metallische Bindung



Metallatome geben äußere Elektronen ab. Diese bilden ein "Elektronengas" frei beweglicher Elektronen. Wechselwirkung zwischen Elektronengas und positiv geladenen Atomrümpfen sorgt für Bindungskräfte.

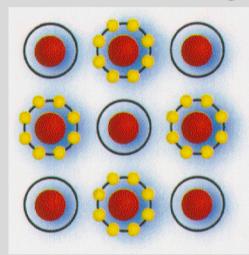
Typisch: Metalle wie Kupfer



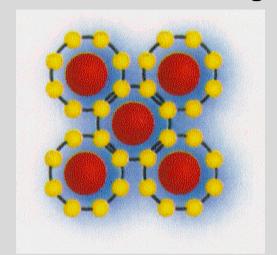
b) Materialien welches Bindungstyps weisen in der Regel die höchste elektronische Leitfähigkeit auf und warum?



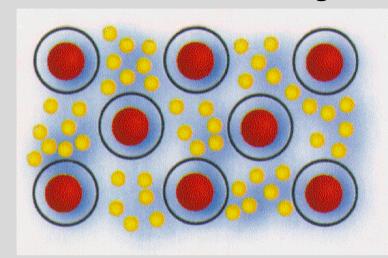
Ionische Bindung



Kovalente Bindung

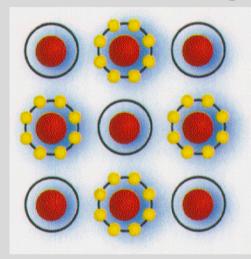


Metallische Bindung

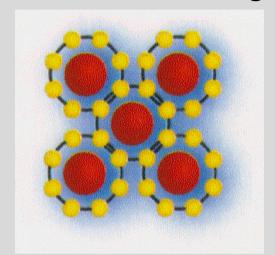




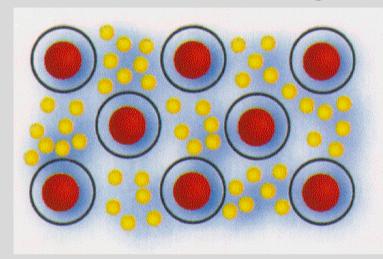
Ionische Bindung



Kovalente Bindung



Metallische Bindung



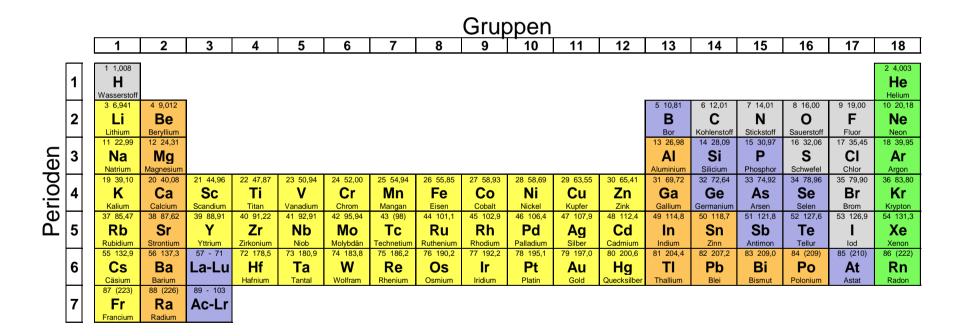
Metalle weisen aufgrund der freien Beweglichkeit aller Elektronen im Elektronengas die höchste Leitfähigkeit auf.



c) Welcher Bindungstyp tritt im Kaliumbromid-Kristall (KBr) auf und warum?

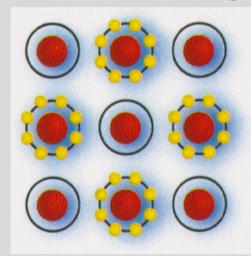


c) Welcher Bindungstyp tritt im Kaliumbromid-Kristall (*KBr*) auf und warum?

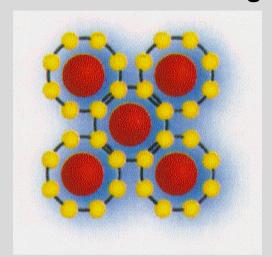




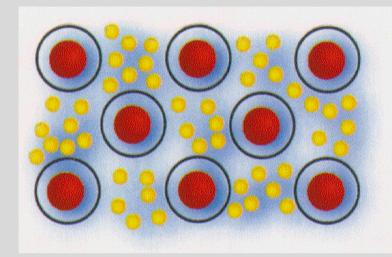
Ionische Bindung



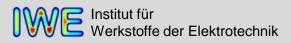
Kovalente Bindung



Metallische Bindung



Kalium sowie Brom entstammen der 1. bzw. 17. Gruppe und können daher bei einer Bindung beide Edelgaskonfiguration erreichen.

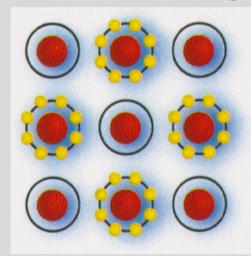




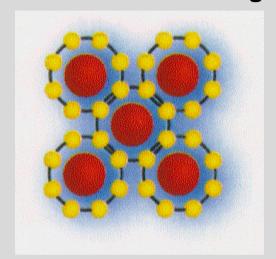
d) Erwarten Sie bei kristallinem Kaliumbromid eine gute oder schlechte elektronische Leitfähigkeit? Begründen Sie!



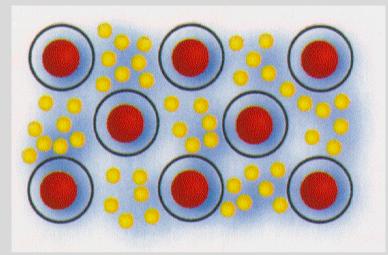
Ionische Bindung



Kovalente Bindung



Metallische Bindung



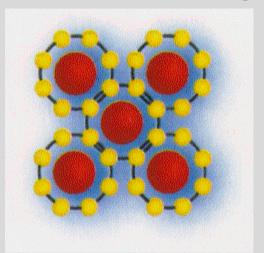
Da KaBr ionisch gebunden ist, stehen keine freien Elektronen zur Leitung zur Verfügung. Es wird daher eine schlechte elektronische Leitfähigkeit erwartet.



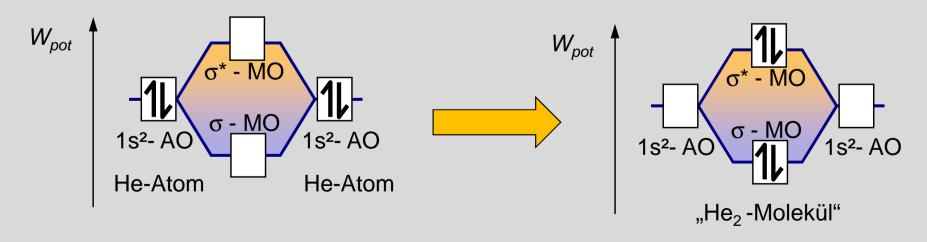
e) Warum bildet Helium keine He_2 - Moleküle aus?



Kovalente Bindung



Helium bildet keine Heliummoleküle, da bei Bindung
zweier Heliumatome sowohl
bindendes als auch
antibindendes Molekülorbital
besetzt werden müssen. Die
Gesamtenergie wird dabei
nicht verringert.



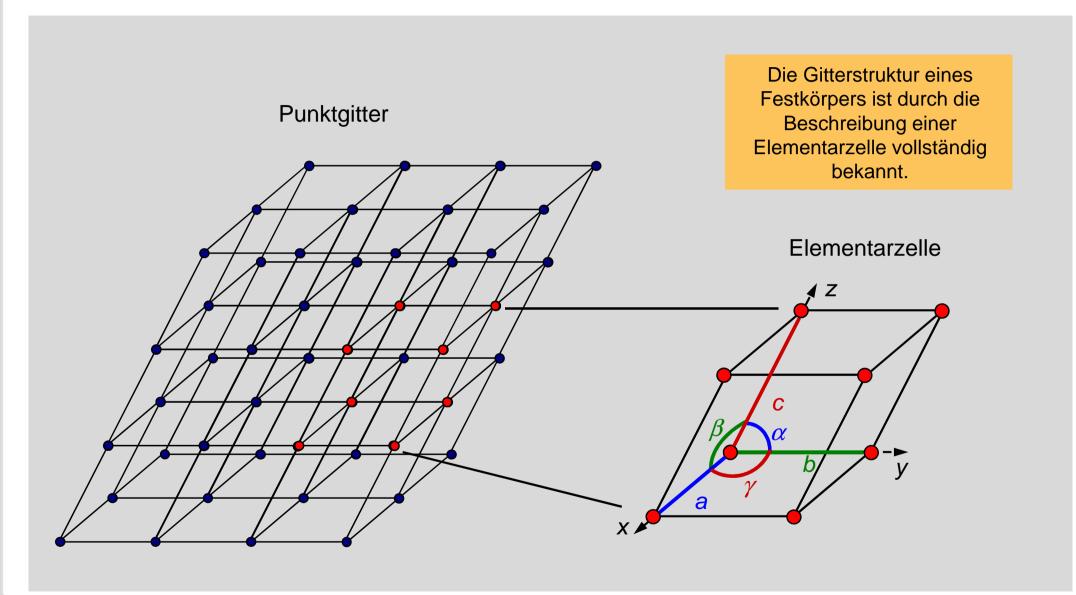


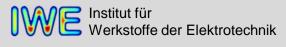
A4: Kristallgitter und Defekte

Der vorherrschende Bindungsmechanismus entscheidet unter anderem darüber, welche Gitterstruktur eine große Ansammlung gebundener Atome -sprich ein Festkörper- annimmt. Die angenommene Struktur wiederum ist entscheidend für das Auftreten spezieller Eigenschaften, die in elektronischen Bauteilen ausgenutzt werden können.

a) Aus 7 Grundgittern kann durch Verschiebung und periodische Wiederholung der Grundgitter jede in der Natur vorkommende Gitterstruktur beschrieben werden. Mit Hilfe welches Grundgitters kann das kubisch-raumzentrierte Gitter erzeugt werden?





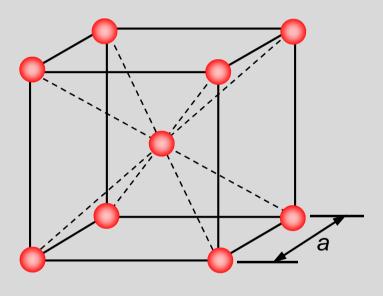


Quelle:

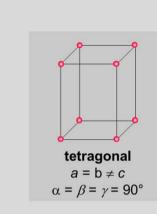
www.iwe.kit.edu



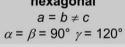


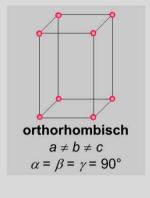


Beispiel: Eisen bei Raumtemperatur

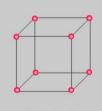




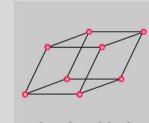












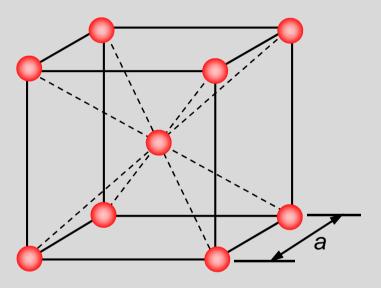
rhomboedrisch a = b = c $\alpha = \beta = \gamma \neq 90^{\circ}$



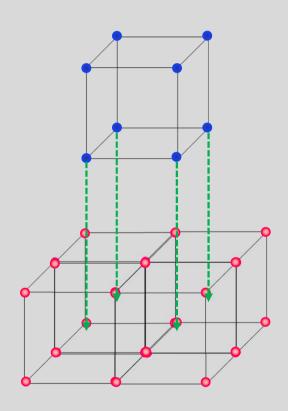




Elementarzelle Kubisch Raumzentriertes Gitter



Beispiel: Eisen bei Raumtemperatur



Ein kubisch raumzentriertes Gitter kann durch gegeneinander verschobene kubische Kristallgitter erzeugt werden.



b) Was entscheidet bei ionischer Bindung, was bei kovalenter Bindung über die gebildete Gitterstruktur?

Quelle:



Ionische Bindung

Das Radienverhältnis von Kation zu Anion bestimmt die Geometrie!

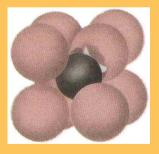
Bsp:

Radienverhältnis: $0,414 < r_K/r_A < 0,732$



Kubisch

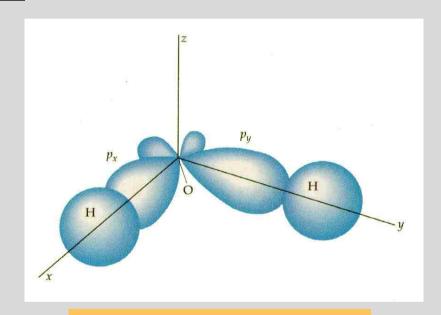
Radienverhältnis: $0,732 < r_K/r_A < 1,000$



Kubisch Raumzentriert

Kovalente Bindung

Die räumliche Form der entstehenden Hybridorbitale bestimmt die Geometrie! **Bsp:**



Bindungswinkel: 104,5°

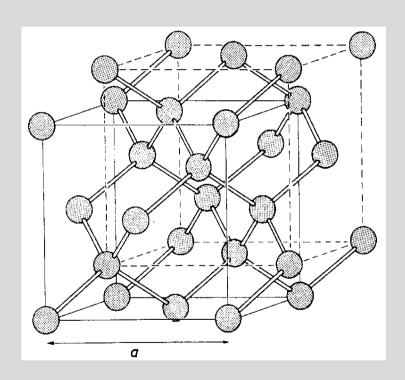


c) Kann die gebildete Gitterstruktur durch äußere Faktoren beeinflusst werden? Falls ja, nennen Sie ein Beispiel.



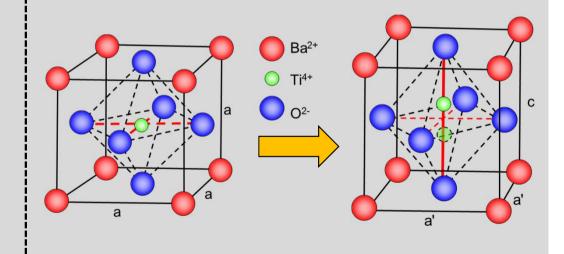
Druck

Kohlenstoff nimmt unter extremen Drücken die Diamantgitterstruktur an.



Temperatur

Perowskite wie Bariumtitanat ändern oberhalb einer Sprungtemperatur ihre Gitterstruktur spontan von kubisch nach tetragonal. Diese Eigenschaft ist sehr wichtig für eine Vielzahl von Bauelementen!





d) Benennen Sie die Punktdefekte A, B und C im dargestellten Kristallgitter.

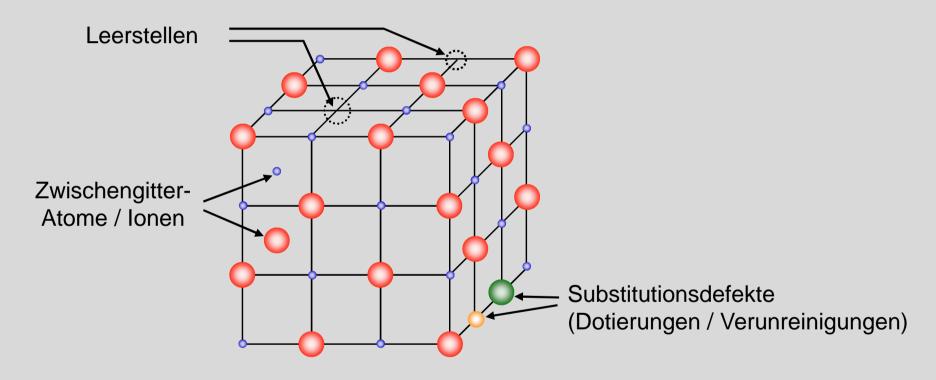
A

B

C



Defekte im Atom/Ionen-Gitter



Durch gezielte Erzeugung von Defekten können Leitfähigkeitseigenschaften verändert werden. Anwendung: Halbleiterei, Sauerstoffsensoren, Brennstoffzellen etc.

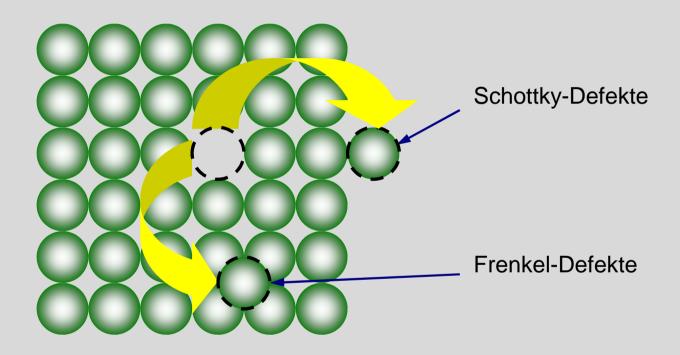
www.iwe.kit.edu

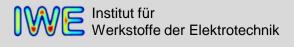


e) Ist die Bildung von Schottky-Defekten mit einer Volumenänderung des Kristalls verbunden? Geben Sie eine kurze Begründung.



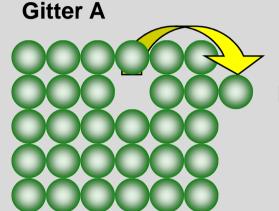
Defekte im Atom/Ionen-Gitter







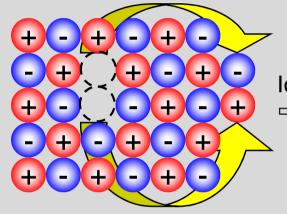
Defekte im Atom/Ionen-Gitter



Kovalenter Kristall

⇒ Leerstelle





lonenkristall

⇒ Leerstellenpaare



Volumenänderung des Kristalls

Perfekte Ordnung ist extrem unwahrscheinlich!

Defekte sind daher, trotz ungünstiger Energiebilanz, natürlich und nehmen mit höherer Temperatur zu.

- Siehe auch nächste Vorlesung: Thermodynamik -

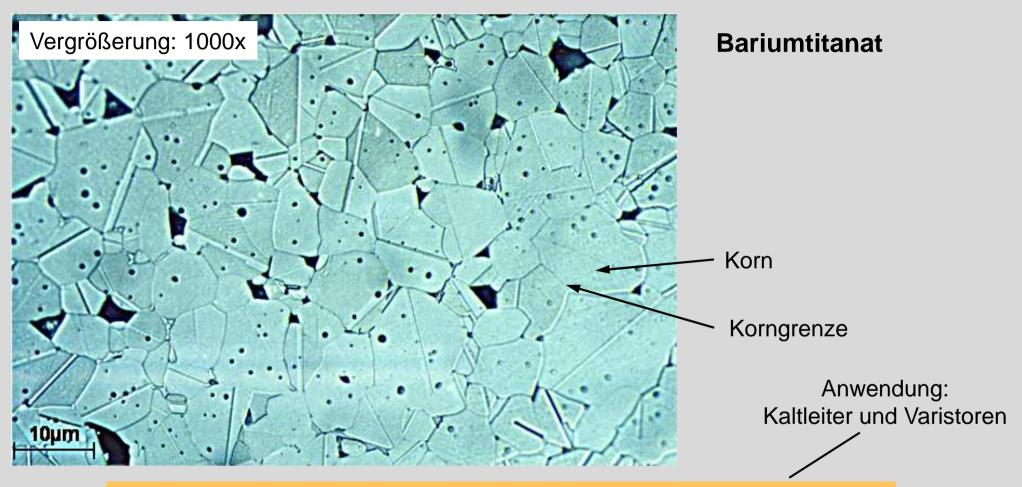
www.iwe.kit.edu

Quelle:



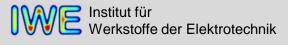
f) Was beschreiben die Begriffe "Korn" und "Korngrenze"?





In Festkörpern werden Bereich gleicher Kristallstruktur und -orientierung als Korn bezeichnet.

Die Grenzflächen zwischen verschiedenen Körnern heißen folglich Korngrenzen.



www.iwe.kit.edu

Passive Bauelemente Wintersemester 2014/2015



Vielen Dank!