

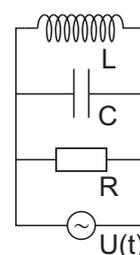
## ÜBUNGSAUFGABEN (VIII)

(Besprechung Mittwoch, 26.6.19)

### Aufgabe 1: (5 Punkte)

In der nebenstehenden Schaltung liege eine Spannung  $U(t) = U_0 \cos(\omega t)$  mit der Amplitude  $U_0 = 5 \text{ V}$  und der Frequenz  $f = \omega/2\pi = 10 \text{ kHz}$  an.

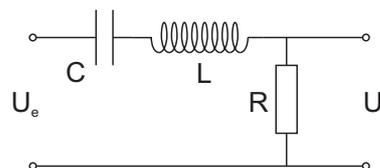
- Verwenden Sie die komplexen Widerstände  $Z_C$ ,  $Z_L$  und  $Z_R$  von Kapazität, Induktivität und ohmschem Widerstand zur Berechnung der Ströme  $I_C(t)$ ,  $I_L(t)$  und  $I_R(t)$  durch die entsprechenden Bauelemente. Erläutern Sie die physikalischen Ursachen der Phasenverschiebungen.
- Dimensionieren Sie  $L$  und  $R$  derart, dass alle Stromamplituden bei einer Kapazität von  $C = 1 \mu\text{F}$  gleich groß werden. Tragen Sie dann in einem Diagramm Spannung und Ströme im Zeitintervall von 0 bis 0.1 ms auf. Wie groß ist der Gesamtstrom?



### Aufgabe 2: (6 Punkte)

In der gezeigten Schaltung ist die am Widerstand  $R$  abgegriffene Ausgangsspannung  $U_a$  abhängig von der Eingangsspannung  $U_e$  und deren Winkelfrequenz  $\omega$ . Das Verhältnis dieser Spannungen ist die (komplexe) Übertragungsfunktion  $A(\omega)$  mit Amplitude  $|A|$  und Phasenverschiebung  $\varphi$ ,

$$A(\omega) = \frac{U_a}{U_e} = |A(\omega)| e^{i\varphi(\omega)}$$



Berechnen Sie für die Schaltung die Amplitude  $|A|$  und die Phase  $\varphi$  in Abhängigkeit von  $\omega$  und diskutieren Sie ihr Verhalten für  $\omega \rightarrow 0$  und  $\omega \rightarrow \infty$ . Zeichnen Sie anschließend beide Größen als Funktion von  $\omega$ . Für welchen elektrotechnischen Zweck kann die Schaltung eingesetzt werden?

### Aufgabe 3: (5 Punkte)

In der Vorlesung wurde für den statischen Fall (Gleichstrom) der ohmsche Widerstand  $R_0$  eines Drahtes mit Länge  $l$  und Querschnittsfläche  $A$  für ein Modell mit Reibungskraft  $F_D = -\gamma v$  abgeleitet. Analog dazu soll der Widerstand  $R(\omega)$  für ein elektrisches Wechselfeld  $E = E_0 \exp(i\omega t)$  mit Winkelfrequenz  $\omega$  bestimmt werden.

- Zeigen Sie, dass der Widerstand von der Form  $R(\omega) = R_0 + i\omega L_k$  ist und dass  $L_k$  („kinetische Induktivität“) gegeben ist durch  $L_k = ml/(nq^2A)$  mit Masse  $m$ , Anzahldichte  $n$  und Ladung  $q$  für die Elektronen.
- Berechnen Sie die kinetische Energie  $E_{\text{kin}}$  der Elektronen im Leiter als Funktion des Stroms  $I$  und zeigen Sie, dass  $E_{\text{kin}} = L_k I^2/2$ .
- Für welchen Durchmesser  $d$  eines Drahtes aus Kupfer ( $n_{\text{Cu}} = 8.5 \cdot 10^{22} \text{ cm}^{-3}$ ) ist der Betrag von  $L_k$  pro Leiterlänge  $l$  größer als die vom Durchmesser unabhängige magnetische Induktivität im Inneren des Drahtes  $L_i/l = \mu_0/8\pi$ ?