

# 1.4 Ebene elektromagnetische Wellen

Hier: eben und monochromatisch

$$\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}_0 \cos(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)$$

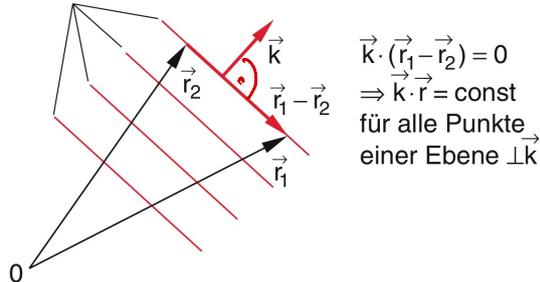
$\omega$ : Kreisfrequenz

$\vec{k}$ : Wellenvektor

$$|\vec{k}| = k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

Wellenzahl

Phasenflächen



$\vec{k}$  zeigt in die

Richtung, in der sich

die Phasenflächen zeitlich

bewegen.

Abbildung 7.3 Ebene Welle in Ausbreitungsrichtung  $\vec{k}$ . Die Phasenflächen sind die Ebenen  $\vec{k} \cdot \vec{r} = \text{const}$ , senkrecht zu  $\vec{k}$

Darüber

$$\vec{E} = \vec{E}_0 \cdot e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)}$$

hier spielt nur die  
 Realteil eine Rolle

## Transversalität der elektromagnetischen Wellen

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 0 \quad \text{im Vakuum}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \vec{\nabla} \cdot (\vec{E}_0 e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)}) = i\vec{k} \cdot \vec{E}_0 e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)} \equiv 0$$

$$\vec{k} \cdot \vec{E}_0 = 0 \quad \vec{k} \perp \vec{E}_0$$

E ist transversal

$$\vec{b} = \vec{b}_0 e^{i(\vec{k}\vec{r} - \omega t)}$$

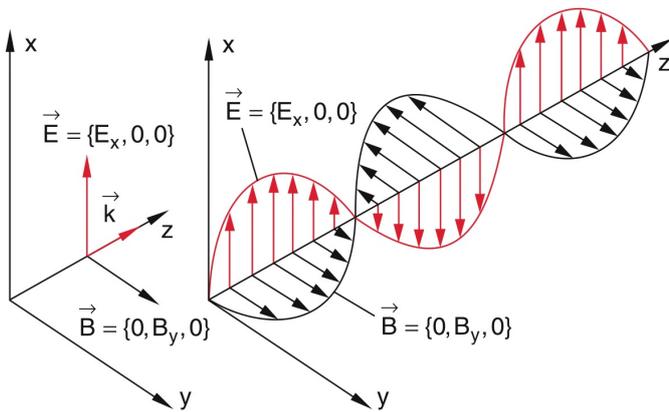
$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{b}}{\partial t}$$

$$i \vec{k} \times \vec{E}_0 = i \omega \vec{b}_0$$

$$\Rightarrow \vec{b} = \frac{1}{\omega} (\vec{k} \times \vec{E})$$

$$\frac{|\vec{E}_0|}{|\vec{b}_0|} = \frac{|\vec{k}| \omega}{|\omega|} = \frac{\omega}{|\vec{k}|} = c$$

Phasengeschwindigkeit



$$\vec{k} \perp \vec{E} \perp \vec{B} \perp \vec{k}$$

$$\vec{E} = \begin{pmatrix} E_x \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} e^{i(kz - \omega t)}$$

Abbildung 7.6 Elektrischer und magnetischer Feldvektor einer linear polarisierten ebenen elektromagnetischen Welle

Beispiel

Sonnenlicht auf der Erde

$$\lambda = 500 \text{ nm}$$

$$\Delta \lambda = 1 \text{ nm}$$

$$4 \text{ W/m}^2 \text{ an der Erdoberfläche}$$

$$= c \epsilon_0 E^2$$

$$|\vec{E}| \approx 400 \text{ V/m}$$

$$|\vec{B}| \approx 1.3 \times 10^{-7} \text{ T}$$

$$\ll \text{Erdfeld} \approx 10^{-5} \text{ T}$$

→ B-Feld spielt in der optischen Kommunikation eine Rolle.

Ohne Einschränkung der Allgemeinheit wähle wir  
 einen z-Achse parallel zu  $\vec{k}$ .

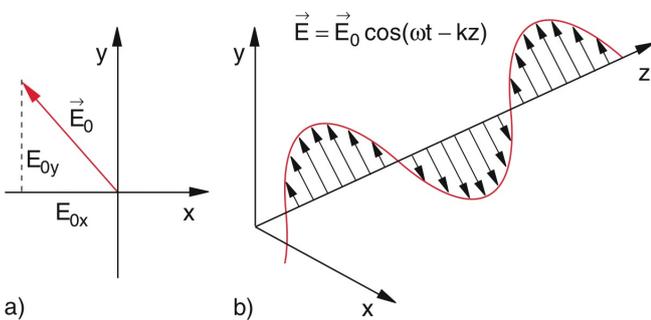
$$\vec{H} = \underbrace{\begin{pmatrix} E_x \\ E_y \\ 0 \end{pmatrix}}_{\vec{E}_0} e^{i(kz - \omega t)} \quad \begin{array}{l} E_x \text{ und } E_y \\ \text{komplex} \end{array}$$

$$\vec{E}_0 = A e^{i\delta_A} \hat{e}_x + B e^{i\delta_B} \hat{e}_y$$

$$\frac{e^{i\delta_A}}{e^{i\delta_B}} \quad \text{reel}$$

$\Rightarrow$  keine Phasenverschiebung zwischen den  
 x und y Komponenten von  $\vec{H}$ .

Dies ist linear polarisiertes Licht.



**Abbildung 7.4** Momentaufnahme einer linear polarisierten Welle  $E = E_0 \cdot \cos(\omega t - kz)$ . **a** Richtung des Vektors  $E$  in der  $x$ - $y$ -Ebene. **b** Räumliche Darstellung des elektrischen Vektors  $E(z, t = t_1)$

„Normalerweise ist Licht  
 unpolarisiert“  
 d.h. Polarisation variiert  
 schnell.

Querschnitt

$$\frac{e^{i\delta_A}}{e^{i\delta_B}} = \pm i \quad \text{d.h. die beiden Komponenten des E-Felds sind in der Ebene um } 90^\circ \text{ verschoben.}$$

Zusätzlich sei  $A=B$ .

$\Rightarrow$  Zirkular polarisiertes Licht

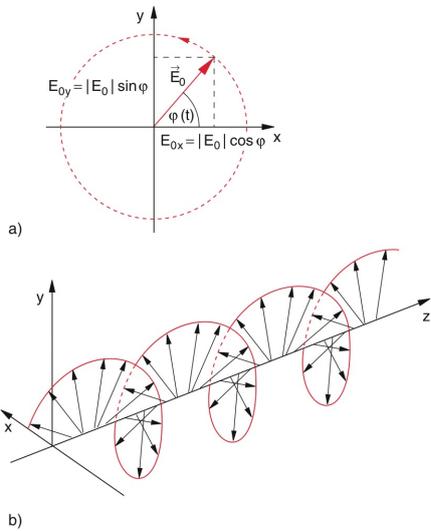


Abbildung 7.5 Linkszirkular polarisierte elektromagnetische Welle. a)  $E_0(x, y)$  mit Blick in  $-z$ -Richtung; b) räumliche Darstellung

Rechtsdrehung, linkszirkular  $\nabla^+$   
 Linksdrehung, rechtszirkular  $\nabla^-$

Helizität des Photons  
 Spin des Photons

Denkbild

Für alle anderen Fälle ist das Licht elliptisch polarisiert.

