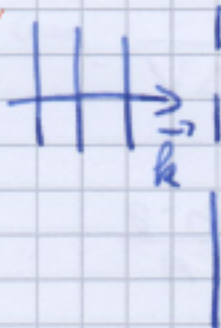


Aufg. 1

$$T(x) = \delta(x) + \delta(x-d) + \delta(x+d) \quad \checkmark$$



+1

3,5
2,1

$$b) \int_{-\infty}^{\infty} T(x) e^{ik_x x} dx$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} (\delta(x) + \delta(x-d) + \delta(x+d)) e^{ik_x x} dx$$

$$= 1 + \underbrace{e^{ik_x d} + e^{-ik_x d}}_{= 2 \cos(\dots)} = \underline{1 + 2 \cos(k_x d)} \quad \checkmark$$

$$\Rightarrow \frac{I}{I_0} = \left| \int_{-\infty}^{\infty} T(x) e^{ik_x x} dx \right|^2 = (2 \cos(k_x d) + 1)^2 = \underline{(2 \cos(k d \sin \alpha) + 1)^2} \quad \checkmark$$

mit $k_x = k \sin \alpha$
 $|\vec{k}| = k$

Blatt 7 A1 c)

+2

$$I \sim \frac{1}{r^2} (2 \cos(k d \sin \theta) + 1)^2 \Rightarrow \text{stimmen nahezu überein!}$$

c) Phasenverschiebung um $\pi \Rightarrow$ Faktor $e^{i\pi}$

$$\Rightarrow T(x) = \delta(x-d) + \delta(x+d) + \delta(x) e^{i\pi} = \delta(x-d) + \delta(x+d) - \delta(x) \quad \checkmark$$

$$\Rightarrow \frac{I}{I_0} = \left| \int_{-\infty}^{\infty} T(x) e^{ik_x x} dx \right|^2 = \left| \int_{-\infty}^{\infty} (\delta(x-d) + \delta(x+d) - \delta(x)) e^{ik_x x} dx \right|^2$$

$$= |e^{ik_x d} + e^{-ik_x d} - 1|^2 = (2 \cos(k_x d) - 1)^2 \quad \checkmark = |2 \cos(k_x d + \pi) + 1|^2$$

$$\Rightarrow \frac{I}{I_0} = (2 \cos(k d \sin \alpha) - 1)^2$$

+1

Wegen der "-1" ist die Intensität hier schwächer, verschoben d.h. Maxima sind dunkler als in der a).

Aufgabe 2

In Zustand 3 ($T+dt, p+dp$) und hat V_{fl} (3→4)

Durch Verdampfen vergrößert sich V auf V_{gas} und Arbeit geleistet:

$$Q_{34} = -(p+dp) \cdot (V_{gas} - V_{fl}) \quad \checkmark$$

Von 4→1 verringert sich Druck und Temperatur auf p und T .

Von 1→2 isotherme Kompression und Arbeit aufgewendet:

$$Q_{12} = p \cdot (V_{gas} - V_{fl}) \quad \checkmark$$

freiwerdende Energie dQ_{ij} wird abgeführt

Von 2→3 erhöht sich Druck um Temperatur auf $p+dp, T+dT$

$$Q_{ges} = Q_{12} + Q_{34} = -dp (V_{gas} - V_{fl})$$

$$\text{Wirkungsgrad } \eta : -\frac{Q_{ges}}{|Q_{34}|} = \frac{dp(V_{gas} - V_{fl})}{1} = \frac{dT}{dT+T} \approx \frac{dT}{T} \quad \checkmark$$

$$Q_{ij}=1 \quad Q_{ij} = \frac{dp(V_{gas} - V_{fl})/T}{dT} \Leftrightarrow \frac{dp}{dT} = \frac{Q_{ij}}{(V_{gas} - V_{fl})T} \quad \checkmark$$

$$3) \rho_{\text{Wasser}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad \checkmark$$

$$\rho_{\text{Eis}} = 918 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\text{Schmelzwärme } \frac{Q}{m} = 333,5 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad \checkmark$$

Quelle:
Wikipedia

$$\frac{\Delta p}{\Delta T} = \frac{Q}{T(V_{\text{Wasser}} - V_{\text{Eis}})} = \frac{Q}{T m \left(\frac{1}{\rho_{\text{Wasser}}} - \frac{1}{\rho_{\text{Eis}}} \right)}$$

außerdem $\Delta p = \frac{m_g \cdot g}{A}$

$$\Rightarrow \frac{m_g \cdot g}{A} = \frac{Q \Delta T}{T m \left(\frac{1}{\rho_{\text{Wasser}}} - \frac{1}{\rho_{\text{Eis}}} \right)} \Rightarrow m_g = \frac{Q \cdot A \cdot \Delta T}{T m g \left(\frac{1}{\rho_{\text{Wasser}}} - \frac{1}{\rho_{\text{Eis}}} \right)}$$

mit $T = 273,15 \text{ K}$, $\Delta T = 0,1 \text{ K}$, $A = 0,0005 \text{ m}^2$:

$$\underline{|m_g| = 69,67 \text{ kg}} \quad \checkmark$$

4/4