

Physik IV – Atome und Moleküle

Sommer 2005, Prof. Wim de Boer, Universität Karlsruhe

Übungsleiter: Frank Hartmann, Forschungszentrum Karlsruhe,
Tel.: 07247 82 6330; Email: Frank.Hartmann@cern.ch

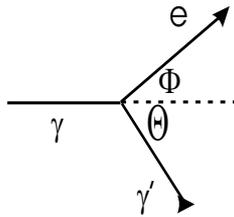
LÖSUNGEN Übung 3

1. Photonen

- (a) $P=100W=100J/s$; $a = 365,25 = 3.16 \times 10^7s \Rightarrow E = Pa = 3.16 \times 10^9J$ $\Delta m = E/c^2 = 3.5 \times 10^{-8}kg$
- (b) Es gilt: $\frac{Nh\nu}{P} = \frac{F}{4\pi R^2}$, wobei F der Pupillenquerschnittfläche ist. Hieraus ergibt sich $R= 14\ 200\ km$.
- (c) Nach dem Wienschen Verschiebungsgesetz $\lambda_{max} \times T = const = 0.29cmK \rightarrow T = 5800K$

2. Comptonstreuung:

(a) $\lambda' - \lambda = \frac{hc}{m_0c^2}(1 - \cos\theta)$



$E_{kin} = E_\gamma - E'_\gamma = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda'}$ mit $E_\gamma = \frac{hc}{\lambda}$ und $E' = \frac{hc}{\lambda'}$ folgt aus der Comptonformel:

$$E_\gamma - E'_\gamma = \frac{E_\gamma E'_\gamma}{m_0c^2}(1 - \cos\theta) \quad (1) \text{ oder } E'_\gamma = \frac{E_\gamma}{1 + \frac{E_\gamma}{m_0c^2}(1 - \cos\theta)} \quad (2)$$

$$(2) \text{ in } (1) \Rightarrow E_{kin} = \frac{E_\gamma E'_\gamma}{m_0c^2}(1 - \cos\theta) = \frac{E_\gamma}{\frac{m_0c^2}{E_\gamma(1 - \cos\theta)} + 1} \quad (3) \text{ maximal für}$$

$\cos\theta_{max} \rightarrow -1$ also $\theta_{max} \rightarrow \pi$ Informationen für den dazugehörigen Winkel Φ erhält man aus dem Impulserhaltungssatz: $p_\gamma = p'_\gamma \cos\theta + p_e \cos\Phi$ (4)

$$0 = p'_\gamma \sin\theta - p_e \sin\Phi \quad (5)$$

Mit $\theta_{max} \rightarrow \pi$ folgt aus (5):

$$p_e \sin\Phi_{max} = 0 \Rightarrow \Phi_{max} \rightarrow 0$$

(b) $\lambda = 400nm \rightarrow \gamma = 7.5 \times 10^{14}Hz \rightarrow E_\gamma = 3.1eV$

Aus (3) mit $\theta_{max} = \pi$ folgt $E_{kin,max} = 3.8 \times 10^{-5}eV$

(c) Übertrüge das Photon seine gesamte Energie auf das Elektron, dann wäre $E'_\gamma = 0 \rightarrow \lambda' = 0 \rightarrow \lambda' - \lambda = -\lambda = \frac{hc}{m_0c^2}(1 - \cos\theta)$; also $1 - \cos\theta < 0 \rightarrow$ unmöglich!

(d) $E'_\gamma = E_\gamma - E_{kin} = 400keV \rightarrow \lambda' = 3.1 \times 10^{-3}nm$ mit $\lambda = \frac{hc}{E_{gamma}}$ = $2.48 \times 10^{-4}nm$ folgt aus Compton: $\theta = \text{Arccos}(1 - \frac{(\lambda' - \lambda)m_0c}{h}) = 41.8^\circ$

3. Milikan

(a) Gewichtskraft des Tröpfchen; Auftriebskraft; Stokes'sche Reibungskraft; Elektrische Kraft

(b) Gleichgewicht: $m_{Oel} \times g - m_L \times g - \frac{qU}{d} + 6\pi rV\eta = 0$; $m = 4/3\pi\rho r^3$

Unkorrigierte Viskosität $\eta := \eta_{Luft}$

$$\rightarrow 4/3\pi r^3 g \Delta\rho - \frac{qU}{d} + 6\pi rV\eta = 0, \Delta\rho = \rho_{Oel} - \rho_{Luft}$$

\Rightarrow Gleichungssystem:

$$4/3\pi r^3 g \Delta\rho - \frac{qU}{d} + 6\pi r\eta V_1 = 0$$

$$4/3\pi r^3 g \Delta\rho + \frac{qU}{d} + 6\pi r\eta V_2 = 0$$

$$- \frac{2qU}{d} + 6\pi r\eta(V_1 - V_2) = 0$$

$$\Rightarrow r = \frac{\frac{qU}{d}}{3\pi d\eta(V_1 - V_2)} \quad (1)$$

$$\text{Einsetzen liefert: } 4/3\pi g \Delta\rho \left(\frac{qU}{3\pi d\eta}\right)^3 \frac{1}{(V_1 - V_2)^3} - \frac{qU}{d} \left(1 - \frac{2V_1}{V_1 - V_2}\right) = 0$$

$$\text{mit } \left(1 - \frac{2V_1}{V_1 - V_2}\right) = -\frac{V_1 + V_2}{V_1 - V_2}$$

$$\Rightarrow q = \frac{9\pi d}{2U} (V_1 - V_2) \sqrt{\frac{\eta^3}{\Delta\rho g} (V_1 + V_2)} \quad (*) \quad (2)$$

Resultate:

Resultate :

n: Anzahl der Elementarladungen auf dem Tröpfchen

v_1 [m/s]	v_2 [m/s]	q[C]	r[m]	q_Korr[C]	r_Korr[m]	n
0.410E-04	0.249E-03	0.158E-18	0.371E-06	0.162E-18	0.377E-06	1
0.450E-04	0.502E-03	0.477E-18	0.509E-06	0.485E-18	0.515E-06	3
0.113E-03	0.286E-03	0.154E-18	0.435E-06	0.157E-18	0.441E-06	1
0.790E-04	0.405E-03	0.320E-18	0.479E-06	0.326E-18	0.485E-06	2
0.640E-04	0.609E-03	0.630E-18	0.565E-06	0.640E-18	0.571E-06	4
0.440E-04	0.383E-03	0.312E-18	0.450E-06	0.319E-18	0.456E-06	2
0.710E-04	0.265E-03	0.159E-18	0.399E-06	0.162E-18	0.405E-06	1
Mittelwert von e		0.1576E-18		0.1607E-18		
Fehler für e		0.0021E-18		0.0020E-18		
Literaturwert				0.1602E-18		

$e_{\text{Korr}} / e = 1.0196$, d.h. die Korrektur der Elementarladungsmessung aufgrund der Cunningham-Korrektur der Viskosität beträgt 2%.