

Physik IV – Atome und Moleküle SS11

Prof. Thomas Müller, Karlsruher Institut für Technologie (KIT)
 Dr. Frank Hartmann, Karlsruher Institut für Technologie (KIT)

Aufgabenblatt 3; Übung am 09. Mai (Montag)
 Übungsleiter: Frank Hartmann, Forschungszentrum Karlsruhe,
 Tel.: +41 (76) 487 4362; Email: Frank.Hartmann@cern.ch

LÖSUNGEN Übung 3

1. Rutherford

- (a) Teilchen stoppt, wenn $E_{kin} = E_{Coul}$; $E_{kin} = E_0$ $E_{Coul} = \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r}$;

$$Z_{Au} = 79 \rightarrow r = \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 E_0}$$

$E_0 [MeV]$	1	10
$r [m]$	$1.14 \cdot 10^{-13}$	$1.14 \cdot 10^{-14}$

$$r_{Au} = 1.3A^{1/3} fm = 7.6 fm \text{ (A:Nukleonenzahl } \cong M_{Au} \text{)}$$

$$\text{Berühren bei } r = R_{Au} = 7.6 fm \Rightarrow E_0 = \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 R_{Au}} = 15 MeV$$

- (b) Anomale Streuung: Kernpotential setzt ein; keine reine Coulombabstossung

- (c) $b = 2.6 \cdot 10^{-13} m$; $Z_{Au} = 79$ Teilchen mit $E = 4 MeV$

$$k = \frac{2Ze^2}{4\pi\epsilon_0}; b = \frac{k}{mv_0^2} \cotan(\theta/2) \rightarrow b = \frac{k}{2E} \cotan(\theta/2) \text{ mit } \cotan(\theta/2) = \frac{1}{\tan(\theta/2)}; \tan(\theta/2) = \frac{k}{2Eb} \Rightarrow \theta = 12,47^\circ$$

2. Spektroskopische Vorbemerkung!

- (a) In Luft ist die entsprechende Wellenlänge etwas kleiner! Brechungsindex! $\lambda_{Luft} = \lambda_{Vac.}/n$
- (b) Frequenz ist vom Medium unabhängig! $\nu = c/\lambda_{vac} = c/(n\lambda_{Luft})$ [Hz]
- (c) Wellenzahl $\bar{\nu} = \nu/c = 1/\lambda_{Vac.} = 1/(n\lambda_{Luft})$ [cm^{-1}]. Ist Mediumunabhängig, ist n abhängig; c ist Mediumunabhängig und ν nicht. Energieabhängigkeit: $E = \bar{\nu}hc$

3. Termschema, Lichtemission, Stöße bei einem hypothetischem Einelektronenatom.

- (a) $E_{Ion} = 15,6 eV = E_\infty - E_1$
- (b) $\Delta E(3 \rightarrow 1) = 15,6 eV - 3,1 eV = 12,5 eV$
- (c) 6 eV kann das Atom nicht anregen (mindestens 10,3 eV). Die Energie bleibt bei 6 eV
- (d) e^- verliert 10,3 eV, es bleiben exakt 1,7 eV übrig (oder das e macht einen inelastischen Stoß, dann ist $E_{kin} = 12 eV$)

4. Spektrallinien

Außer dem Energiesatz müsste auch der Impulssatz erfüllt sein. Das Photon hat die Energie $E = h\nu$ und den Impuls $p = h/\lambda = E/c$, wie jedes hochrelativistische Teilchen. Es kann also keinen Photonen-Atom-Stoß geben bei dem die ganze Photonenenergie in kinetische Energie des Atoms überginge (keinen elastischen Stoss), denn dazu müsste das Atom ebenfalls genau mit c weiterfliegen, wozu die Photonenergie nicht reicht. Nun möge eine Anregungsenergie E' etwas tiefer als E liegen, die Differenz $E - E'$ soll in kinetische Energie übergehen: $E - E' = \frac{1}{2}mv^2$. Gleichzeitig lautet der Impulssatz $E/c = mv$. Es folgt $E - E' = \frac{1}{2} \frac{E^2}{mc^2}$. Da mc^2 die Ruheenergie des Atoms, einige GeV beträgt, erlaubt dies bei optischen Übergängen (einige eV) nur relative Abweichungen von etwa 10^{-9} von der scharfen Übergangsenergie.

Übrigens entspricht dies genau der Doppler-Verstimmung: $E - E' = h(\nu - \nu') = h\nu' \frac{v}{c} = \frac{E^2}{mc^2}$.
 Es ist hier wie oft schwer, Ursache und Wirkung zu trennen, weil es sich bewegt, oder bewegt es sich, weil es absorbiert hat? Wohl aber kann das Atom dem Photon einen Teil von dessen Energie entziehen, der gerade einem Übergang entspricht, das Photon fliegt dann mit veränderter Frequenz weiter: Raman-Effekt.

5. Balmer-Serie

Eine Balmer-Absorptionslinie entspricht einem Übergang eines Elektrons von $n = 2$ in einen höheren Zustand. Das setzt voraus, dass es genügend viele Atome gibt, die bereits im Zustand $n = 2$ angeregt sind, wenn ein weiteres Photon sie überrascht. Die Gleichgewichtsbesetzung des Zustandes $n = 2$ ist $n^* = n_0 e^{-\frac{E}{k_B T}}$, wobei $E = 10 \text{ eV}$ der ersten Lyman-Linie entspricht. Bei Zimmertemperatur ist $k_B T = 25 \text{ meV}$, es ist also bestimmt kein einziges Atom im Gleichgewicht Balmer-absorptionsfähig. Selbst in der Sonnenphotosphäre ($T = 6000 \text{ K}$) ist die relative Besetzung nur $e^{-2} \approx 0,13$. Je heißer der Stern ist, desto stärker werden i. allg. die Balmer Absorptionslinien. Auch ein Laserstrahl kann genügend Atome in den Zustand $n = 2$ schaffen, um Balmer Absorptions zu ermöglichen.

6. Das „Bohr’sche“ Atommodell

Postulate:

- (a) Kreisbahnen; Strahlungslose Bewegung! Feste Energie
- (b) Übergang nur durch Absorption oder Emission der Energiedifferenz

$$\Delta E = |h\nu_1 - h\nu_2|$$

- (c) Übergang von diskreten Niveaus zu kontinuierlichen Energiezuständen; QM \rightarrow klass. Physik (allerdings hat Bohr nicht wirklich mit QM gearbeitet)

Rhydbergatome:

Atome mit sehr hohen Anregungszuständen; gefunden im Weltall mit bis zu $n = 350 \rightarrow$ sehr langlebig!

Sommerfeld: Kreisbahn \rightarrow Elliptische Bahn!