Physikalisches Institut

Prof. Dr. H. v. Löhneysen Dr. V. Fritsch

Übungen zur Physik V: Festkörperphysik WS 2007/2008 Übungsblatt 4

Besprechung am 29. November 2007

Aufgabe 4.1: Fraunhofer-Beugung des Gitters

Berechnen und skizzieren Sie die Intensitätsverteilung für Fraunhofer-Beugung bei einem Gitter endlicher Länge L mit der Gitterkonstanten a, wobei L ein Vielfaches der Gitterkonstanten ist $(L = N \cdot a; N = \text{Anzahl der Gitterstriche})$. Die Gitteröffnungen sind Spalte mit konstanter Durchlässigkeit f über die Spaltbreite s. Unterscheiden Sie die Fälle s = a/2 und s = a/4 (f(x) = f für $0 \le x \le s$ und f(x) = 0 für $s < x \le a$).

Aufgabe 4.2: Strukturfaktor

Berechnen Sie den Strukturfaktor S_{hkl} für die CsCl- und die NaCl-Struktur. Diskutieren Sie den Übergang der CsCl-Struktur zum einatomaren bcc-Gitter und den Übergang der NaCl-Struktur zum primitiven sc- bzw. einatomaren fcc-Gitter. Wie ändern sich dabei jeweils die Strukturfaktoren?

Aufgabe 4.3: Debye-Scherrer-Verfahren

Eine pulverförmige Probe eines Elements mit kubischer Kristallstruktur wird mit einer Debye-Scherrer-Aufnahme analysiert. Die folgenden Abstände zwischen symmetrisch zum direkten Strahl liegenden Linien werden gemessen: 43,40; 50,60; 74,41; 90,21; 95,21; 117,2; 136,6 und 145,0 mm. Der um die Probe ringförmig angeordnete Filmstreifen hat einen Durchmesser von 57,3 mm. Es wird monochromatische Röntgenstrahlung der Wellenlänge $\lambda=0,154\,\mathrm{nm}$ (Cu-K $_{\alpha}$ -Linie) eingestrahlt. Bestimmen Sie die Kristallstruktur, indizieren Sie die Linien und berechnen Sie die Gitterkonstante. Um welches Element handelt es sich?

Hinweise: Betrachten Sie nur erste Ordnungen der Beugung und vergleichen Sie die Gitterkonstante mit Werten aus einer geeigneten Tabelle.

Aufgabe 4.4: Ewald-Konstruktion und reziprokes Gitter

- a) Bestimmen Sie die fundamentalen Gittervektoren des reziproken Gitters einer bec-Struktur mit der Gitterkonstanten a.
- b) Finden Sie mit Hilfe der Ewald-Konstruktion, welche Energie Röntgenstrahlung mindestens haben muß, um beim Einfall parallel zur [100]-Richtung im bcc-Gitter gebeugt zu werden.
- c) Unter welchen Winkeln wird die Beugung beobachtet? An welchen Gitterebenen tritt die Beugung auf?
- d) Diskutieren Sie die Streubedingungen für das Laue-, das Drehkristall- und das Debye-Scherrer-Verfahren mit Hilfe der Ewald-Konstruktion.