

# **Kerne und Teilchen**

Physik VI

Vorlesung # 10 18.5.2010

Guido Drexlin, Institut für Experimentelle Kernphysik

#### **Instabile Kerne**

- ß-Zerfall: Grundlagen
- Neutrinos: Hypothese & Nachweis
- Klassifizierung von ß-Zerfällen:
   ß+, EC, ß<sup>-</sup> Zerfälle
- Fermi's Goldene Regel
- γ-Zerfall: Grundlagen, Multipolarität





#### www.kit.edu

### radioaktiver Zerfall

Ensemble N(t) instabiler Kerne/Teilchen mit Zerfallswahrscheinlichkeit  $\lambda$ :

$$N(t) = N(0) \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$A(t) = \frac{dN(t)}{dt} = -\lambda \cdot N(t) \quad \begin{array}{l} 1 \text{ Becquerel} = \\ 1 \text{ Zerfall / s} \end{array}$$

Halbwertszeit t<sub>1/2</sub>, Lebensdauer  $\tau$  & Breite  $\Gamma$ 

S

$$\tau = \frac{1}{\lambda} = 1.443 \cdot t_{1/2} \qquad \Gamma = \frac{\hbar}{\tau} = \hbar \cdot \lambda$$

Zerfälle mit Verzweigung

$$\tau = \frac{1}{\lambda_1 + \lambda_2}$$

Zerfallsketten von <sup>232</sup>Th, <sup>235</sup>U, <sup>238</sup>U mit säkularem Gleichgewicht



### Alpha- Zerfall

beim Alpha-Zerfall tunnelt ein im Kerninnern gebildetes  $\alpha$ -Teilchen durch den Coulombwall:  $\$  monoenergetisches  $\alpha$ -Spektrum mit kinetischer Energie T<sub> $\alpha$ </sub> = 4 – 9 MeV

$$\lambda = \lambda_0 \cdot \frac{v}{2R} \cdot T$$

Transmissionswahrscheinlichkeit T:

$$T \propto e^{-G}$$
 $G = 2 \cdot \pi \cdot Z \cdot \alpha \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot m_{\alpha}}{T_{\alpha}}}$ Gamov-Faktor G: $G = 2 \cdot \pi \cdot Z \cdot \alpha \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot m_{\alpha}}{T_{\alpha}}}$ Geiger-Nuttall  
Relation: $\ln(\tau / \tau_0) = -C' + a \cdot \frac{Z}{\sqrt{T_{\alpha}}}$ 





### 4.3 ß-Zerfall

- beim ß-Zerfall eines Kernes ändert sich die Ordnungszahl Z durch die Emission eines Elektrons/Positrons mit zugehörigem Antineutrino/Neutrino um eine Einheit Historie des ß-Zerfalls:
  - 1914: J. Chadwick beobachtet, dass beim ß-Zerfall eines Kerns ein kontinuierliches Energiespektrum entsteht
  - 1930: W. Pauli postuliert die Existenz des Neutrinos
  - 1934: E. Fermi stellt eine Theorie für die schwache Wechselwirkung auf (goldene Regel)
  - 1956: F. Reines & C. Cowan entdecken das Neutrino
  - 1958: M. Goldhaber bestimmt die Händigkeit des Neutrinos Lee & Yang postulieren Verletzung der Parität
  - 1959: Wu-Experiment demonstriert Paritätsverletzung
  - 1986: erster experimenteller Nachweis des 2vßß-Zerfalles
- der ß-Zerfall basiert auf der schwachen Wechselwirkung und ist damit von fundamentaler Bedeutung (vgl. Kap. 9)





Enrico Fermi



Madame Wu

### ß-Zerfall: Grundlagen



- ß-Zerfälle haben sehr kleine Übergangswahrscheinlichkeiten im Vergleich zu starken bzw. elektromagnetischen Prozessen:
  - lange Halbwertszeiten von 
    ß-instabilen Kernen: ms 10<sup>16</sup> Jahre (zum Vergleich: starke Prozesse 10<sup>-24</sup> s, elektromagnet. Prozesse 10<sup>-12</sup> s
  - Lebensdauer  $\tau$  ist stark abhängig von Übergangsenergie  $E_0$  :  $1/\tau \sim (E_0)^5$
  - ß-Zerfälle treten auf, wenn:
    - Kerne sehr neutronenreich sind (ß<sup>-</sup> Zerfall)
    - Kerne sehr protonenreich sind (<sup>R+</sup> Zerfall, Elektronen-Einfang EC)

Isotop	Endpunkt [keV]	Halbwertszeit t <sub>1/2</sub>		
ЗН	18.6	12.23 J		
<sup>14</sup> C	156	5730 J		
33P	248	24.4 T		
<sup>90</sup> Sr	546	27.7 J		
90Y	2283	64 h		
<sup>99</sup> Tc	292	2.1 • 10 <sup>5</sup> J		

Übersicht über reine ß-Quellen



### ß-Zerfall: kontinuierliches Spektrum



#### kontinuierliche Energieverteilung & Spin s = ½ von Elektronen aus dem

Kern-ß-Zerfall z.B. von  ${}^{14}C(1^+) \rightarrow {}^{14}N(0^+) + e^-$ : Erhaltung von Energie & Drehimpuls erfordern die Existenz eines neutralen, fast masselosen & nur schwach wechselwirkenden Teilchens 4. Dezember 1930: Wolfgang Pauli postuliert das **Neutrino** als leichtes, neutrales, Spin s =  $\frac{1}{2}$  Partnerteilchen des Elektrons



Orfener Brief en die Gruope der Sadicaktiven bei der Geuvereins-Tagung zu Tübingen.

Absobrift

Physikelisches Institut der Eidg. Technischen Hochschule Zürich

Zirich, 4. Des. 1930 Dioriastrasse

W. Pauli

Liebe Radioaktive Damen und Herren,

Wie der Veberbringer dieser Zeilen, den ich huldvollet ansuhören bitte, Ihnen des näheren auseinendersetten wird, bin ich angesichts der "felschen" Statistik der N- und Li-6 Kerne, sowie das kontinuisrlichen bete-Spektrums auf einen versweifelten Ausweg verfallen um den "Wecheelsats" (1) der Statistik und den Energiesats su retten. Mämlich die Möglichkeit, es könnten elektrisch neutrale Telloben, the ich Neutronen nennen will, in den Kernen existieren, velohe den Spin 1/2 heben und die Ausschliessungsprinzip befolgen und when won lichtquanten museerden noch dadurch unterscheiden, dass sie might wit Lightgeschwindigkeit laufen. Die Masse der Neutronen figure wan dersulben Grossenordnung wie die Elektronenwesse sein und jedenfalle nicht grösser als 0,01 Protonennassas- Das kontinuierliche bein- Spektrum wäre dann varständlich unter der Annahme, dass beim beta-Zerfall ait dem blektron jeweils noch ein Meutron emittiert wird, derart, dass die Summe der Energien von Meatron und klektron konstant ist.

### Neutrinos – erster Nachweis

Karlsruhe Institute of Technology

1956: erster Nachweis des Neutrinos durch Fred Reines & Clyde Cowan am Savannah River Reaktor

Hanford 1954: erster Neutrinodetektor 'Herr Auge' 300 & Flüssigszintillator mit 90 PMTs!









#### ß⁻-Zerfall

 $n \rightarrow p + e^{-} + \bar{v}_{e}$ 

- basiert auf dem Zerfall eines Neutrons im Kern
- freie, nicht im Kern eingebundene Neutronen zerfallen mit der Lebensdauer  $\tau = 887$  s, Q = 780 keV (M<sub>n</sub> - M<sub>p</sub>)



alle ß-Zerfälle beruhen auf einer neuen Wechselwirkung, der schwachen Wechselwirkung

dabei kommt es zum Austausch der sehr schweren Eichbosonen W+,W



ß-Zerfall des Neutrons

 $t_{1/2} = 887 \text{ s}, \text{ Q-Wert } E_0 = 0.78 \text{ MeV}$ 

- Nukleosynthese im Big Bang
- Kernreaktoren als Neutrinoquelle
- Neutrino-Oszillationsexperimente (s. Kap. 10.2)

#### ß<sup>+</sup>-Zerfall

 $p \rightarrow n + e^+ + v_e$ 

- basiert auf dem Zerfall eines Protons im Kern, falls dies energetisch möglich ist (Q-Wert)
- nicht in Kerne eingebundene Protonen sind stabil, da für den Q-Wert gilt:  $Q = M_p - M_n = -1.8$  MeV



bei der Umkehrreaktion, dem sog. inversen
 **ß-Zerfall** kommt es zum Einfang eines Antineutrinos durch ein Proton





 $\nu_e + p \rightarrow n + e^+$ 

$$\sigma \sim 10^{-41} \text{ cm}^2$$
  
im MeV Bereich

*klassische v-Nachweisreaktion:* 

- Oszillationsexperimente
- Supernova-Explosionen

Elektronen-Einfang EC = 'electron capture'

- basiert auf dem Einfang eines Hüllenelektrons (meist aus der K-Schale) im Kern, Lücke wird gefüllt durch Emission eines Röntgenquants oder eines Auger-Elektrons endliche Elektron-Wellenfunktion |Ψ(r)|<sup>2</sup> im Kern
- EC steht oft in direkter Konkurrenz zum ß+-Zerfall







Elektronen-Einfang EC = 'electron capture'

- basiert auf dem Einfang eines Hüllenelektrons (meist aus der K-Schale) im Kern, Lücke wird gefüllt durch Emission eines Röntgenquants oder eines Auger-Elektrons endliche Elektron-Wellenfunktion |Ψ(r)|<sup>2</sup> im Kern
- EC steht oft in direkter Konkurrenz zum ß+-Zerfall







### ß-Zerfall: Isobaren-Zerfallskette

bei ß-Zerfällen zerfallen Kerne mit hoher Masse in den energetisch günstigsten Kern vgl. Bethe-Weizsäcker-Massenformel:

$$M(Z,A) = \alpha \cdot A - \beta \cdot Z + \gamma \cdot Z^2 + \delta \cdot A^{-\frac{1}{2}}$$

$$\begin{aligned} \alpha &= M_n - a_V + a_S \cdot A^{-1/3} + a_A \\ \beta &= M_n - M_p - m_e + 2 \cdot a_A \\ \gamma &= (4/A) \cdot a_A + a_C \cdot A^{-1/3} \end{aligned} \quad \left\{ \begin{array}{l} + \ \text{für gg} \\ 0 \ \text{für ug} \\ - \ \text{für uu} \end{array} \right.$$

#### ug-Kerne:

die Paarungsenergie  $\delta$  verschwindet

- nur 1 Massenparabel
- nur ein stabiles Isobar verbleibt





### ß-Zerfall: Isobaren-Zerfallskette

### gg-Kerne:

Paarungsenergie  $\delta$  positiv für gg-Kerne Paarungsenergie  $\delta$  negativ für uu-Kerne

- 2 Massenparabeln
- alle uu Kerne auf der oberen Parabel sind instabil, da tiefer liegende gg Kerne existieren Ausnahmen: <sup>2</sup>H, <sup>6</sup>Li, <sup>10</sup>B, <sup>14</sup>N
- mehrere stabile lsotope verbleiben
- diese können aber durch den extrem schwachen Doppel-ß-Zerfall zerfallen (Isotope sind praktisch stabil) Bsp:  $^{130}\text{Te} \rightarrow ^{130}\text{Xe} + 2 \text{e}^- + 2 v_{e}$  $t_{1/2} = (1.63 \pm 0.14) \cdot 10^{21} \text{ a}$

(vgl. Kap. 10.3, Suche nach 0vßß )



Massenparabel für gerade-gerade und uu Kerne (Paarungs-Energie)



### ß-Zerfall: Q-Werte



 Im ß-Zerfall definiert der Q-Wert die maximale Energie des emittierten Elektrons oder Positrons (unter Vernachlässigung der Rückstoßenergie des Kerns und der Neutrinomasse)

mit Kernmassen M:

 $\begin{aligned} & Q(B^{-}) = M(Z,A) - M(Z+1,A) - m_{e} \\ & Q(B^{+}) = M(Z,A) - M(Z-1,A) - m_{e} \\ & Q(EC) = M(Z,A) - M(Z-1,A) - m_{e} \\ & \text{mit Atommassen } \mathcal{M}: \end{aligned}$ 

$$\begin{split} \mathsf{Q}(\mathsf{B}^{-}) &= \mathcal{M}(\mathsf{Z},\mathsf{A}) - \mathcal{M}\left(\mathsf{Z}\text{+}1,\mathsf{A}\right) \\ \mathsf{Q}(\mathsf{B}^{+}) &= \mathcal{M}(\mathsf{Z},\mathsf{A}) - \mathcal{M}(\mathsf{Z}\text{-}1,\mathsf{A}) - 2 \cdot \mathsf{m}_{\mathsf{e}} \\ \mathsf{Q}(\mathsf{EC}) &= \mathcal{M}(\mathsf{Z},\mathsf{A}) - \mathcal{M}(\mathsf{Z}\text{-}1,\mathsf{A}) \end{split}$$

 für den ß+-Zerfall muss ein Faktor
 2·m<sub>e</sub> ´abgezogen´ werden, der die fehlenden 2 Elektronenmassen berücksichtigt



### ß-Zerfall: Energiespektrum

 das Energiespektrum & die Übergangsrate Γ im ß-Zerfall lässt sich durch die Fermi-Theorie sehr präzise beschreiben, Fermi´s Goldene Regel



### ß-Zerfall: Energiespektrum



 das Energiespektrum mit der Übergangsenergie E<sub>0</sub> wird durch den Phasenraum-Faktor dn/dE bestimmt: hierbei sind die Zustände für Neutrino & Elektron zwischen p und p + dp zu berücksichtigen:

$$dn_e = \frac{1}{2\hbar^3 \pi^2} \cdot V \cdot p_e^2 \cdot dp_e \quad dn_v = \frac{1}{2\hbar^3 \pi^2} \cdot V \cdot p_v^2 \cdot dp_v$$

3 Teilchenzerfall: die Impulse von Elektron & Neutrino sind nicht korreliert, daher ist:

$$\frac{dn}{dE} = \frac{dn_e \cdot dn_v}{dE} = \frac{V^2}{4\pi^4 \hbar^6} \cdot p_e^2 \cdot dp_e \cdot p_v^2 \cdot dp_v$$

für das sehr leichte Neutrino gilt näherungsweise (mit Energiebilanz  $E_0 = E + E_v$ ) :

$$p_{\nu} = \frac{E_{\nu}}{c} = \frac{E_0 - E}{c}$$

damit :

$$\frac{h}{E} = \frac{V^2}{4\pi^4 \hbar^6 c^3} \cdot p_e^2 \cdot (E_0 - E)^2 \cdot dp_e$$

### ß-Zerfall: Energiespektrum



 das Energiespektrum l\u00e4sst sich im niederenergetischen/hochenergetischen Teil darstellen als:



- für kleine Elektronenenergien: N(E) ~ p<sup>2</sup>, da dort Faktor (E<sub>0</sub>-E)<sup>2</sup> ~ konstant für große Elektronenergien: N(E) ~ (E<sub>0</sub>-E)<sup>2</sup>, da dort Faktor p<sup>2</sup> ~ konstant
- die Coulombwechselwirkung der Hüllenelektronen mit dem auslaufenden Elektron/Positron verzerrt das Energiespektrum geringfügig: dies wird durch die Fermi-Funktion F(E,Z) parametrisiert

### ß-Zerfall: Energiespektrum von Tritium



 das Energiespektrum des Tritium-ß-Zerfalls lässt sich im Rahmen der Fermi-Theorie sehr genau berechnen (einschließlich F(Z,E), molekulare Anregungen, Rückstoß des Moleküls)

Tritium hat eine sehr niedrige Endpunktsenergie E<sub>0</sub>, ideal zur Untersuchung



### ß-Zerfall: Energiemessung





### 4.4 Gamma – Zerfall

 beim γ-Zerfall werden ein oder mehrere monoenergetische Photonen im Energiebereich von ~ 100 keV – 10 MeV durch den angeregten Kernzustand A\* emittiert:

diskretes Gammaspektrum

aus γ-Spektrum:

- Energie  $E_{\gamma}$   $E(A^*)$
- Winkelverteilung
- Spin J / Multipolarität
- Lebensdauer  $\tau$







## Gamma – Zerfall mit INTEGRAL





### Gamma – Zerfall mit INTEGRAL





### Gamma – Zerfall: Multipolarität



Photonen haben ganzzahligen Spin  $\vec{s} = 1$  und können beim  $\gamma$ -Zerfall auch Bahndrehimpuls  $\vec{L}$  wegtragen

$$\vec{J}_i = \vec{J}_f + \vec{\ell}$$
 mit  $\vec{\ell} = \vec{L} + \vec{s}$ 

die niedrigste **Multipolordnung** des Photons muss sein  $\ell = 1$  (Dipolstrahlung), da Photonen nur longitudinal polarisiert sind (m = ± 1), damit gilt

$$\left|J_{i}-J_{f}\right| \leq \ell \leq J_{i}-J_{f} \text{ und } \ell \geq 1$$

es gibt damit keine  $\gamma$ -Übergänge zwischen Spin-0-Kernen

 γ-Zerfällen entstehen durch die elektromagnetische Wechselwirkung, die paritätserhaltend ist (Parität: Verhalten eines Systems unter Rauminversion, jedes Teilchen hat eine intrinsische Parität, z.B. P(γ) = -1) dies führt zu einer weiteren Auswahlregel

$$\begin{array}{c} \overrightarrow{s} \\ \overrightarrow{p} \\ \overrightarrow{s} \\ \overrightarrow{p} \end{array} \end{array}$$

**KIT-IEKP** 

### Gamma – Zerfall: Multipolarität & Parität



- Gamma-Übergänge lassen sich sehr effektiv als Überlagerung von verschiedenen Multipolordnungen (klassisch: Kugelfunktionen Y<sub>em</sub>) mit jeweils charakteristischen Winkelverteilungen beschreiben die verschiedenen Multipole *l* = 1, 2, 3, … werden charakterisiert nach
  - elektrische Multipole: E1, E2, E3, … (schwingender elektrischer 2<sup>e</sup> Pol)
  - magnetische Multipole: M1, M2, M3... (schwingender magnetischer 2<sup>e</sup> Pol)

 $\left| J_i - J_f \right| \le \ell \le J_i + J_f \text{ und } \ell \ge 1$ 

 $E\ell: P_i = (-1)^{\ell} \cdot P_f \quad M\ell: P_i = (-1)^{\ell+1} \cdot P_f$ 

- E1: ´elektrische Dipolstrahlung´, E3: ´elektrische Oktupolstrahlung´

- M2: ´magnetische Quadrupolstrahlung´

- für Photonen der El Strahlung gilt: Parität P = (-1)<sup>l</sup> für Photonen der Ml Strahlung gilt: Parität P = (-1)<sup>l+1</sup>
- aus den beiden Erhaltungssätzen für
  - den Gesamtdrehimpuls

- die Parität

werden die erlaubten Multipol-

ordnungen El und Ml der elektromagnetischen Übergänge festgelegt

### Gamma – Zerfall: Multipolarität & Parität



- man beobachtet experimentell fast nur Gamma-Übergänge mit dem niedrigsten möglichen l, d.h. die <u>1016</u> niedrigste Multipolordnung dominiert
- Auswahlregeln Übersicht:

Multipol <b>e</b>	elektrisch			magnetisch		
	E٤	ΔJ	ΔP	Мℓ	ΔJ	ΔP
Dipol	E1	1	-	M1	1	+
Quadrupol	E2	2	+	M2	2	-
Oktupol	E3	3	-	M3	3	+

Beispiele für Zustände mit Spin<sup>Parität</sup> J<sup>P</sup>  $0^+ \rightarrow 0^+$ : kein  $\gamma$ -Übergang möglich  $1^+ \rightarrow 0^+$ :  $\ell = 1$  (L=1, s=1)  $\Delta P = +$ , M1  $3/2^+ \rightarrow 1/2^+$ :  $\ell = 1$  (L=1, s=1)  $\Delta P = +$ , M1 :  $\ell = 2$  (L=1, s=1)  $\Delta P = +$ , E2

