

# **Kerne und Teilchen**

### Moderne Experimentalphysik III Vorlesung 18

MICHAEL FEINDT INSTITUT FÜR EXPERIMENTELLE KERNPHYSIK

# Aufbau der Kerne (2)

KIT – Universität des Landes Baden-Württemberg und nationales Forschungszentrum in der Helmholtz-Gemeinschaft

www.kit.edu

## Spin-Bahn – Kopplung



$$V(r) = V_{Zentral}(r) + V_{ls}(r) \cdot \frac{\langle \vec{l} \cdot \vec{s} \rangle}{\hbar^2} \quad mit \quad \vec{j} = \vec{l} \oplus \vec{s} = \begin{cases} (l + \frac{1}{2})\hbar \\ (l - \frac{1}{2})\hbar \end{cases}$$
$$Wg. \ J^2 = (L+S)^2 = L^2 + S^2 + 2\vec{L} \cdot \vec{S}: \quad \frac{\langle \vec{l} \cdot \vec{s} \rangle}{\hbar^2} = \frac{j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)}{2} = \begin{cases} l/2 & j = l + \frac{1}{2} \\ -(l+1)/2 & j = l - \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \quad \Delta E_{ls} = \frac{2l+1}{2} \cdot \langle V_{ls}(r) \rangle$$

LS – Aufspaltung steigt linear mit l an!
 (V<sub>ls</sub>(r)) negativ (im Gegensatz zum Atom):
 l+1/2 – Niveau liegt unter l-1/2 – Niveau

bei höheren & wird LS – Aufspaltung groß und beeinflusst die Lage der der "magischen Zahlen". (Atom: LS – WW klein im Vergleich zu Schalenabständen)

### Ein-Teilchen, ein-Loch – Zustände



Z, N = magisch +1 ⇒ 1 "Valenz"- oder "Leucht" – Nukleon

bestimmt Quantenzahlen

**Doppelt magische Kerne:**  $J^P = 0^+$ 

⇒ Kern-Drehimpuls kein magn. Moment, positive Parität

Z, N = magisch -1

- ⇒ verhält sich wie ein "Loch" in der Festkörperphysik. Quantenzahlen werden durch einen fehlenden Zustand festgelegt.
- Magnetische Momente von 1-Teilchen- und 1-Loch- Zuständen sind gut vorhersagbar im Schalenmodell:

$$\vec{\mu}_{Kern} = \mu_N \cdot \frac{1}{\hbar} \cdot \sum_{i=1}^{A} (\vec{l}_i \cdot g_i + \vec{s}_i \cdot g_s) \qquad \mu_N = \mu_{Proton} = e\hbar/2m_p \approx 3.10^{-8} \text{ eV/T}$$

$$g_I = \begin{cases} 1 \quad Protonen \\ 0 \quad Neutronen \end{cases} \qquad g_s = \begin{cases} +5.58 \quad Protonen \\ -3.83 \quad Neutronen \end{cases}$$

3 30.06.2011 Michael Feindt , Moderne Physik III, Vorlesung 18

# Kern ist kugelsymmetrisch. Seit 1935 schon: es gibt Quadrupolmomente. Ladungsverteilung: Multipolmomente: 0. Dichte

bisher:

**Deformierte Kerne** 





3. Qktupolmoment ...





### Paarungsenergie und Polarisationsenergie

halb gefüllte Schalen:

- Atom: Hund'sche Regel  $\uparrow_{P_x} \uparrow_{P_y} \uparrow_{P_z}^{\uparrow}$ ; erst dann  $\uparrow \downarrow \uparrow \uparrow$ Grund: elektrostatische Abstoßung, möglichst großer Abstand
- Kern: gerade umgekehrt: zwei Nukleonen, im Mittel anziehende Kraft das führt zu:
  - 1) zusätzlicher Stabilität durch Paarung zweier Nukleonen mit gleicher Ortswellenfunktion und  $l_1 = l_2$ ,  $m_1 = -m_2 \implies \vec{j}_1 + \vec{j}_2 = 0$ Solche Paare haben J<sup>P</sup> = 0<sup>+</sup>  $\Rightarrow$  **Paarungsenergie**
  - 2) Nukleonenpaare besetzen bevorzugt benachbarte Orbitale (mit benachbarten m) ⇒ dadurch entstehen Deformationen

Spin und Parität nicht nur bei doppelt magischen Kernen, sondern immer durch einzelne ungepaarte Nukleonen gegeben!

Grundzustand:gg-Kerne: $J^P = 0^+$ gu-Kerne: $J^P = J^P$  (ungepaartes Nukleon)uu-Kerne: $J^P$  durch Kopplung der beiden ungepaarten Nukleonen

### Kernreaktionen

6



**Schreibweise:**  $a + {}^{A}Z = b + {}^{A'}Z' \Leftrightarrow {}^{A}Z (a,b) {}^{A'}Z'$  $^{A}Z(d,p) ^{A+1}(Z) ^{A}Z(d,n) ^{A+1}(Z+1)$ Stripping – Reaktionen: Anfangs-Endzustand Wenn  $\vec{p}_{v}$  groß gegenüber Deuteron Bindungsenergie des Deuterons, ist quantitative Beschreibung möglich Neutron lagert sich am  ${}^{16}_{8}O$  – Kern an: Bahndrehimpuls = Bahndrehimpuls der Stripping – Reaktion  $L = \ell \hbar$  auf Kern mit Radius  $R \Rightarrow |q| \approx \ell \hbar / R$ ⇒ Maxima in der Winkelverteilung lassen auf L schliessen! **Pick-Up – Reaktionen:** Neutronloch <sup>16</sup>O (p,d) <sup>15</sup>O Michael Feindt, Moderne Physik III, Vorlesung 18 30.06.2011

### Kernreaktionen -2-



#### <sup>16</sup>O (d,p) <sup>17</sup>O <sup>16</sup>O (d,<sup>3</sup>He) <sup>15</sup>N Grundzustand Ereignisse 3/2+ 1/2+ 5/2+ 10.0 1000 5.22-- 5.08 800 0.0 da / dΩ [mb/sr] 600 1.0 - 4.55 □ 3.84 3.06 0.87 x1/10 400 200 $E_{\rm X} = 0 \, {\rm MeV}$ $J^{\pi} = 1/2^{-1}$ 10.0 4000 4200 4400 **4**600 4800 5000 ٨ Lochzustand Kanalnummer Maximum ∝ Protonenergie bei 1.0 θ=0 $n-1d_{3/2}$ $n-2s_{1/2}$ $n-1d_{5/2}$ Û L=0 $E_x = 6.32$ MeV $J^{\hat{\pi}} = 3/2^{-}$ Lochzustand Modellrechnungen gut bei 0° 20° 40° 60° kleinen Impulsüberträgen, $\boldsymbol{\theta}_{\text{cm}}$ später nicht mehr Quelle: Povh, Teilchen und Kerne

**KIT-IEKP** 

## β – Zerfall des Kerns



freies Neutron:  $n \rightarrow p e^{-} \overline{v}_{e}$  (durch Umwandlung von d-Quark $\rightarrow$ u-Quark)

### im Kern:

- Matrixelement enthält Überlapp der Kernwellenfunktionen des Anfangsund Endzustands.
- Differenz der Bindungsenergie vor und nach Zerfall definiert Typ des Zerfalls (β<sup>-</sup> oder β<sup>+</sup>) und Größe des Phasenraums.
- Coulomb WW beeinflusst das Energiespektrum der emittierten e<sup>-</sup> bzw. e<sup>+</sup> und modifiziert den Phasenraum.
- Phasenraumfunktion incl. Coulomb WW:

$$f(Z', E_0) = \int_{1}^{\varepsilon_0} \varepsilon_e \sqrt{\varepsilon_e^2 - 1} \cdot (\varepsilon_0 - \varepsilon_e) \cdot F(Z', \varepsilon_e) d\varepsilon_e \quad \text{mit} \quad \varepsilon = E / m_e c^2$$

(103)

■ ft – Werte:

$$f(Z', E_0) \cdot t_{\frac{1}{2}} = ft = \frac{2\pi^3\hbar^7}{m_e^5c^4} \ln 2\frac{1}{V^2} \frac{1}{|M_{fi}|^2} \begin{cases} 10^5 \sec \\ \vdots \\ 10^{22} \sec \end{cases}$$

## β – Zerfall des Kerns -2-



- im Kern: sowohl V- als auch A- Anteile
- reine V WW: Fermi Zerfälle: Spin ändert sich nicht ⇒ Gesamtspin von e und  $v_e$  ist Null
- reine A WW:

Gamow-Teller – Zerfälle:

 $\Rightarrow$  Gesamtspin von e und v<sub>e</sub> ist **1** 

**Entw. nach Bahndrehimpuls:**  $\vec{l} = \vec{x} \times \vec{p}$  mit  $|\vec{p}| \cdot R/\hbar$  hier  $\approx 10^{-2}$  :

 $ft \propto 1/|M|^2 \Rightarrow$  jede Einheit von  $\ell$  unterdrückt 10<sup>-3</sup> – 10<sup>-4</sup>

ℓ=0 : erlaubt

- l=0 : "verboten"
- *l*=0 : "zweifach verboten"

nur wichtig, wenn kleinere { wg. Quantenzahlen nicht möglich

**Bspe.:** -  $1^- \rightarrow 0^+$ : wg. Parität nicht mit  $\ell=0$  erlaubt, also nur mit  $\ell=1$ .

- 4-fach verbotener 
$$\beta$$
 – Zerfall:  
 ${}^{115}In(J^P = \frac{9}{2}^+) \rightarrow {}^{115}Sn(J^P = \frac{1}{2}^+) \Rightarrow \log(ft) = 22.7 \Rightarrow \mathbf{t}_{\frac{1}{2}} = \mathbf{6} \cdot \mathbf{10^{14}}$  Jahre (!)

## "Übererlaubte Zerfälle"



- ψ<sub>Anfang</sub> und ψ<sub>Ende</sub> haben großen Überlapp
  - ⇔ entstehendes p hat gleiche Quantenzahlen wie zerfallendes n, beide Kerne sind also im gleichen Isospinmultiplett

ft  $\approx$  ft (freies Neutron)

### übererlaubte Zerfälle meistens β+

(wegen Coulomb – Energie sind Kerne mit Z>N weniger stark gebunden)



### Verbotene Zerfälle



- $4^- \rightarrow 0^+$  : **3fach verboten**
- in angeregtem Zustand 2<sup>+</sup> nur einfach verboten,
   aber kleiner Phasenraum ⇒ t<sub>1/2</sub> = 1.27 10<sup>9</sup> Jahre
- <sup>40</sup>K ist das einzige mittelschwere Nuklid, das nennenswert zur natürlichen Radioaktivität beiträgt





Quelle: Povh, Teilchen und Kerne

### Zerfall in hoch angeregte Tochterzustände

Neutronenreiche Kerne (Spaltprodukte!) zerfallen in einer Serie von

 $\beta$  – Zerfällen mit viel Energie. es entstehen auch hoch angeregte 76 ms 30 Energie [MeV] A = 99Tochterkerne, die Neutronen emittieren können ß 0.6s  $\succ$ verzögerte Neutronenemission 20 (gesteuert von schwacher WW) Teilchen und Kerne 1.4s wichtig zur Steuerung von β  $\succ$ Kernreaktoren: 2.1s 10  $n_{therm.} + {}^{235}U \rightarrow Spaltprodukte + 2-3 n$ Quelle: Povh, 2.6m ▶ 0.1 – 1 MeV 15s Die Neutronen thermalisieren im Isobare mit A=99 Moderatormaterial und induzieren dort 38 39 37 40 41 Z weitere Spaltungen. Rb Sr Y 7r Nb

Der Zyklus ist mit 1ms aber zu kurz, um Kettenreaktionen zu kontrollieren.

- ⇒ direkte Neutronen: k<1
- ⇒ Steuerung auf k=1 mit verzögerten Neutronen (Zeitkonstante ∝ 1sec )