

Musterlösung, Klausur Mod. Exp. Phys. III 3. August 2012

Aufgabe 1

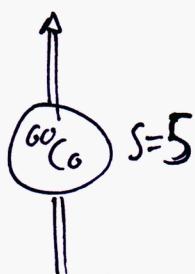
	B	L	I	S	C	P	T	P	E	J
stark	v	v	v	-	v	v	v	v	v	v
ein	v	v	X	v	v	v	v	v	v	v
schwach	v	v	X	X	X	X	X	v	v	v

Jeder Fehler: -1P bis 0P

* Dieses Feld wurde nicht gewertet
da zwar I nicht erhalten ist I_3
aber schon.

Aufgabe 2

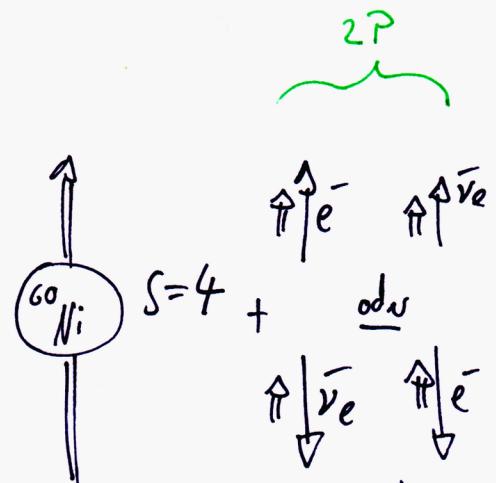
$\uparrow \bar{p}$



→ Zerfall

(1P)

(\uparrow : Spin, \uparrow : Impuls)



wird nicht
beobachtet

Anti- ν : rechtsständig } in der
 γ : linksständig } schwachen WW

(1P)

Aufgabe 3

$$\begin{aligned} S = -1 &\Rightarrow 1 \times s\text{-Quark} \\ I = 1 &\Rightarrow 2 \times u/d\text{-Quarks} \\ q = 0 &\Rightarrow uds \end{aligned} \quad \left. \right\} \quad (1P)$$

$$\begin{array}{lll} \Sigma^0 [uds] & I_3 = 0 & q = 0 \\ \Sigma^+ [uus] & I_3 = +1 & q = +1 \\ \Sigma^- [dds] & I_3 = -1 & q = -1 \end{array} \quad \left. \right\} \quad \text{Triplet} \quad (1P)$$

$$\Lambda^0 [uds] \quad I = 0 \quad I_3 = 0 \quad \text{Singlett} \quad (1P)$$

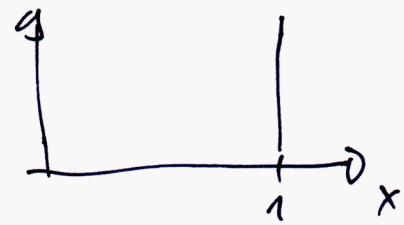
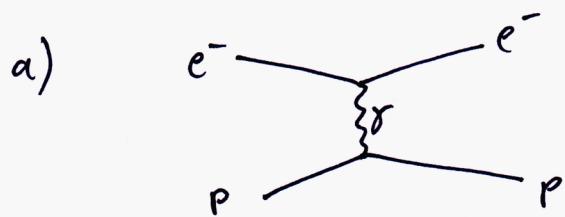
$\Sigma^0 \rightarrow \Lambda^0 + \gamma$ ist elektromagnetisch (1P)

hadronisch? $\rightarrow \Delta m = m(\Sigma^0) - m(\Lambda^0) = 74 \text{ MeV}/c^2$ (0,5P)

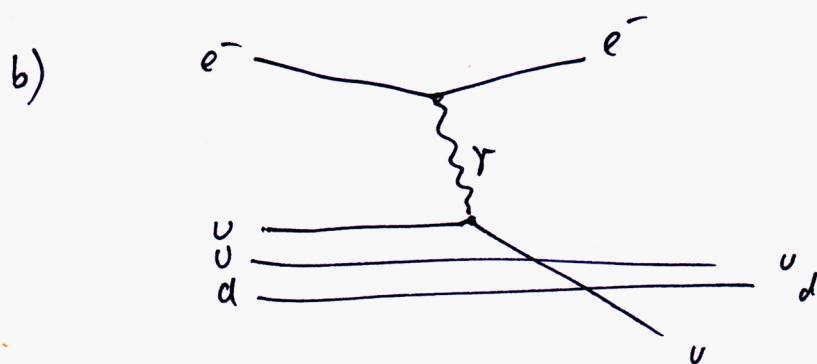
reicht nicht um weitere Hadronen zu produzieren. Leichteste Hadron: π^0 mit $135 \text{ MeV}/c^2$.

\rightarrow Strangeness muss erhalten bleiben! (0,5P)

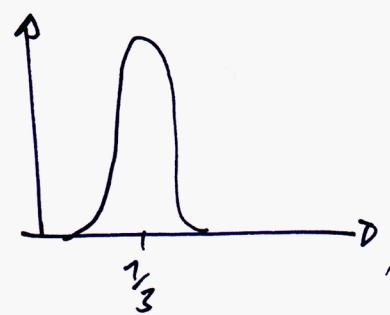
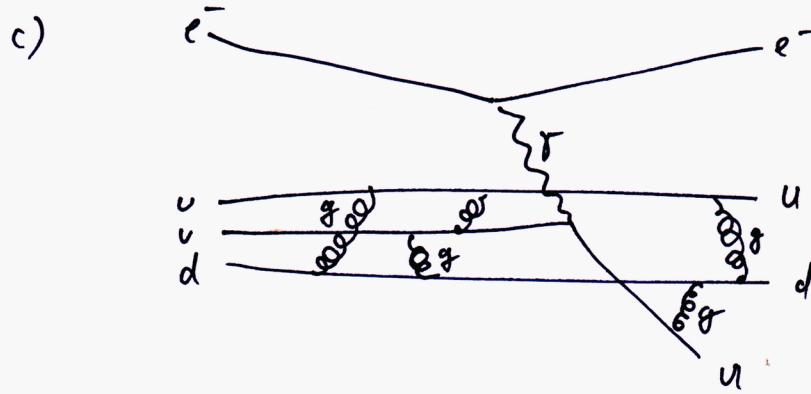
Aufgabe 4



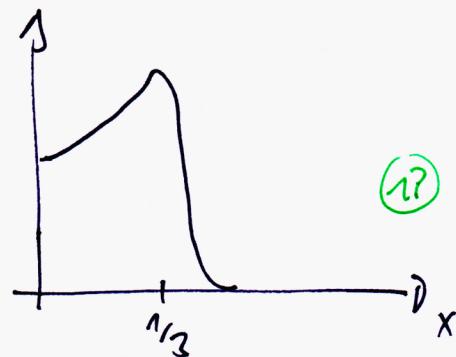
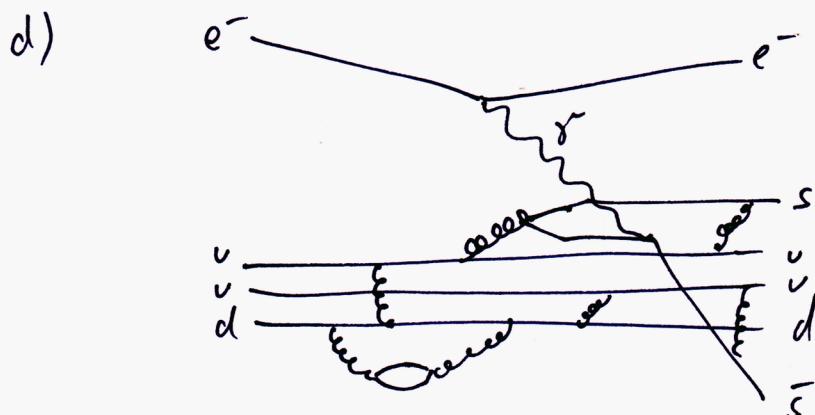
(1P)



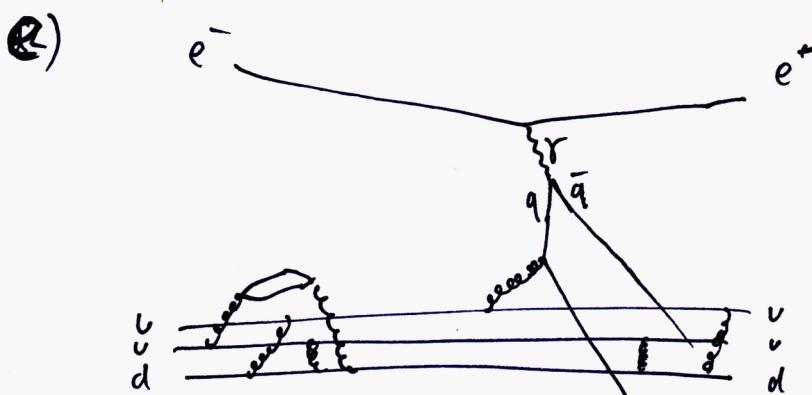
(1P)



(1P)



(1P)



(1P)

Aufgabe 5

$$\Delta^{++} \rightarrow p + \pi^+$$

$$S = \frac{3}{2} \quad S = \frac{1}{2} \quad S = 0$$

$$\Rightarrow L(p\pi^+) = 1 \text{ oder } L(p\bar{\pi}^+) = 2$$

$$P(\Delta^{++}) = +1 \quad P(p) = +1 \quad P(\pi^+) = -1 \quad (\text{gegeben})$$

$$\underbrace{P(p\pi^+)}_{(1P)} = P(p)P(\pi^+) (-1)^{L(p\bar{\pi}^+)} = -(-1)^{L(p\bar{\pi}^+)} = P(\Delta^{++}) = +1$$

$$\Rightarrow L(p\pi^+) = 1 \quad (1P)$$

Aufgabe 6

a) $n[\text{odd}] \rightarrow p[\text{odd}] + \bar{\tau}^- + \bar{\nu}_\tau$ (1P)

nicht möglich, da $m(n) - m(p) < m(\bar{\tau})$, Energieerhaltung

b) $p[\text{odd}] \rightarrow n[\text{odd}] + e^+ + \nu_e$

- frei: nicht möglich, wegen Energieerhaltung (1P)

- Nukleonen gebunden in Kernen können durch Schalenstruktur zerfall ermöglichen: β^+ -Zerfall, schwache WW

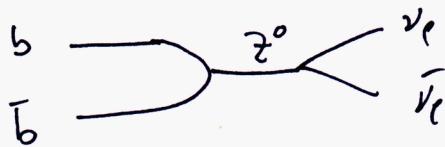


c)

$$\gamma [b\bar{b}] \rightarrow \nu_e + \bar{\nu}_e$$

(1P)

schwache WW:



Dieser Zerfall ist zwar existent, kann aber wegen des "unbeobachtbaren" Endzustandes nicht beobachtet werden.

d)

$$\Delta/4 [c\bar{c}] \rightarrow t + \bar{t}$$

nicht möglich da $m(\Delta/4) \ll 2 \times m_t$
 \Rightarrow Energieerhaltung

(1P)

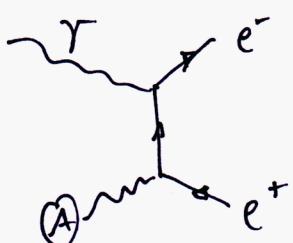
e)

$$\gamma \rightarrow e^+ + e^-$$

frei: nicht möglich wegen Impulseerhaltung!

(1P)

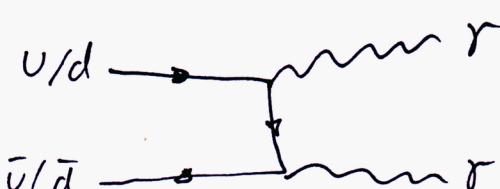
Aber im Feld von Kernen:



elektromagnetische
Paarerzeugung im
Kernfeld.

f)

$$\pi^0 \rightarrow \gamma + \gamma$$



(1P)

elektromagnetisch

g) $p\bar{p} \rightarrow \mu\bar{\mu}$

nicht möglich, da Baryonenzahl - Verletzung

(1P)

h) $Z^0 \rightarrow \mu^+ + e^-$

(1P)

Leptonenfamilienzahl - Verletzung \Rightarrow nicht möglich

Aufangszustand: $L_e = 0 \quad L_\mu = 0$

Endzustand: $L_e = 1 \quad L_\mu = -1$

Möglich wäre (durch Überlagerung von schwacher und elektromagnetischer WW): $Z^0 \rightarrow \mu^+ + \mu^-$ oder $Z^0 \rightarrow e^+ + e^-$

Aufgabe 7

a) β -Zerfall:

- $\Delta m = m_n - m_p$
- Coulomb-Term: $a_C \frac{z^2}{A^{1/3}}$
- Asymmetrie-Term: $a_A \frac{(A-2z)^2}{4A}$
- Paarungsterm: $\delta A^{-1/2}$
(da δ sich δ ändert!)

(6.TP)

(0.5P)

(0.5P)

(0.5P)

b) Kernspaltung: $\Delta E = M(A, z) - 2 \cdot M(\frac{A}{2}, \frac{z}{2}) > 0$

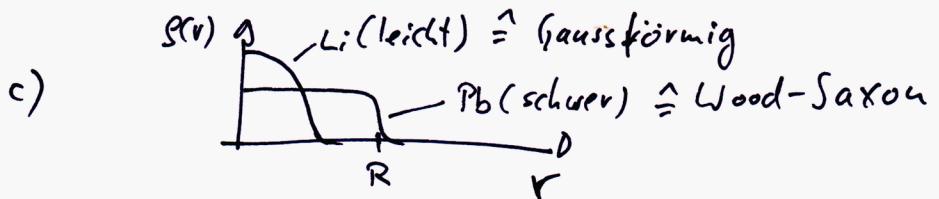
- Surface Term: $a_S A^{2/3}$
- Coulomb Term: $a_C \frac{z^2}{A^{1/3}}$
- Paarungsterm: $\delta \cdot A^{-1/2}$

(0.5P)

(0.5P)

(0.5P)

(0.5P)



1P

d) $R = a \cdot A^{1/3}$

$$\Rightarrow \text{Nukleonendichte } S = \frac{A}{V} = \frac{A}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{A}{\frac{4}{3}\pi a^3 A} = \frac{3}{4\pi a^3}$$

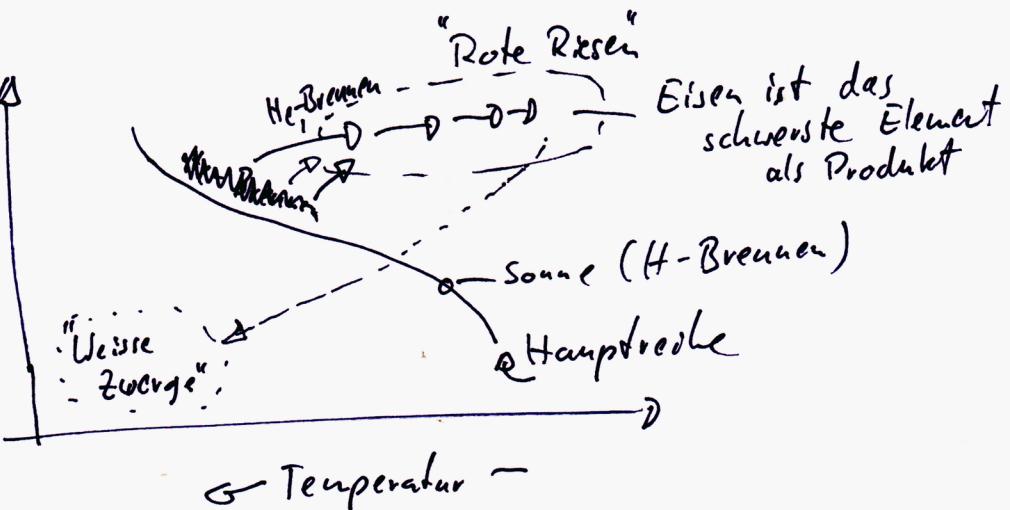
= const.

1P

Aufgabe 8

a)
b)
c)

Leuchtkraft



(oder Farbe, Frequenz, B-V, ...)

Achsen: 1P

Hauptreihe + Sonne: 1P

Sonne: H-Brennen
Sonnenmasse liegt im Mittelfeld.

Evolution, R-R, W-Z ... : 1P

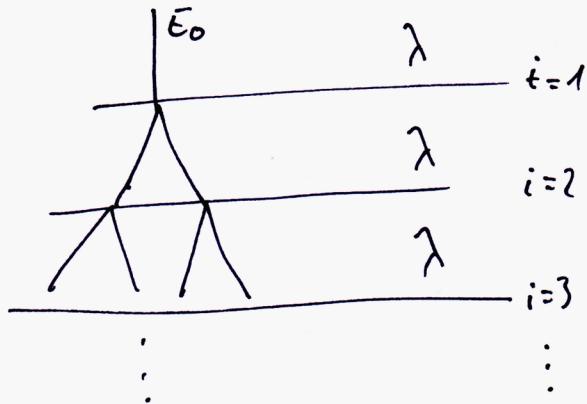
- d) Eisen ist das schwerste durch Kernfusion mit Energiegewinn zu erzeugende Element. G.S.P. Im Eisen ist die Bindungsenergie der Nukleonen maximal. U.S.P.

- e) Alle schwereren Elemente jenseits Eisen können nur in Supernova Explosionen erzeugt werden. 1P

Aufgabe 9

$$\lambda = \ln 2 \cdot X_0$$

(1P)



(1P)

$$N_i = 2^i \quad E_i = \frac{E_0}{N_i}$$

(1P)

Abbruch der Kaskade:

$$E_i = E_c \Rightarrow N_{\max} = \frac{E_0}{E_c}$$

(1P)

$$N_{\max} = \frac{E_0}{E_c} = N_{i_{\max}} = 2^{i_{\max}} \Rightarrow i_{\max} = \ln \frac{E_0}{E_c} / \ln 2$$

(1P)

$$X_{\max} = \lambda \cdot i_{\max} = X_0 \ln \frac{E_0}{E_c}$$

(1P)

Aufgabe 10

$$E_{\text{CMB}} = h \cdot \frac{c}{\lambda_{\text{CMB}}} = 5 \cdot 10^{-16} \text{ eV} \cdot \frac{3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{0,15 \cdot 10^{-3} \text{ m}} = 10^{-3} \text{ eV}$$

(1P)

$p_0 \rightarrow \gamma + \gamma$ frontal-kollision

$$S = (p_p + p_r)^2 = p_p^2 + p_r^2 + 2p_p p_r = m_p^2 + 2p_p p_r$$

$$\stackrel{m_p^2}{=} \stackrel{=0}{=}$$

$$= m_p^2 + 2(E_p E_r + \underbrace{\vec{p}_p \vec{p}_r}_{=0}) = m_p^2 + 2(E_p E_r + \sqrt{E_p^2 - m_p^2} E_r)$$

$$= -|\vec{p}_p| |\vec{p}_r| \text{ mit geometrischer Faktor: } \cos \theta = -1$$

$$\approx m_p^2 + 4E_p E_r \quad \text{mit } E_p \gg m_p \Rightarrow m_p = 0$$

(1P)

Im Endzustand

$$S = (p_p + p_{\pi})^2 = p_p^2 + p_{\pi}^2 + 2p_p p_{\pi} = m_p^2 + m_{\pi}^2 + 2m_p m_{\pi}$$

$$\text{mit: } |\vec{p}_p| = |\vec{p}_{\pi}| = 0$$

$$\approx m_p^2 + 2m_p m_{\pi} \quad \text{mit } m_p m_{\pi} \gg m_{\pi}^2 \Rightarrow m_{\pi}^2 = 0$$

(1P)

Damit gilt insgesamt:

$$m_p^2 + 4E_p E_r = m_p^2 + 2m_p m_{\pi}$$

$$\Rightarrow E_p = E_{\text{GZK}} = \frac{m_p m_{\pi}}{2E_r} = \frac{m_p m_{\pi}}{2E_{\text{CMB}}} = \frac{126630 \cdot 10^{18} \text{ MeV}^2}{2 \cdot 10^{-3} \text{ eV}}$$

$$\approx 6,3 \cdot 10^{19} \text{ eV}$$

(1P)