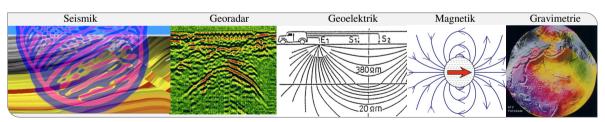


Einführung in die Geophysik I

Gravimetrie I

Thomas Bohlen, Ellen Gottschämmer, Geophysikalisches Institut, Fakultät für Physik



Evaluation Einführung in die Geophysik WS 2021/22



Vorlesung: Link





Üb. für Geophys./Phys.: Link



Bitte die Evaluation erst am 15.12.21 während der Vorlesung durchführen, da am 15.12 dazu weitere Hinweise gegeben werden.

2 | 39





 	 3	 		

Einführung (20.10)

Seismische Wellenausbreitung

8 Refraktionsseismik

4 Reflexionsseismik

5 Elektromagnetische Verfahren

Geoelektrik

Gravimetrie

Magnetik

weitere Themen

(20.10, 27.10)(03.11)

(08.12, 15.12)(12.01, 19.01)

(26.01, 02.02)

(17.11, 24.11)

(10.11)

(01.12)

Vorlesungsinhalte heute



- Das Gravitationsgesetz Grundlage der Gravimetrie
- Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
- Definition des Schwerepotential
- 3 Näherungen an die Gestalt der Erde
 - Kuael
 - 2 Ellipsoid
 - Geoid
- Schwerereduktionen, Korrektur von Störeffekten durch
 - Fliehkraft durch Erdrotation
 - 2 Topographie der Erdoberfläche
 - 3 Umgebende Gesteinsschichten
 - Berge/Täler
 - 5 Gezeiten





- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung
- Referenzen





- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung
- Referenzen







Die Grundluge bildet dus Gravitationsgesetz. Diese besugt, daß sich 2 punk förmige Mussen entlang der Verbindungslinie anziehen:

$$\vec{F}_1 = -\vec{F}_2$$

Es giet
$$|\vec{F_1}| = |\vec{F_2}| = G \frac{m_1 \cdot m_2}{F^2}$$

Die Gravitatious Koustaute hat den Wert $G = (G, G+408 \pm 0,00031) \cdot 10^{-11} \frac{m^3}{Kg \cdot s^2}$

$$m_{1}, m_{2} : [K_{9}]$$
 $F_{1}, F_{2} : [N]$

< □ > < ≣ > り < @



- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung
- Referenzen



Schwerebeschleunigung auf der Oberfläche einer homogenen Kugel



Nehmen wit nun au, daß my ein homogene Kugel mit dem Radius R = 6371 km und der Masse M=5,97 1024 Kg (mittlere Dichte 5,5 g ist. Die 2. Musse Definde sich auf

Die gravitative wirkung der Kugel entepricht der eines neussepunctes der nasse 11 im nittelpunkt.

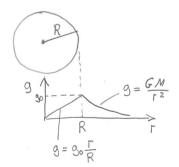
Die Größe
$$g_0 = \frac{G \cdot M}{R^2}$$
 ist die sog. Normal beschleunigung Sie betrügt für die Erde $g_0 = \frac{g_0 \cdot M}{g^2} = \frac{g_0 \cdot M}{g^2} = \frac{g_0 \cdot M}{g^2}$

4 - 1 4 = 1 M Q C

Schwerebeschleunigung innerhalb und außerhalb einer homogenen Kugel



Verlou f der Normal beschleunig innerhalb und außerhalb der Rugel





Abweichungen der Schwerewirkung von einer homogenen Kugel



Die Abweichungen von der Schwerewirkung einer homogenen Kugel können zum Beispiel hervorgerufen werden durch

- Dichteanomalien in der Erde
- 2 Abweichungen von der Kugelform
- Rotation der Kugel
- Einfluß anderer Massen, wie z.B. Sonne, Mond, Atmosphäre, Gebirge

Diese Faktoren werden wir im Folgenden weiter betrachten.





- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung
- Referenzen







Definition des Schwerepotentials

Das zur Beschkeunigung g gehörige Schwerepotential

lößt sich berechnen dus

$$W = G \int_{IR^3} \frac{S}{e} dV$$

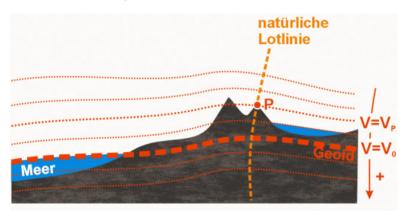
e fildv

Flächen mit W= coust heißen Agnipotential flächen

4 U > 4 = > 4 Q Q

Das Schwerepotential





Die Äquipotentialfläche des Schwerepotentials, die mit der mittleren Meeresoberfläche zusammenfällt, wird Geoid genannt.

4 0 b 4 = b 9 9 0



- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung
- Referenzer



Näherungen an die Form der Erde

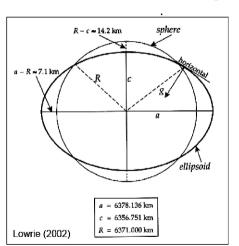


Es werden 3 Näherungen verwendet, um die Form der Erdoberfläche zu beschreiben. Die ersten beiden Näherungen geben eine mathematische Form an. Die 3. Näherung eine physikalische Definition.

- Die Erde ist eine Gugel mit dem Radius R = 6371,01 km.
- 2 Die Erde ist ein Ellipsoid (Referenzellipsoid) mit den Halbachen $a\approx 6378$ km und $c\approx 6357$ km. Die Abweichungen von der Kugel betragen am Pol $R-c\approx 14$, 2 km und am Äquator R-a=-7, 1 km.
- ① Die Form der Erdoberfläche ist eine Äquipotentialfläche des Schwerepotentials $W=W_D=const.$ Diese Fläche wird Geoid genannt. W_D wurde so gewählt, dass die Fläche mit der mittleren Meeresoberfläche zusammen fällt.

Mathematische Näherungen an die Erdgestalt

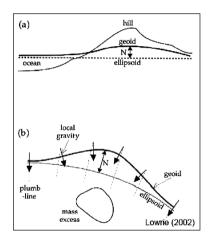




- Kugel: R
- 2 Rotationsellipsoid: arc

Physikalische Näherungen an die Erdgestalt: Geoid



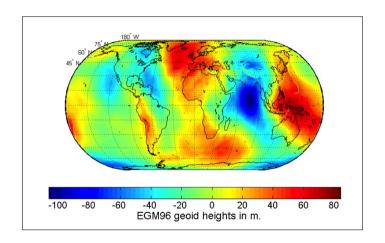


- Das Geoid ist eine Aquipotentialfläche des Schwerepotentials
- Die Form des Geoid spiegelt Dichteveränderungen im Erdinneren wieder
- Die Abweichungen N zwischen Geoid und Ellipsoid werden Geoidundulationen genannt.
- Der Vektor der Schwerebeschleunigung \vec{q} steht senkrecht auf dem Geoid



Globale Geoidundulationen





Globale Geoidundulationen



Geoidundulationen sind mit Strukturen und Prozessen im tieferen Erdinneren korreliert Diese sind zum Beispiel

- Die Aufwölbungen des Geoids im Westpazifik und an der Westküste Südamerikas sind eine Folge des dort stattfindenden Abtauchens alter, dichter ozeanischer Lithosphäre in den Erdmantel
- Nordatlantik/Island Aufwölbung der Lithosphäre durch Mantelkonvektion
- Das prägnante Tief im Geoid südlich Indiens könnte mit der nordwärts gerichteten Bewegung der indischen Lithosphärenplatte zusam- menhängen, die das Himalajamassiv aufschiebt und auf der Rückseite die Masse im Erdmantel ausdünnt.
- Eine weitere Senke im Geoid über Kanada ist ein Relikt der Vereisung vor etwa 20 000 Jahren.



Potsdamer Kartoffel





Dreidimensionales Modell der "Potsdamer Kartoffel" (2017) mit einer 15000-fach verstärkten Darstellung der Höhenabweichung.

(Quelle: Deutsches GeoForschungsZentrum Potsdam.



Kleinskalige Geoidundulationen



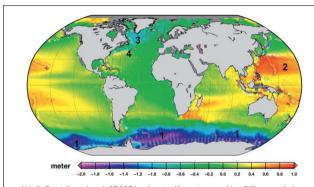


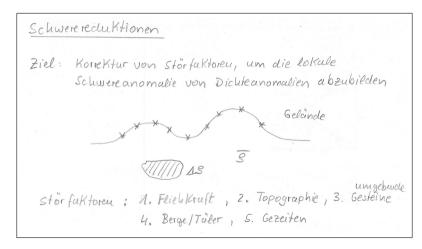
Abb. 7: Darstellung der mit GRACE bestimmten Meerestopographie = Differenz zwischen dem GRACE-Geoid und der geometrischen Meereshöhe, deutlich erkennbar sind die Signaturen großer Meeresströme, u.a. von Zirkumpolarstrom (1), Kuroshio-Strom (2), Labradorstrom (3) und Golfstrom (4)



- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung



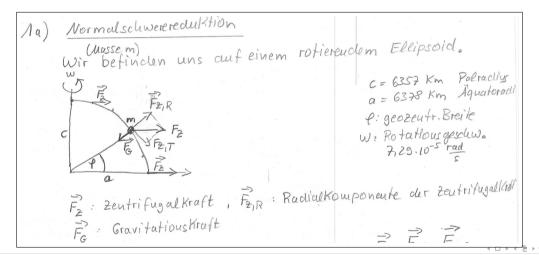






1a) Normal schwere reduktion (-	> FliehKraft
2) Freiluft reduktion ->	Topographie (Höhenunterschiede)
3) Bougerreduktion ->	Mittere Wirkung der umgebeucken Gesteinsschichten
4) Geländereduktion ->	Wirkung benachbarker Massen (Berge, Toller)
5) Korrektur Zeitah> Eftekte (Basismessug)	Gezeifen (Mond, Sonne) Atmosphöre Gerateeftekke (Temp.)







Resultierande Kraft in radialer Richtung: F= F-FZIR Die resultierende Beschleunigung (F=mg) wird als 80 bezeichnet: 80=150 Für eine rotierende Kugel mit dem Ræclius R giet $80 = \frac{|\vec{R}|}{m} = \frac{G \cdot M}{R^2} - \frac{W^2 R \cos^2 P}{2 e u frifugal beschlo}$ Normalbegelle. $90 = 9_1 84 \text{ m/s}^2$



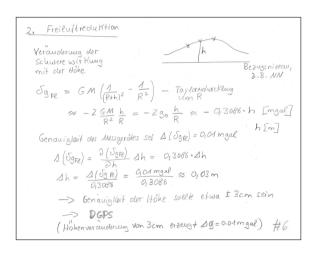




16) Breitenreduktion Mit der obigen Normalsohwerepunkt wird oft She Normalschwere für eine Busispunkt (geogr. Breite PB) berechnet. Ausgehund von diesem Purkt Wird an die Wirkung der Flieh Kraft in Nord-Süd-Richtung mit folgender Breitankonekhur berechnet 180 = 8,1.10-4 siu2 (2 Pg). 14 [mgal] NeBrofile 1480 = 8,1.10-4 siu2 (2 Pg). 14 [mgal] NeBrofile 1880 = 8,1.10-4 siu2 (2 Pg). 14 [mgal] Fur PD=500 ist 180 = 0,8 mgal/Km [Diese BreitenKorrelltur ist Praktikabler und genauer als die Normalschwerereduktion für geden Messpurkt]









3. Bougerredulttion

Korrektur der Schwerewirkug der zwischen Meßpukt und Bezugniveau befindlichen Gesteinsschicht

Modell: Uneudlich ausgedelinke Gesteinsplatte (Rouger-Plante)



Die schwere wirkung dieses Pleethe beträgt (Vertikalkomp. Von 2)

Beispiel: h=10m, S=2,30 kg => JgB & 1 mgal





4. Geläudereduktion

Horre Ktur der Topographie (seitliche Schwerewirkung) Ein teilung der Höhen in Zyeinder- Sektionen

Entlang des Profils

Tu der Fläche





Schwerewirkung eines Zylinders



5. Basismessung

Horrektur Zeitabhaugiger Veranderungen, 2-B. durch Gezeiten

(Sonne, Mond; Atmosphare) und Gerätegang.

Mond ± 82mgal Luft × 900mgal Busissfution und Konelhur aller andre



- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung
- Referenzer



Zusammenfassung I



- Nach dem Gravitationsgesetz ist die Kraftwirkung zwischen 2 Körpern proportional zu deren Massen und nimmt mit dem Quadrat der Entfernung der Körper ab.
- Auf einer homogen Erdkugel beträgt die Normalbeschleunigung 9.81 m/s.
- Auf einem rotierenden Ellipsoiden ist die Beschleinigung am Pol größer und am Äquator geringer.
- Die Gestalt der Erde kann mathematisch durch eine Kugel oder besser durch einen Ellipsoiden beschrieben werden. Eine physikalische Beschreibung ist das Geoid.
- Das Geoid ist eine Aquipotentialfläche des Schwerepotentials. Es zeigt Dichteanomalien und Prozesse im Erdinneren an.



Zusammenfassung II



Vor der Interpretation einer Schweremessungen müssen verschiedene Korrekturen durchgeführt werden:

- Die Fliehkraft durch Erdrotation wird durch die Normalschwerereduktion und Breitenreduktion eliminiert.
- Höhenveränderungen durch Geländetopographie werden durch die Freiluftreduktion korrigiert.
- Die mittlere Gesteinswirkung umgebender Gesteine wird durch die Bougerreduktion heraus gerechnet.
- Die Wirkung benachbarter Berge und Täler wird durch die Geländereduktion entfernt.
- Zeitabhängige Veränderungen durch Gezeiten können durch die Subtraktion einer Basismessung berücksichtigt/entfernt werden.







Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit

Thomas.Bohlen@kit.edu

Market Market

Veröffentlicht unter @ 00 Lizenz.





- Physikalische Grundlagen
 - Das Gravitationsgesetz
 - Schwerebeschleunigung einer homogenen Kugel
 - Das Schwerepotential
- Form der Erde
- Schwerereduktionen
- Zusammenfassung
- Referenzen



Referenzen



Förste, C. (2010), 'Das Schwerefeld der Erde und seine Vermessung mit Satelliten', *Vermessung Brandenburg* **15**(1), 109–120.

URL: https://gfzpublic.gfz-potsdam.de/pubman/item_243574

Lowrie, W. (2007), *Fundamentals of Geophysics*, second edition edn, Cambridge University Press.