



Vorlesung "Allgemeine Meteorologie"

Prof. Michael Kunz



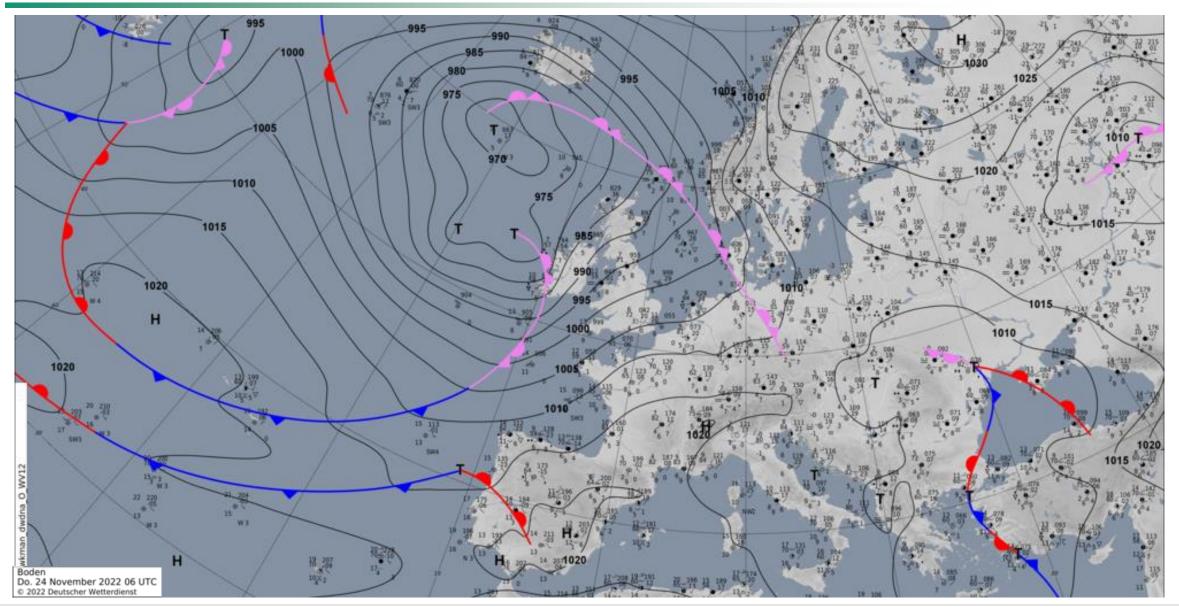




Das Wetter...



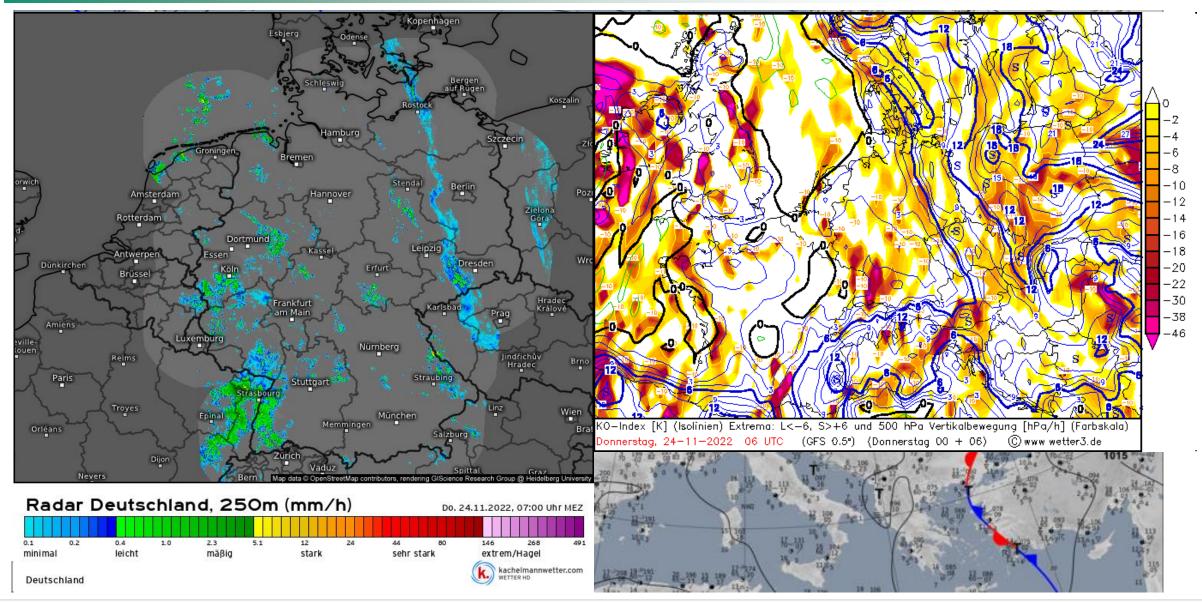
Bodenwetterkarte





Das Wetter

Bodenwetterkarte

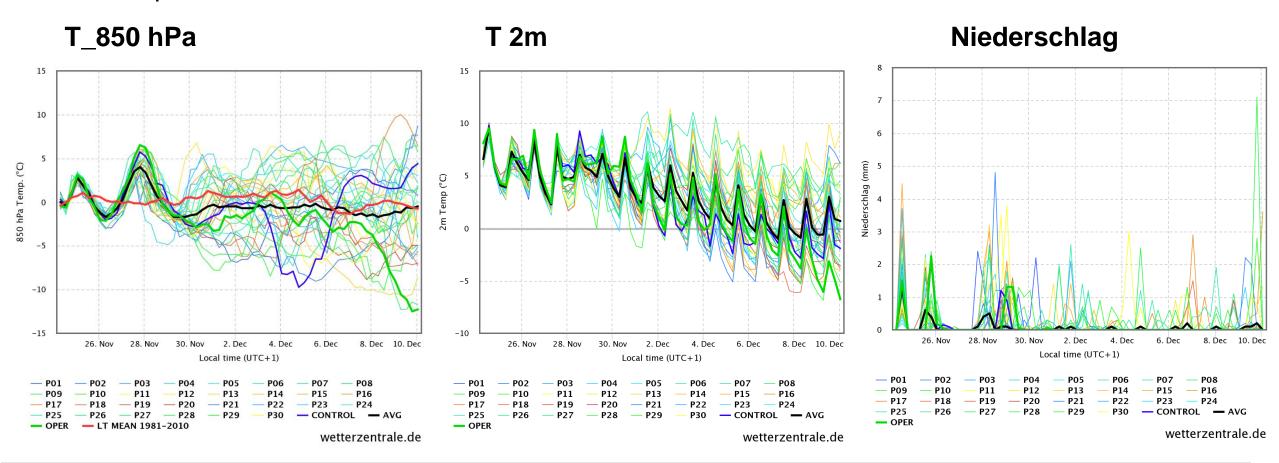




Vorhersage: Ensembles



- Modell GFS (Global Forecast System) des amerik. Wetterdienstes NOAA
- 30 Ensemble Läufe
- Gitterpunkt Karlsruhe





Wettervorhersage

- Wettervorhersage: Integration der prognostischen Gleichungen (z.B. Navier Stokes Gleichungen, 1. Hauptsatz der Thermodynamik,...)
- Nicht-lineare, partielle Differentialgleichungen 2. Ordnung nicht direkt lösbar; daher Diskretisierung auf (Rechen-)Gitter, Anwendung rnumerischer Verfahren → numirische Wettervorhersage (NWP)
- Anfangswertproblem: an jedem Gitterpunkt werden prognostische Gleichungen gelöst;
 - notwendig: meteorologische Variablen (u,v,w, p, T, ρ, RF) an jedem Gitterpunkt (Assimilation: Einbringen in NWP Modell

Modell ICON DWD
Mit adaptivem Gitter
(höhere Auflösung Europa)

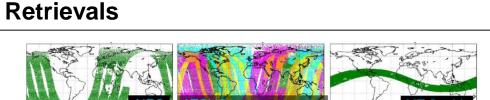
Klassisch: Nesten

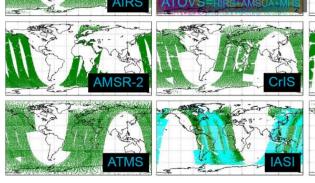
mehrerer Modelle

- wellwert

Anfangswertproblem



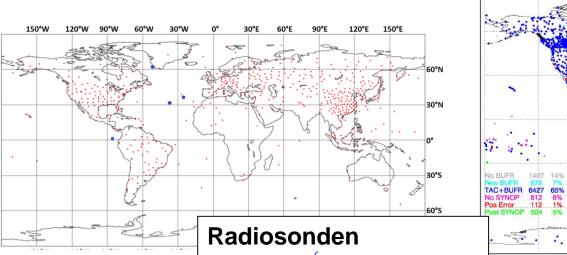




unterbestimmtes Anfangswertproblem

Flugzeuge

Stationen: Land +Schiff



Ly palen in a tide

(nicht wer am Boden)

Dojen in Meor

Anfangswertproblem

- Anfangszustand nicht exakt reproduzierbar
 - → verschiedenen Realisierungen in der Zeitintegration möglich

Analogie:

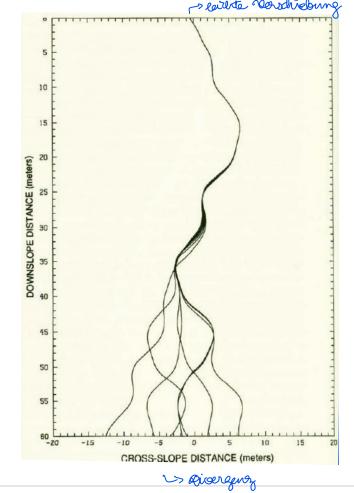
seie Behnkune exalt

Annahme: Ball rollt über Buckelpiste

Einfache Bahn

Das Wetter

- 2. Verschiebung Ausgangsposition:
 - → verschiedene Realisationen
- 3. Minimale unterschiede Ausgangsposition:
 - → erst gleicher Weg, danach Divergenz
 - → Eigenschaft Chaos: benachbarte Zustände (Ausgangspositionen) können divergieren auch bei noch so geringen Unterschieden in der Ausgangsposition



(Lorenz, 1953)

Ensembles

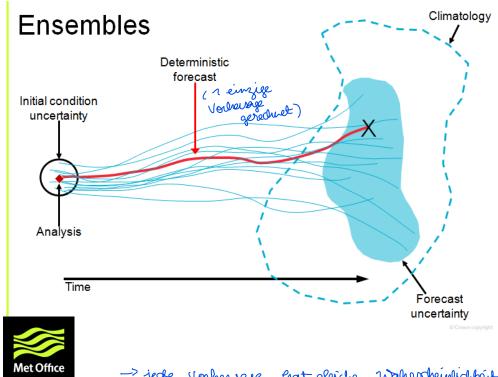


A (in Assimilations yello Modell

- Ensembles: Leichte Störungen des Anfangszustands (z.T. + physikalische Parametrisierungen)
- Für jeden geänderten Anfangszustand wird eine eigene Modellvorhersage gerechnet
 - jede Vorhersage hat die gleiche Wahrscheinlichkeit
- **Wo** / **wie** die Modellfelder gestört werden, hängt von der jeweiligen synoptischen Situation ab
- Zahl der Members (unabhängige Vorhersagen) hängt von Ensemblemodell ab
 - GFS: 30 Members; ECMWF: 50 Members; ICON: 40 Members

Abschätzung

- Bandbreite möglicher Wetterzustände
- Bestimmung der Unsicherheiten
- Grenze der Vorhersagbarkeit



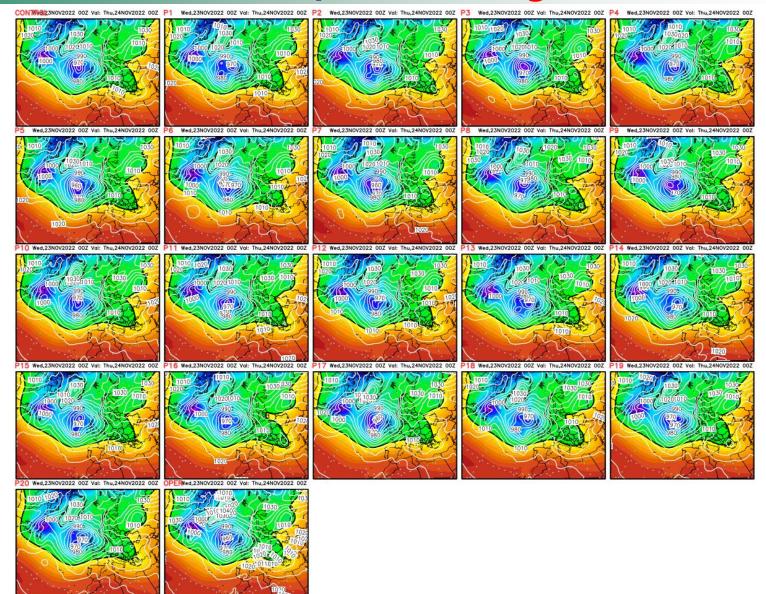




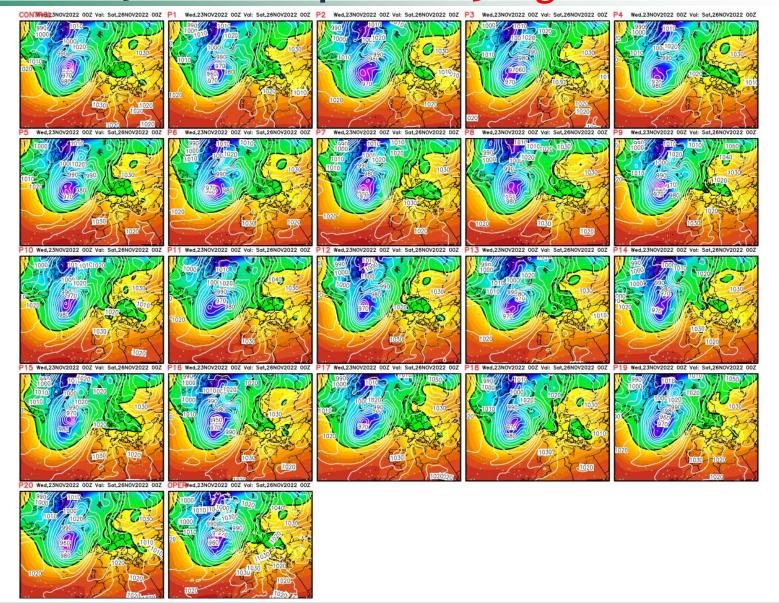


Ensembles GFS: 500 hPa Geopotential 1 Tag



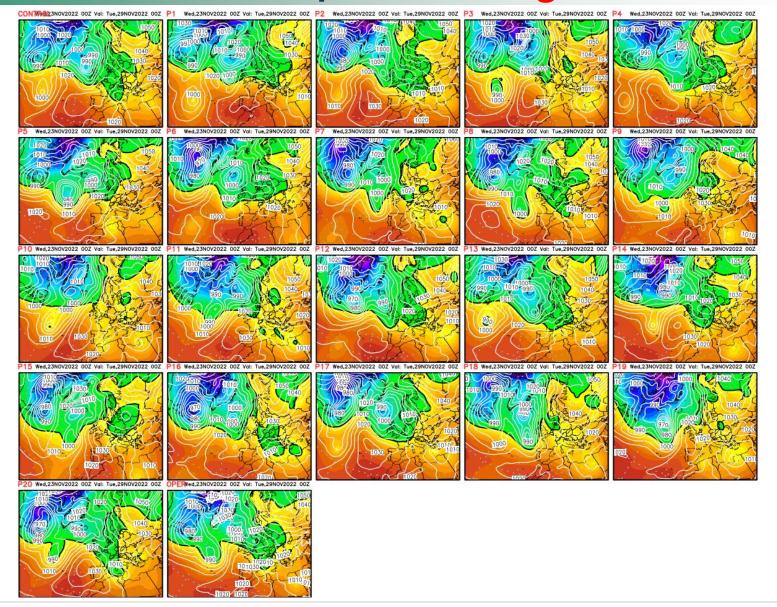


Ensembles GFS: 500 hPa Geopotential 3 Tage



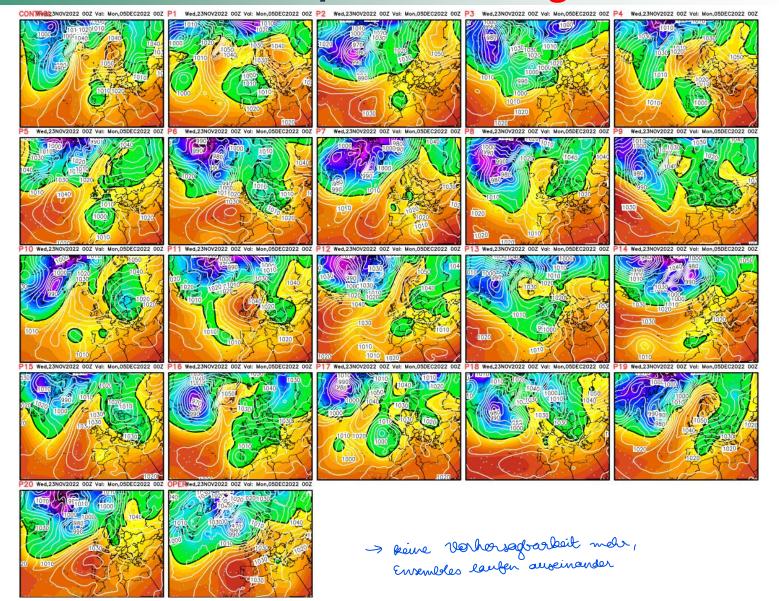


Ensembles GFS: 500 hPa Geopotential 6 Tage





Ensembles GFS: 500 hPa Geopotential 12 Tage

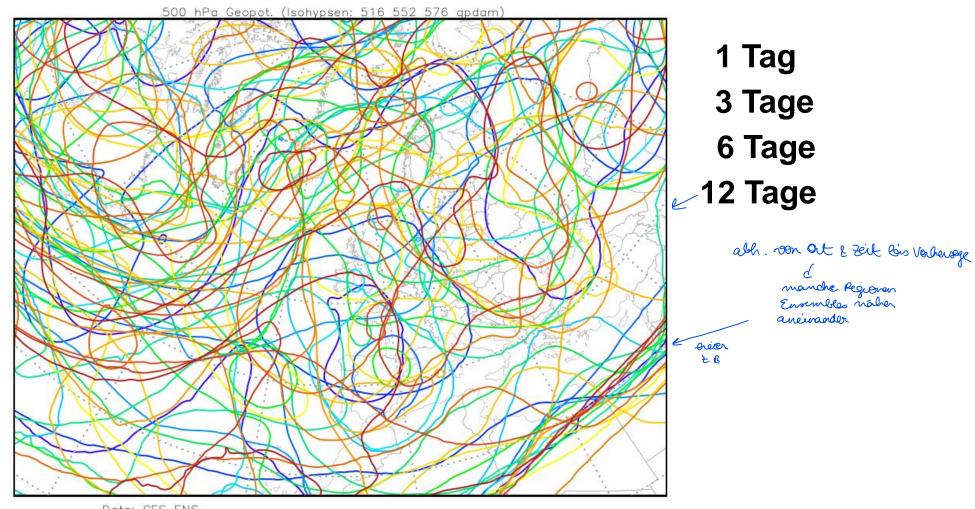




Ensembles GFS: 500 hPa Geopotential

Init: Wed,23NOV2022 00Z Valid: Mon,05DEC2022 00Z



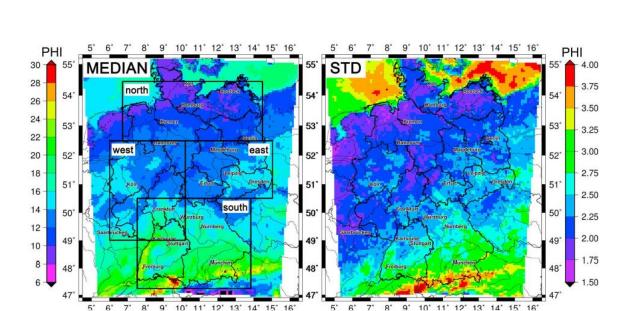


Data: GFS ENS (C) Wetterzentrale www.wetterzentrale.de



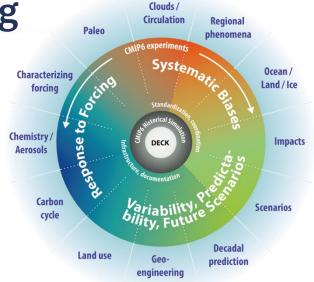
Ensembles in der Wettervorhersage / Klimamodellierung

■ Einsatz bei Klimaprojektionen → Ensemble aus verschiedenen Klimamodell-Läufen, z.B. Coupled Model Intercomparison Project CMIP des World Climate Research Programme (WCRP)

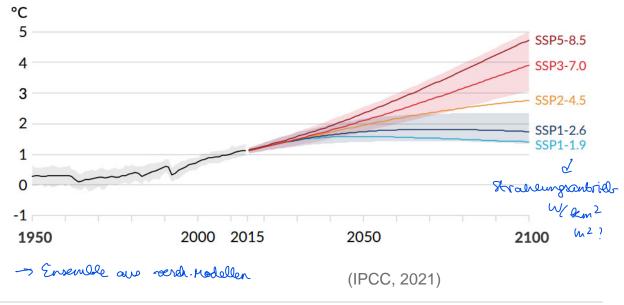


Potential Hail Index 2020-2050

(Mohr, Kunz and Keuler, 2015)



a) Global surface temperature change relative to 1850-1900









Vorlesung "Allgemeine Meteorologie"

Prof. Michael Kunz

Kapitel 5: Der Wasserdampf in der Atmosphäre



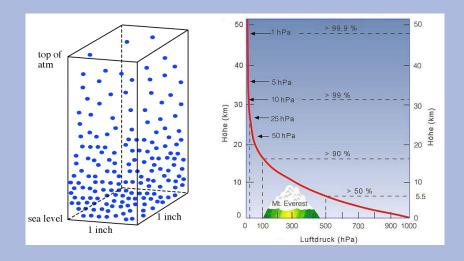
Letzte Vorlesung...

- Modellatmosphären; Herleitung aus hydrostatischer Approximation + Zustandsgleichung
 - (a) Homogene Atmosphäre (ρ = const.)
 - → lineare Druckabnahme
 - (b) Isotherme Atmosphäre (T = const.)
 - → exponentielle Druckabnahme
 - → Schichtdicke abhängig von Temperatur (Barometerreduktion)
 - (c) Polytrope Atmosphäre ($\frac{\partial T}{\partial z} = -\gamma$ = const.)
 - → Druckabnahme bestimmt von T₀ und γ
- Reale Atmosphäre: Dichte- und Druckverlauf

$$p(z) = p_0 - \rho g z$$

$$p(z) = p_0 \exp\left(-\frac{gz}{\overline{T}R_L}\right)$$

$$p(z) = p_0 \left(\frac{T_0 - \gamma z}{T_0}\right)^{\frac{g}{R_L \gamma}}$$



agenda

Der Wasserdampf in der Atmosphäre

- **5.1 Wasserdampf und Feuchtemaße**
- 5.2 Vertikale Verteilung des Wasserdampfs
- 5.3 Koexistenz von Flüssigkeit und Dampf
- 5.4 Koexistenz von Festkörper und Flüssigkeit
- 5.5 Koexistenz dreier Phasen
- 5.6 Reale Gase
- 5.7 Thermodynamische Phänomene, Kondensationsprozesse
 - 5.7.1 Dunst
 - 5.7.2 Nebel: Strahlungsnebel, Advektionsnebel
 - 5.7.3 Wolkenklassifikation



Vorlesung Allgemeine Meteorologie

18

Fragen über Fragen...

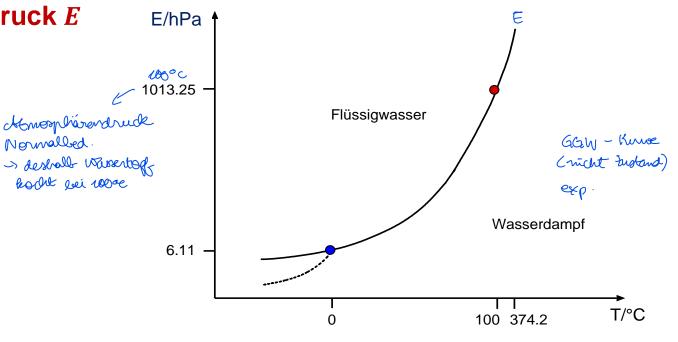
- Wovon hängt die relative Feuchte ab? To WarmerdampKanteil
- Was ist die Taupunktstemperatur? Kondensation dem Enfluen Warkordampho
- Das Mischungsverhältnis ist definiert als Masse Dampf zu Masse trockener Luft. Ändert sich das Mischungsverhältnis eines Luftpakets, das gehoben wird (ohne Kondensation)?
- Gilt die Zustandsgleichung (siehe Herleitung in VL 4) auch für feuchte Luft? Ném Colon Merjelle Form (* school)

a.) Dampfdruck e, Sättigungsdampfdruck E

- lacktriangle Jedes Gas i übt einen bestimmten Druck aus, den Partialdruck p_i
- Daltonsches Gesetz: Gesamt(luft)druck p ist die Summe der Partialdrucke

$$p = \sum_{i} p_{i}$$

- Partialdruck von Wasserdampf: Dampfdruck e; Einheit hPa
- e hat eine obere Grenze, die nur von der Temperatur abhängt: Sättigungsdampfdruck E
 (→ siehe nächste VL)



bin ales: T-west visitie

b.) Relative Feuchte f

Verhältnis von gemessenem Dampfdruck zu Sättigungsdampfdruck.

$$f = \frac{e}{E(\vartheta)} \cdot 100$$
 in % $\left(= \frac{r}{r_s} \cdot 100 = \frac{q}{q_s} \cdot 100 \right)$



abhängig von der Temperatur; keine Aussage über tatsächlichen Anteil an Wasserdampf

in der Luft

■ Untersättigung bei f < 100%, Wolken-/Nebelbildung bei f = 100% '(f > 100% selten in Atmosphäre)

100,1% rolt -> weegn serosde (ridig für Kondernation)







c.) Absolute Feuchte a

Masse Wasserdampf pro Volumeneinheit (= Wasserdampfdichte)

$$a = \rho_d$$
 in kg m⁻³

- gibt direkt den Wasserdampfanteil der Luft wieder
- Einheit wird oft angegeben in g m⁻³ (keine SI-Einheit!)

d.) Taupunkt bzw. Taupunktstemperatur T_d oder τ

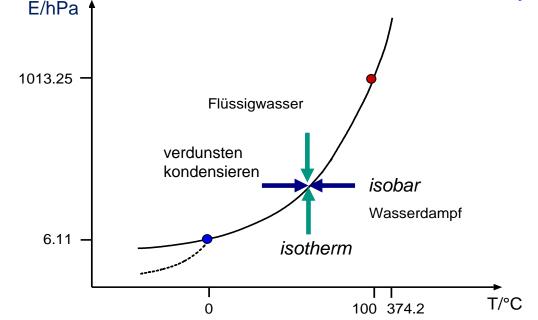
Definiert als Temperatur, ab der es bei isobarer Abkühlung der Luft zu Sättigung (Wolken, Nebelbildung) kommt; keine Advektion von Wasserdampf

■ Die Taupunktstemperatur ist ein eindeutiges Maß für den Wasserdampfpartialdruck e (→ siehe Übung und nächste VL)



G thin nachts alexchatter





e.) Mischungsverhältnis r und spezifische Feuchte q

■ Gibt die **Masse Wasserdampf** bezogen auf die Masse **trockener** (Mischungsverhältnis r) bzw. **feuchter** (spezifische Feuchte q) **Luft** an (Massenverhältnis):

$$q=rac{
ho_d}{
ho}=rac{m_d}{m} \min_{ ext{s.m. further laye}}
ho_=
ho_d+
ho_l$$
 $r=rac{
ho_d}{
ho_l}=rac{m_d}{m_l} \sup_{ ext{tr. laye}}$

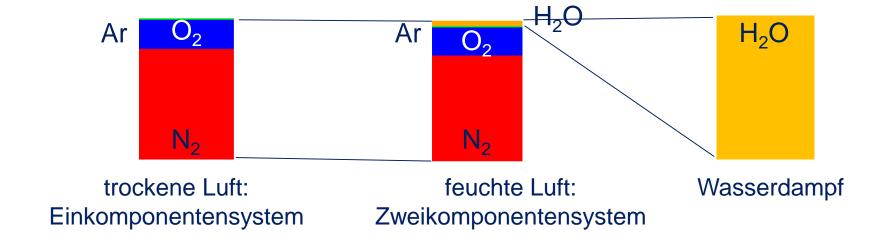
bodennah ca. 10 g

- dimensionslos; Einheit: kg kg⁻¹ (SI-Einheit) oder g kg⁻¹ (wird häufig verwendet)
- konservative Größe: ändert sich nicht, wenn sich Druck und Temperatur ändern, z.B.
 bei Vertikalbewegungen ohne Kondensation/Verdunstung

ensily. id. lyes

e.) Mischungsverhältnis r und spezifische Feuchte q

Unterscheidung trockene Luft, feuchte Luft, Wasserdampf



$$p_l = \sum p_i$$

$$p = p_l + p_d$$

$$p_d \equiv e$$

$$p_l = \rho_l R_l T$$

$$p_d = \rho_d R_d T$$

Mischungsverhältnis

$$r=rac{
ho_d}{
ho_l}=rac{m_d}{m_l}$$
 (1) $P_{
ho}$, $P_{
ho}$: Dichte trockene Luft / Wasserdampf $P_{
ho}$, e: Druck trockene Luft / Wasserdampf $P_{
ho}$, $P_{
ho}$: Gaskonstante trockene Luft / Dampf

Zustandsgleichung (a) trockene Luft

$$p_{l} = p - e = \rho_{l}R_{l}T \qquad p_{d} \equiv e = \rho_{d}R_{d}T$$

$$= \frac{m_{l}}{V}R_{l}T \qquad = \frac{m_{d}}{V}R_{d}T$$

$$\Rightarrow m_{l} = \frac{(p - e)V}{R_{l}T} \qquad \Rightarrow m_{d} = \frac{eV}{R_{d}T}$$

(b) Wasserdampf

$$p_d \equiv e = \rho_d R_d T$$

$$= \frac{m_d}{V} R_d T$$

$$\Rightarrow m_d = \frac{eV}{R_d T}$$

eingesetzt in (1):
$$r = \frac{eV}{R_dV} \frac{R_lV}{(p-e)V}$$

$$R_l = \frac{eV}{R_dV} \frac{R_lV}{(p-e)V}$$

$$r = 0.622 \frac{e}{(p-e)}$$

$$r = 0.622 \frac{e}{(p-e)}$$
 $R_l = 287.1 \text{ J kg}^{-1} \text{ K}^{-1}$ $R_d = 461.4 \text{ J kg}^{-1} \text{ K}^{-1}$

Moonpe, == whOA > r ~ 0,622 &

Spezifische Feuchte

$$q = \frac{\rho_d}{\rho} = \frac{m_d}{m} = \frac{m_d}{m_l + m_d}$$
 (1)

Zustandsgleichung (a) trockene Luft (b) Wasserdampf

$$m_l = \frac{(p-e)V}{R_l T} \qquad m_d = \frac{eV}{R_d T}$$

$$m_d = \frac{eV}{R_dT}$$

eingesetzt in (1):
$$q = \frac{\frac{e V}{R_d Y}}{\frac{(p-e)V}{R_d Y} + \frac{e V}{R_d Y}} = \frac{1}{R_d} \frac{e}{\frac{p-e}{R_l} + \frac{e}{R_d}}$$
 R_l vor Bruch ziehen

$$= \frac{R_l}{R_d} \frac{e}{p - e + \frac{R_l}{R_d}e}$$
$$= 0.622 \qquad = 0.622$$

$$q = 0.622 \frac{e}{p - 0.378e}$$
 $pprox 0.622 \frac{e}{p} pprox r$ (Mischungsverhältnis)

$$\approx 0.622 \frac{e}{p} \approx r$$

f.)* Virtuelle Temperatur

(* keine eigentliches Feuchtemaß)

m warden werden wir forten.

- Zustandsgleichungen für ein ideales Gas
 - trockene Luft

$$p_l = \frac{\rho_l}{M_l} R^* T$$

- Wasserdampf

$$p_d = \frac{\rho_d}{M_d} R^* T$$

- Wasserdampf hat eine geringere molare Masse M als trockene Luft
 - → Dichte feuchter Luft ist geringer als Dichte trockener Luft
- Einführung der "virtuellen" Temperatur; dann kann weiterhin Zustandsgleichung mit Gaskonstante für trockene Luft verwendet werden (und Dichte für feuchte Luft)

$$M_l = 28.96 \text{ g mol}^{-1}$$

 $M_d = 18.02 \text{ g mol}^{-1}$

$$p = \rho R_l T_v$$

f.)* Virtuelle Temperatur

(* keine eigentliches Feuchtemaß)

Ausgang:
$$p = p_l + p_d = R^*T\left(\frac{\rho_l}{M_l} + \frac{\rho_d}{M_d}\right)$$
 Ziel: Gleichung der Form $p = \rho R_l T_v$

$$p = \rho R_l T_v$$
2 1 3

herausziehen 1/ M_l vor Klammer: $p = \frac{R^*}{M_l} T \left(\rho_l + \frac{M_l}{M_d} \rho_d \right) = \underline{R_l} T \left(\rho_l + \frac{M_l}{M_d} \rho_d \right)$

Dichte: $\rho = \rho_l + \rho_d \Leftrightarrow \rho_l = \rho - \rho_d$

herausziehen ρ vor Klammer

nerausziehen
$$ho$$
 vor Klammer

Definition spezifische Feuchte $q=\frac{\rho d}{\rho}$ $\frac{M_l}{M_d} = \frac{R^*/R_l}{R^*/R_d} = \frac{R_d}{R_l} = \frac{461.4}{287.1} = 1.608$

$$= R_l T \left(\rho - \rho_d + \frac{M_l}{M_d} \rho_d \right)$$

$$= \underline{\rho} R_l T \left(1 - \frac{\rho_d}{\underline{\rho}} + \frac{M_l}{M_d} \frac{\rho_d}{\underline{\rho}} \right)$$

$$= \rho R_l T \left(1 + q \left(\frac{M_l}{M_d} - 1 \right) \right)$$

$$= \rho R_l T \left(1 + 0.608q \right) = \rho R_l T_v$$

$$T_v = T (1 + 0.608q)$$

Zusammenfassung Feuchtemaße

- Relative Feuchte: relatives Maß, i.d.R. in %
 - Angabe Temperatur notwendig
- Taupunktstemperatur τ (in °C)
 - Definition implizit:
- Mischungsverhältnis r (in kg / kg)
 - Masse Dampf (M_d) zu Masse trockener Luft (M_l)
- spezifische Feuchte q (in kg / kg)
 - Masse Dampf (M_d) zu Masse feuchter Luft (M_l)
- Virtuelle Temperatur
 - Temperatur, die trockene Luft besitzen muss, damit sie bei gleichem Druck p dieselbe Dichte ρ besitzt wie feuchte Luft

konservation (sp 70, wer Hassenberh

Damit: Berücksichtigung Feuchte in Zustandsgleichung

$$f = \frac{e}{E} \cdot 100\%$$

$$e(T) = E(\tau)$$

$$r = 0,622 \frac{e}{p - e}$$

$$q = 0,622 \frac{e}{p - 0,378e}$$

$$T_v = T(1+0,608q)$$

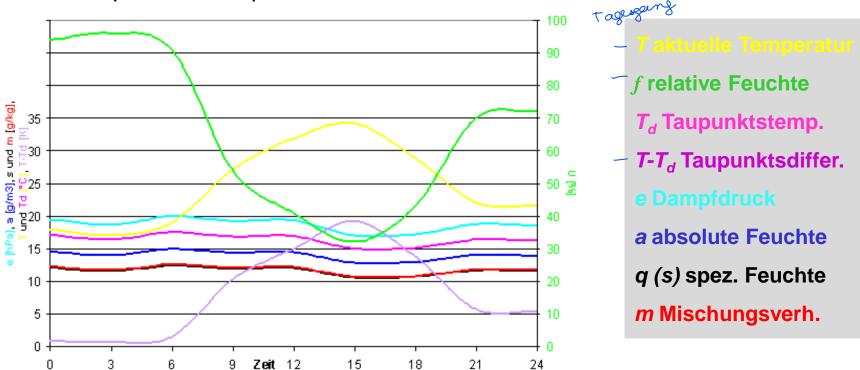
Spez. Feuchte

$$p = \rho R_l T_v$$

Prochwariabel



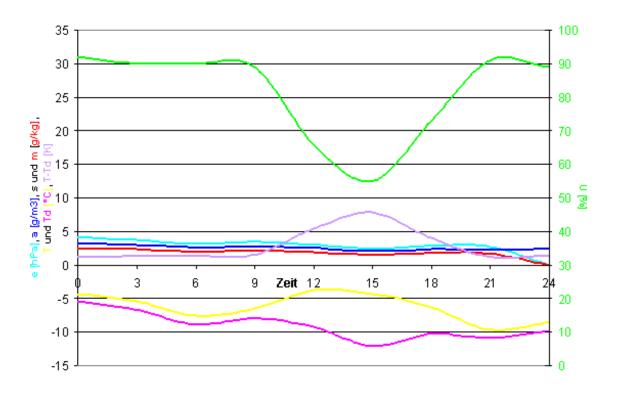
- Ungestörter Tagesgang verschiedener Feuchtemaße Station Berlin-Botanischer Garten Sommer: 15.08.2001
 - geringer Tagesgang Mischungverhältnis, spezifische/absolute Feuchte, Dampfdruck, Taupunkt
 - gegenläufiges Verhalten Temperatur, relative Luftfeuchtigkeit
 - paralleler Verlauf Temperatur Taupunktsdifferenz



(www.met.fu-berlin.de/de/daten/luftfeuchtigkeit/)



- Ungestörter Tagesgang verschiedener Feuchtemaße Station Berlin-Botanischer Garten Winter: 24.02.2001
 - geringer Tagesgang Mischungverhältnis, spezifische/absolute Feuchte, Dampfdruck, Taupunkt
 - gegenläufiges Verhalten Temperatur, relative Luftfeuchtigkeit
 - paralleler Verlauf Temperatur Taupunktsdifferenz



Taktuelle Temperatur

f relative Feuchte

T_d Taupunktstemp.

T-T_d Taupunktsdiffer.

e Dampfdruck

a absolute Feuchte

q (s) spez. Feuchte

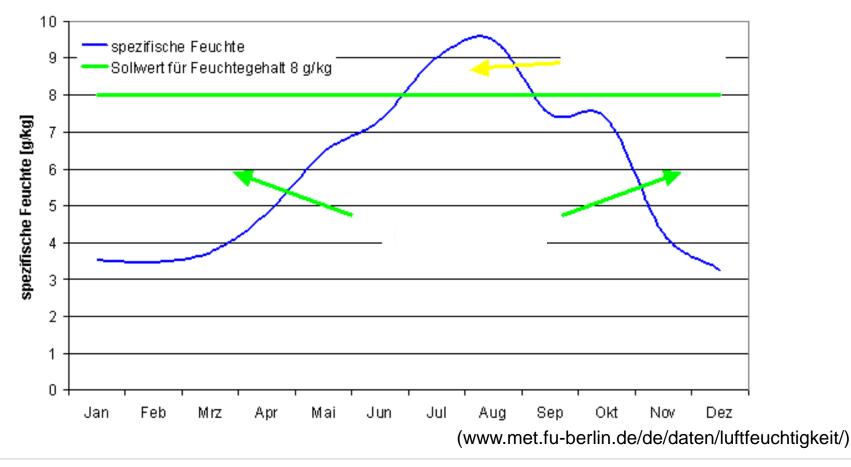
m Mischungsverh.

(www.met.fu-berlin.de/de/daten/luftfeuchtigkeit/)



■ **Jahresgang** der spezifischen Feuchte *q* (≈ Mischungsverhältnis *r*): Station Berlin-Botanischer Garten im Jahr 2001

Berlin-Botanischer Garten 2001



Fragen über Fragen...

- Wie ändern sich
 - Dampfdruck e
 - Mischungsverhältnis r
 - Relative Feuchte f in der Atmosphere (richt austeil endes Luft) aket) mit der Höhe?
- Was ist sind Halbwertshöhe und Skalierungshöhe?
- Wie hoch ist die Halbwertshöne des Wasserdampfs (typischerweise in unseren Breiten)?

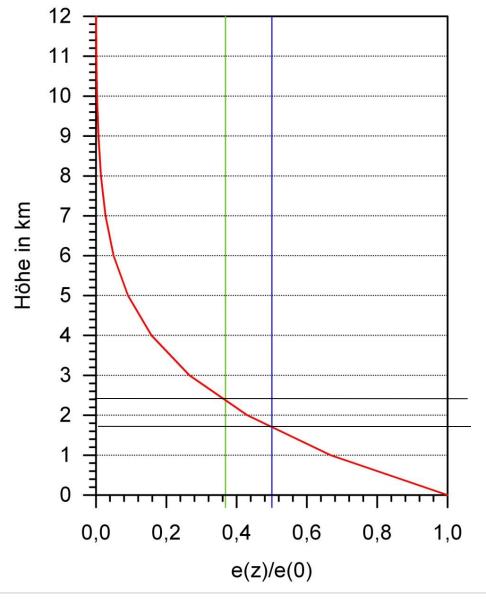
5.2 Vertikale Verteilung des Wasserdampfs

- Aus $E \sim \exp(T)$ (Clausius-Clapeyron Gleichung, nächste VL) folgt im Mittel in der Troposphäre annähernd **exponentielle Abnahme** des **Dampfdrucks** mit der Höhe (bei linearer Temperaturabnahme)
- Aber Unterschiede in den verschiedenen Variablen:
 - Dampfdruck e, absolute Feuchte a: ~exponentielle Abnahme
 - Mischungsverhältnis r, spez. Feuchte q: konstant in Grenzschicht:
 - relative Feuchte f: keine Aussage möglich wegen $f = \operatorname{funkt}(T)$
- Skalierungshöhe Wasserdampfdichte (Abfall auf 1/e): 1 km bis 3 km
- Empirische Formel nach Süring für Abnahme Dampfdruck

$$e(z) = e(z = 0) \times 10^{-\frac{z}{6} - \frac{z^2}{120}}$$



5.2 Vertikale Verteilung des Wasserdampfs



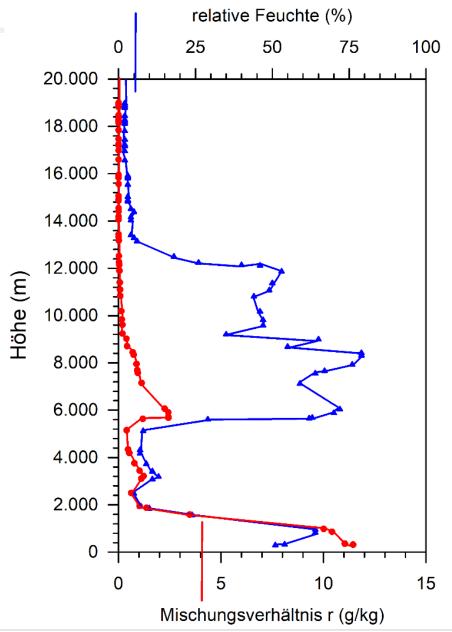
Empirische Gleichung nach Süring: Abnahme Dampfdruck mit der Höhe

$$e(z) = e(z = 0) \times 10^{-\frac{z}{6} - \frac{z^2}{120}}$$

Skalierungshöhe Halbwertshöhe

5.2 Vertikale Verteilung des Wasserdampfs

- Sounding Stuttgart am 15.09.2020, 12:00 UTC
 - trockene Schicht 2-6 km; darüber und darunter relativ feucht
 - sehr geringe Werte des Mischungsverhältnis ab
 10 km
 - Abnahme Mischungsverhältnis durch Abnahme Temperatur (im Mittel)
 - Aber: relative Feuchte prinzipiell keine direkte Funktion der Höhe



Wir fassen zusammen...

- Feuchtemaße (Verwendung je nach Fragestellung)
 - Wasserdampfpartialdruck e (in hPa): Druck durch den Dampf; hat eine obere Grenze, die von der Temperatur abhängt → Sättigungsdampfdruck E
 - Relative Feuchte f (in %): relatives Maß, abh. von Temperatur
 - Taupunktstemperatur τ (in °C): Temperatur bei 100% rel. Feuchte
 - **Mischungsverhältnis** r (in kg / kg). Masse Dampf (M_d) zu Masse trockener Luft (M_l); konservativ bei Vertikalbewegungen
 - **spezifische Feuchte** q (in kg / kg). Masse Dampf (M_d) zu Masse feuchter Luft (M_l) ; ; konservativ bei Vertikalbewegungen

Virtuelle Temperatur

- Temperatur, die trockene Luft besitzen muss, damit sie bei gleichem Druck p dieselbe Dichte ρ
 besitzt wie feuchte Luft
- In Zustandsgleichung kann bei Verwendung von T_v die Gaskonstante für trockene Luft R_L verwendet werden
- **Tagesgang**: Dampfdruck, absol./sepz. Feuchte, Mischungsverhältnis + Taupunktstemp. haben geringen Tagesgang; rel. Feuchte invers zu Temperatur