



Physikalisches Praktikum für Fortgeschrittene Praktikum Moderne Physik

Gruppe Nr.	25 Kurs: Mi SS 2	2014		
Versuch:	Dünne Schichten			
Namen:	Tobias Renz			
	Raphael Schmager			
Assistent:	Sebastian Skacel			
durchgeführt a	am: <u>19.05 2014</u>			
Protokollabgabe am:				

Note gesamt	+	_	0		
Datum:					
anerkannt:				 	
Bemerkung:					

Inhaltsverzeichnis

1	Gru	ndlagen	1
	1.1	Vakuumerzeugung und Vakuummessung	1
		1.1.1 Vakuumpumpen	1
		1.1.2 Vakuummessung	2
2	Exp	eriment	3
	2.1	Ziel des Versuchs	3
	2.2	Aufbau	3
	2.3	Vorbereitung der Proben	5
	2.4	Aufgabe 1: Schichtdickenabhängigkeit R des Widerstands von Silber	6
	2.5	Aufgabe 2: Zeitlicher Verlauf R(t) nach dem Aufdampfen	7
	2.6	Aufgabe 3: Abhängigkeit des Widerstandes beim Aufdampfen weniger Monola-	
		gen Ag bzw. In	7
	2.7	Aufgabe 4: Verlauf $R(t)$	7
3	Aus	wertung	7
	3.1	Aufgabe 1: Messung der Schichtdickenabhangigkeit des Widerstands von Silber	7
	3.2	Aufgabe 2: Zeitlicher Verlauf des Widerstands nach dem Aufdampfen	9
	3.3	Aufgabe 3: Abhängigkeit des Widerstands von der Temperatur	11
	3.4	Aufgabe 4: Widerstand beim weiteren Aufdampfen von Ag und In	15
4	Anh	ang	18

Karlsruher Institut für Technologie (KIT)

Physikalisches Praktikum für Fortgeschrittene 2

Dünne Schichten

Protokoll von Tobias Renz und Raphael Schmager

Gruppe: $\mathbf{25}$

Durchgeführt am 19.052014

1 Grundlagen

1.1 Vakuumerzeugung und Vakuummessung

Zunächst werden die Funktionsweisen der im Versuch verwendeten Instrumente zur Erzeugung und Messung des Vakuums erläutert. Ein Vakuum wird je nach Druck p in die folgenden Druckbereiche eingeteilt [nach: http://de.wikipedia.org/wiki/Vakuum]:

Grobvakuum: 1 mbar Feinvakuum: 10^{-3} mbar Hochvakuum: 10^{-7} mbar 10^{-3} mbar Ultrahochvakuum: 10^{-12} mbar 10^{-7} mbar Extrem hohes Vakuum: p < 10^{-12} mbar

1.1.1 Vakuumpumpen

Drehschieberpumpen:

Die Drehschieberpumpe wird meist als Vorpumpe genutzt und kann ein Grobvakuum oder sogar ein Feinvakuum erzeugen. Eine Drehschieberpumpe besteht aus einem im Inneren zylindrischen Gehäuse (Stator). In diesem Gehäuse dreht sich ein exzentrischer Rotor, in dessen Schlitzen Schieber angebracht sind. Diese Schieber werden durch die Zentrifugalkraft an die Gehäusewand gedrückt. Diese Teilen den Raum zwischen Rotor und Stator in unterschiedlich große Volumina ein. Durch den Einlass gelangt das Gas in den sogenannten Schöpfraum, welcher sich bei der Rotation vergrößert. Die Saugwirkung kommt durch das sich vergrößernde Volumen zustande. Hat der Schöpfraum das maximale Volumen erreicht, verschließt ein Schieber den Schöpfraum zum Einlass. Beim Weiterdrehen verkleinert sich der Schöpfraum und das Gas wird verdichtet und die Verdichtungskammer wird zum Auslass geöffnet. Das Gas entweicht und ein neuer Zyklus beginnt.

Diffusionspumpen:

Die Diffusionspumpe ist eine Hoch- bis Ultrahochvakuumpumpe und basiert auf dem Prinzip einer Strahlpumpe. Die Pumpe besteht aus einem rohrförmigen Pumpenkörper, der oben mit einem Hochvakuumflansch versehen ist. Die darüber befindliche Dampfsperre verhindert das Eindringen von Treibmitteldampf in den Vakuumbehälter. Am Boden befindet sich der Siederaum für das Treibmittel. An der Seite befindet sich das Vakuumrohr, das mit der Vorpumpe verbunden ist. Im Inneren befindet sich das Düsensystem. Das Treibmittel wird erhitzt, verdampft und steigt in den Dampfrohren des Innenteils nach oben, wo es in die Düsen gelangt. Durch die Düsen wird der Treibmitteldampf nach unten umgelenkt. Hinter dem engsten Querschnitt expandiert der Dampf und gelangt in den Bereich zwischen Düsensystem und gekühlter Wand. In dem Raum unter jeder Düsenkappe entsteht ein schirmförmiger Dampfstrahl der mit hoher Übergeschwindigkeit nach unten strömt. Die abzupumpenden Gasteilchen treten durch den Hochvakuumflansch ein, gelangen in den Dampfstrahl der verschiedenen Düsen und nehmen durch Stöße deren Geschwindigkeitsrichtung an und werden nach unten abtransportiert. Das komprimierte Gas tritt in das Vorvakuumrohr ein und wird abgepumpt.



Abbildung 1: Schematischer Aufbau einer Diffusionspumpe. Aus: Vorbereitungsmappe

1.1.2 Vakuummessung

Wärmeleitungsvakuumeter - Pirani Messröhre

Wärmeleitungsvakuummeter messen den druckabhängigen Wärmeverlust eines erhitzen Drahts. Sie dienen zur Messung für das Grob- und Feinvakuum. Der erhitzte Draht wird als Teil einer Wheatstoneschen Brücke verwendet um den Draht mit der nötigen Leistung zu versorgen und seinen Widerstand (und damit die Temperatur) zu messen. Eine Möglichkeit der Druckmessung ist die Drahttemperatur konstant zu halten und die dazu nötige Heizleistung zu messen. Die benötigte Leistung ist ein Maß für den Druck.

Ionisationsvakuumeter - Penning-Vakuumeter

Um niedrige Drücke zu messen, wird beim Ionisationsvakuumeter eine ausreichend hohe Spannung zwischen zwei Metallelektroden angelegt um vorhandene Elektronen zu beschleunigen und durch Stoßprozesse Gasteilchen zu ionisieren. Es bildet sich eine Gasentladung, wobei der Gasentladungsstrom druckabhängig ist und als Messgröße dient. Um sehr niedrige Drücke zu messen, wird ein Magnetfeld so angelegt, dass die Elektronen auf ihrem Weg von der Kathode zur Anode Spiralbahnen durchführen. Dadurch wird der Weg der Elektronen verlängert und eine höhere Ionenausbeute erreicht. Mit einem Ionisationsvakuumeter lassen sich somit Drücke im Hoch- Ultrahochvakuumbreich messen.

2 Experiment

2.1 Ziel des Versuchs

In diesem Versuch soll der Umgang mit einer Hochvakuumapparatur zum Aufdampfen dünner metallischer Schichten erlernt werden. Dabei wird während des Schichtwachstums der elektrische Widerstand gemessen.

2.2 Aufbau



Abbildung 2: Schematischer Versuchsaufbau. Aus: Vorbereitungsmappe

Um die Schichten auf die Probe aufzudampfen wird die in Abbildung 2 und 4 gezeigte Vakuumapparatur genutzt. Die Messvorrichtung ist in Abbildung 3 zu sehen. Durch eine Öldiffusionspumpe mit vorgeschalteter Drehschieberpumpe wird im Rezipienten ein Hochvakuum erzeugt. Im Rezipient befinden sich beheizbare Tiegel, die mit Metallen (Ag, In) befüllt sind. Nach

Protokoll

Erreichen des Hochvakuums werden die Tiegel erhitzt und die Metalle verdampft. Trifft das Metall auf das Glassubstrat kondensiert es. Durch verschiedene Blenden können die einzelnen Metalle an die gewünschte Probenstelle aufgedampft werden. Die Schichtdicke des aufgedampften Substrats wird durch einen Schwingquarz bestimmt. Durch das Bedampfen des Quarzes nimmt die Masse zu und die Eigenfrequenz wird niedriger.



Abbildung 3: Versuchsstand im Praktikumslabor: Messvorrichtung.



Abbildung 4: Versuchsstand im Praktikumslabor: Vakuumapparatur in der die Probe eingebaut wurde.

2.3 Vorbereitung der Proben

Um später den elektrischen Widerstand messen zu können, werden zunächst Kontakte auf das Glassubstrat aufgedampft. Dazu wird auf den Halter eine Schicht Indium als Untergrund (ca.

Dünne Schichten

30 Å) und eine Silberschicht als Kontakt (ca. 500 Å) aufgedampft. Es werden drei Kontakte zur elektrischen Kontaktierung aufgetragen, so dass zwei Zwischenräume für die zu untersuchende Schicht frei bleiben. Der Widerstand kann entweder über eine Vierpunkt oder eine Brückenschaltung gemessen werden. Bei der Vierpunktmethode werden vier Messspitzen auf einer Probe angebracht. Über die beiden äußeren wird ein bekannter Strom angelegt und zwischen den beiden Inneren wird die Spannung gemessen.



Abbildung 5: Bedampfte Probe. Links ist der freie Streifen auf dem Substrat erkennbar. Hier wurde nichts aufgedampft. Die bedeckte Schicht auf der rechten Hälfte der Probe (Blende 1) wurde von uns mit Silber und Indium bedampft und untersucht.

Bei den Aufgaben soll neben dem absoluten Widerstand R auch der spezifische Widerstand ρ bestimmt werden. Dazu benötigt man den Widerstand R, die Schichtdicke d_S sowie die von den Probenabmessungen abhängigen Größen b und L. Die Größe b gibt die Breite und L die Länge der Probe an, durch welche der Strom fließt. Die Bestimmung dieser Größen ist in Abbildung 5 dargestellt und haben folgende Ausdehnungen: b = 5,01 mm; L = 13,46 mm. Der spezifische Widerstand lässt sich folgendermaßen berechnen:

$$\rho = \frac{R \cdot b \cdot d_S}{L} \tag{1}$$

2.4 Aufgabe 1: Schichtdickenabhängigkeit R des Widerstands von Silber

Es soll der Widerstand in Abhängigkeit der Silberschichtdicke beim aufdampfen gemessen werden. Beim Aufdampfen werden sich zunächst Inseln aus Silber ausbilden, wobei ein Stromfluss somit nur über Tunneleffekte möglich ist. Sobald sich die Inseln verbinden und die Silberschicht homogen ist, sollte der Widerstand stark sinken.

2.5 Aufgabe 2: Zeitlicher Verlauf R(t) nach dem Aufdampfen

Die Blende wird geschlossen. Die Menge an Silber ändert sich nun nicht mehr und der Widerstand soll in Abhängigkeit der Zeit gemessen werden. Besitzt das Silber noch Fehler in der Kristallstruktur gibt es Streuung von Elektronen an Störstellen und Defekten, was zu einem höheren Widerstand führt. Diese Fehler werden durch thermische Bewegungen im Laufe der Zeit ausgeglichen und der Widerstand sollte sinken.

2.6 Aufgabe 3: Abhängigkeit des Widerstandes beim Aufdampfen weniger Monolagen Ag bzw. In

In diesem Versuchsteil soll untersucht werden, wie sich der Widerstand ändert, wenn weitere Lagen Silber oder Indium aufgedampft werden.

Wird die Silberschichtdicke verändert, so besitzt der Widerstand folgende Abhängigkeit:

$$R = A + \frac{B}{d} \tag{2}$$

wobei d die Schichtdicke beschreibt. Wir erwarten deshalb eine Abnahme des Widerstandes bei zunehmender Schichtdicke.

Wird Indium auf die Silberschicht aufgetragen, so sollte der Widerstand, durch Streuung an der zu Silber verschiedenen Kristallstruktur, zunächst steigen. Bei ausreichend dicker Indium Schicht sollte der Widerstand durch die Leitfähigkeit der Indium Schicht wieder fallen.

2.7 Aufgabe 4: Verlauf R(t)

Der Probenhalter soll gekühlt werden und die Abhängigkeit des Widerstands von der Temperatur gemessen werden. Für den temperaturabhängigen Teil des Widerstand ist hauptsächlich die Elektron-Phonon Streuung zuständig. Durch Abkühlen nimmt die thermische Anregung der Gitteratome im Kristall ab und die Elektron-Phonon Streuung nimmt ab. Deshalb sollte der Widerstand für niedrige Temperaturen niedriger sein.

3 Auswertung

3.1 Aufgabe 1: Messung der Schichtdickenabhangigkeit des Widerstands von Silber

Nach dem Aufdampfen der Kontaktschicht wurde die Probe nach dem Belüften des Rezipienten ausgebaut und auf einen anderen Halter montiert. Dieser ist in Abbildung 5 zu sehen. Die Kontaktierung wurde wie in Abschnitt 2.3 beschrieben durchgeführt.

Anschließend kam die Probe wieder in die Anlage. Ein Vakuum von 2,5 mPa hat sich durch erneutes Evakuieren eingestellt. Nun wurde der Strom, welcher den Tiegel mit Silber beheizt, schrittweise auf I=21 A erhöht. An der Ausleseelektronik des Schwingquarz war ein konstante Rate von 0,6 Å/s abzulesen. Gemessen wurde nun der Spannungsabfall über der Probe bei

konstantem Strom. Die Messwerte befinden sich in Tabelle 1 im Anhang.



Abbildung 6: Widerstand R in Abhängigkeit der Schichtdicke d. Fällt der Widerstand unter die Messbare Grenze so fällt er rasch ab bis auf einen Wert von $3,13 \text{ k}\Omega$.

Ab einer Schichtdicke von etwa 375 Å fällt die Spannung rasch ab. Folglich verringert sich der Widerstand nach $R = \frac{U}{I}$. In Abbildung 6 ist die gemessene Abhängigkeit dargestellt. Unsere Erwartungen haben sich so bestätigt. Die Leitfähigkeit ($\propto \frac{1}{R}$) nimmt rasch zu, nachdem sich die einzelnen Inseln zu einer flächendeckenden Silberschicht ausbilden können.

Nach Gleichung 1 lässt sich der spezifischer Widerstand in Abhängigkeit der Schichtdicke auftragen. Dies ist in Abbildung 7 zu sehen. Die Werte für b = 5,01 und L = 13,46 sind in Abbildung 5 zu sehen. Beide Werte werden hier ohne Einheiten angegeben, da sie als Verhältnis in die Formel eingehen und lediglich relative Größenverhältnisse wiedergeben.

Zu beachten ist hier, dass der Anstieg des spezifischen Widerstands mit zunehmender Schichtdicke in der Tatsache resultiert, dass die gemessene Spannung in diesem Bereich einen Maximalwert besitzt. Dies liegt vermutlich an der Auflösungsgrenze des verwendeten Messgeräts. Sinnvolle Ergebnisse für den spezifischen Widerstand sind demnach nur ab einer Schichtdicke von 375 Å zu betrachten.

Die Abhängigkeit $R \propto \frac{1}{d}$ sowie $\rho \propto \frac{1}{d}$ kann nicht explizit erkannt werden. Der Abfall des (spez.) Widerstands ist bei 375-450 Å deutlich steiler und gegen Ende bei 500 Å flacher als eine Kurve nach Gleichung 2. Es ist daher zu Vermuten, dass direkt nach dem Aufdampfen eine Umordnung stattfindet. Die permanente Umordnung lässt den Widerstand damit schneller als $\frac{1}{d}$ abfallen.



Abbildung 7: Normierung von Abbildung 6 auf die Schichtdicke und von Strom druchflossene Fläche. ρ Bezeichnet den spezifischen Widerstand der Probe.

3.2 Aufgabe 2: Zeitlicher Verlauf des Widerstands nach dem Aufdampfen

Nachdem die Schichtdicke von 500 Å aufgetragen wurde, wurde durch Schließen der Blende der Aufdampfprozess gestoppt und der zeitliche Verlauf der Spannung gemessen. Der Druck während dieser Messung betrug ca. 1,5 mPa. Der Widerstand lässt sich aus der Spannung und der konstanten Stromstärke berechnen und ist in Abbildung 8 dargestellt. Außerdem wurde wie schon in Aufgabe 1 der spezifische Widerstand berechnet und in Abbildung 9 über der Zeit aufgetragen.



Abbildung 8: Zeitlicher Verlauf des Widerstands nach dem Aufdampfen.

Vergleicht man den absoluten Widerstand R (Abbildung 8) mit dem spezifischen Widerstand ρ (Abbildung 9) wird deutlich, dass der Verlauf für beide Größen gleich ist. Dies liegt daran, dass die Schichtdicke von Silber konstant ist und der spezifische Widerstand sich vom absoluten Widerstand nur um einen konstanten Faktor unterscheidet. Wird im folgenden von Widerstand gesprochen ist sowohl der Verlauf des absoluten als auch des spezifischen Widerstand gemeint.



Abbildung 9: Zeitlicher Verlauf des spezifischen Widerstands nach dem Aufdampfen.

Betrachtet man sich nun den Verlauf des Widerstandes über der Zeit, erkennt man zunächst einen starken Abfall des Widerstands, der sich für große Zeiten einem konstanten Wert annähert. Dieser Verlauf ist, wie schon in der Vorbereitung beschrieben, zu erwarten, da sich das aufgedampfte Silber ordnet und somit Störstellen und Korngrenzen im Gitter abgebaut werden.

3.3 Aufgabe 3: Abhängigkeit des Widerstands von der Temperatur

Bevor wir den Widerstand in Abhängigkeit der Temperatur gemessen haben, wurde durch Auffüllen der Flüssig-N₂-Kühlfalle mit neuem Stickstoff das Vakuum verbessert. Die folgende Messung wurde bei einem Druck von ca. 0,78 mPa durchgeführt. Um die Temperaturabhängigkeit zu messen, wurde der Probenhalter mit flüssigem Stickstoff auf eine Temperatur von 90 K abgekühlt. Der Widerstand in Abhängigkeit der Temperatur wurde sowohl beim Abkühlvorgang als auch bei Aufwärmvorgang gemessen. Die Temperatur wurde hierbei nicht direkt in Kelvin sondern als Spannung angezeigt. Die angezeigte Spannung kann folgendermaßen umgerechnet werden:

$$T(K) = 25,717U(mV) + 273.$$
(3)

Da sich auch hier der absolute und der spezifische Widerstand nur um einen konstanten Faktor unterscheiden, wird im folgenden nur von Widerstand gesprochen.

Schaut man sich den Verlauf des Widerstands in Abhängigkeit der Temperatur beim Abkühlen (Abbildung 10 bzw. 11) an, so erkennt man einen fast linearen Verlauf. Dies entspricht dem Ohmschen Gesetz und ist deshalb auch zu erwarten. Für niedrige Temperaturen hätten wir nach dem Bloch–Grüneisen-Gesetz:

$$\rho \propto \left(\frac{T}{\Theta_D}\right)^5 \tag{4}$$

eine T⁵ Abhängigkeit erwartet. Dabei ist Θ_D die Debye-Temperatur, oberhalb von ihr sind alle Schwingungsmoden des Kristalls besetzt.

Dies ist beim Abkühlvorgang nicht zu sehen. Da sich beim Abkühlen der Widerstand trotz erreichen der niedrigsten Temperatur noch weiter geändert hat, ist der Widerstandsverlauf beim Abkühlen für niedrige Temperaturen auch nicht exakt bestimmbar. Dies liegt vermutlich an der schlechten Wärmeleitfähigkeit des Glasplättchens und die angezeigte Temperatur entspricht bei schnellen Temperaturänderungen somit nicht der Probentemperatur.



Abbildung 10: Verhalten des Widerstands beim Abkühlen der Probe.



Abbildung 11: Verhalten des spezifischen Widerstands beim Abkühlen der Probe.

Der Verlauf des Widerstands beim Aufheizen (Abbildung 12bzw.13) zeigt für hohe Temperaturen auch einen linearen Verlauf. Für niedrige Temperaturen (ab ca. 140K) weicht der Verlauf des Widerstands davon ab. Dies könnte der zu erwartende T⁵ Verlauf sein. Die Messwerte für sehr niedrige Temperaturen weichen vom erwarteten Verlauf ab und sind deshalb nicht zu gebrauchen. Dies könnte an der Messungenauigkeit des Widerstands und der Temperatur für solch tiefe Temperaturen liegen.



Abbildung 12: Verhalten des Widerstands beim Aufheizen der Probe.



Abbildung 13: Verhalten des spezifischer Widerstands beim Aufheizen der Probe.

3.4 Aufgabe 4: Widerstand beim weiteren Aufdampfen von Ag und In

Im letzten Versuchsteil sollte die Auswirkung auf den Widerstand bei weiterem Aufdampfen von Ag bzw. In untersucht werden. Zur Messung des Widerstands nutzten wir eine Wheatstonesche Brückenschaltung. Ein variabler Widerstand wird dabei immer so nachgeregelt, dass die Differenzspannung einen Wert nahe null annimmt. Der so eingestellte Widerstand entspricht somit dem Widerstand unserer Probe.

In Abbildung 14 und 15 ist der absolute Widerstand R bzw. der spezifische Widerstand ρ bei weiterem Aufdampfen von Silber aufgetragen. Wie erwartet fällt R sowohl auch ρ für eine dicker werdende Silberschicht ab. Der spezifische Widerstand bleibt beim zusätzlichen Aufdampfen von Silber zunächst konstant und fällt dann stark ab. Dies könnte daran liegen, dass das Silber sich zunächst wieder als Inseln ausbildet und deshalb noch keine Erniedrigung des spezifischen Widerstands bewirkt.



Abbildung 14: Widerstand in Abhängigkeit von zusätzlich aufgedampftem Ag.



Abbildung 15: Spezifischer Widerstand von Ag in Abhängigkeit der Gesamtschichtdicke.

Dampft man nun eine Schicht Indium auf das Silber auf, so erwartet man einen Anstieg des Widerstands bei dünnen Indiumschichten. Aufgrund der unterschiedlichen Kristallstruktur sollte der Widerstand aufgrund von zusätzlicher Streuung zunächst ansteigen. Ist die Indiumschicht ausreichend dick um selbst einen signifikaten Strom zu leiten nimmt der Widerstand ab. Bei unserer Messung des Widerstands (Abbildung 16) ist dieser Anstieg nicht sichtbar. Der Widerstand ist bei dünnen Indiumschichten zunächst konstant und fällt mit steigender Schichtdicke stark ab. Es könnte sein, dass der Effekt durch zusätzliche Streuung bei unserer Probe nicht ausreichend groß war um einen Anstieg des Widerstands messen zu können. Bei der Messung des zeitlichen Verlaufs des Widerstandes haben wir gesehen, dass der Widerstand durch Umordnung in der Kristallstruktur noch weiter abnimmt. Es könnte auch sein, dass die in der zuvor aufgedampften Silberschicht noch solche Prozesse stattgefunden haben und dieser Effekt in Konkurrenz zum Effekt durch das aufgedampfte Indium stand.

Schaut man sich den Verlauf des spezifischen Widerstands an (Abbildung 17) so sieht man einen leichten Anstieg des spezifischen Widerstands bei dünner Indiumschichtdicke. Mit steigender Schichtdicke von In fällt er stark und ab einer absoluten Dicke von ca. 930 Å (entspricht einer Indium Schichtdicke von ca. 50 Å) nimmt ρ einen annähernd konstanten Wert an. Der leichte Anstieg des spezifischen Widerstands könnte auf die Streuung an der Silber/Indium Grenzschicht zurückzuführen sein.



Abbildung 16: Widerstand in Abhängigkeit von zusätzlich aufgedampftem In.



Abbildung 17: Spezifischer Widerstand von Ag+In für im Bereich von zusätzlich aufgedampften In in Abhängigkeit der Gesamtschichtdicke.

Gruppe: 25

Protokoll

4 Anhang

Schichtdicke d / Å	Spannung U / V	Widerstand / Ω	spez. Widerstand $ ho$ / Ω Å
292	10,54	10540000	1145555483
300	$10,\!54$	10540000	1176940565
304	$10,\!538$	10538000	1192406799
307	$10,\!533$	10533000	1203602623
311	$10,\!529$	10529000	1218821708
315	$10,\!525$	10525000	1234028882
318	$10,\!52$	10520000	1245189718
322	$10,\!513$	10513000	1260013511
327	$10,\!505$	10505000	1278605227
330	$10,\!495$	10495000	1289107244
335	$10,\!484$	10484000	1307267563
340	10,468	10468000	1324754175
343	$10,\!455$	10455000	1334783481
346	$10,\!44$	10440000	1344526181
350	$10,\!422$	10422000	1357724889
353	10,402	10402000	1366734700
357	$10,\!382$	10382000	1379564171
361	$10,\!357$	10357000	1391662241
365	$10,\!322$	10322000	1402327288
370	$10,\!272$	10272000	1414651293
375	$10,\!233$	10233000	1428324573
377	$10,\!078$	10078000	1414191981
380	$9,\!639$	9639000	1363352764
381	$9,\!297$	9297000	1318440310
383	$8,\!897$	8897000	1268338077
384	$8,\!616$	8616000	1231486288
386	$8,\!013$	8013000	1151264501
387	7,824	7824000	1127022205
389	$7,\!314$	7314000	1059003080
391	$6,\!93$	6930000	1008562132
393	$6,\!509$	6509000	$952137100,\!3$
395	$6,\!057$	6057000	890527500
397	$5,\!63$	5630000	$831939160,\!5$
399	$5,\!279$	5279000	$784002095,\!8$
401	4,989	4989000	$744647168,\! 6$
403	$4,\!661$	4661000	$699160388,\! 6$

Tabelle 1: Aufgabe 1. Widerstand einer dünnen Si-Schicht in Abhängigkeit der Dicke d.

407	4,15	4150000	628688001,5
410	3,789	3789000	578230676,1
413	$3,\!53$	3530000	542647020,8
416	$3,\!226$	3226000	$499517099,\!6$
419	2,947	2947000	$459607201,\!3$
422	2,718	2718000	$426927931,\!6$
425	$2,\!538$	2538000	401488595, 8
428	$2,\!353$	2353000	$374850731,\!1$
431	2,2	2200000	$352933283,\!8$
434	$2,\!089$	2089000	$337458860,\!3$
437	$1,\!89$	1890000	307422682
441	1,747	1747000	$286763690,\!2$
444	1,62	1620000	267726062,4
447	$1,\!501$	1501000	249735844,7
450	$1,\!393$	1393000	$233322325,\!4$
453	$1,\!278$	1278000	215487321
458	$1,\!144$	1144000	$195022252,\!6$
459	$1,\!103$	1103000	$188443370,\!7$
462	1,03	1030000	177121738,5
465	9,714	971400	$168129421,\!2$
467	9,36	936000	162699191,7
470	8,726	872600	$152653136,\!7$
474	7,739	773900	$136538728,\!5$
478	7	700000	$124542793,\!5$
482	$6,\!198$	619800	$111196540,\!6$
486	$5,\!539$	553900	100198287,8
490	$4,\!928$	492800	$89879251,\!11$
494	$4,\!294$	429400	78955366,72
498	3,798	379800	$70400698,\!66$
502	$3,\!349$	334900	62576537,74
506	$2,\!828$	282800	$53262627,\!64$
510	$2,\!435$	243500	$46223391{,}53$
514	2,029	202900	$38818417,\!98$
518	$1,\!669$	166900	32179460,77
522	$1,\!384$	138400	$26890523,\!63$
526	$1,\!105$	110500	$21634192,\!42$
528	9,11	91100	$17903789,\! 6$
530	0,767	7670	$1513086,\!999$
534	$0,\!614$	6140	$1220400,\!267$
538	$0,\!473$	4730	$947187,\!7712$
542	0,384	3840	$774681,\!4859$
546	0,313	3130	$636106,\!2259$

Zeit t $/~{\rm s}$	Spannung U / mV	Widerstand	spez. Widerstand $ ho$ / $\Omega { m \AA}$
0	$172,\!8$	1728	351179,4116
4	152,7	1527	$310330,\!4175$
18	$75,\!5$	755	$153437,\!7637$
33	$56,\!02$	560,2	$113848,\!7884$
48	$48,\!62$	486,2	$98809,\!85527$
63	$43,\!39$	$433,\!9$	88180, 98767
78	$40,\!22$	402,2	$81738,\!63388$
93	$35,\!98$	$359,\!8$	$73121,\!73165$
108	$34,\!04$	$340,\!4$	$69179,\!09242$
123	$31,\!93$	$319,\!3$	$64890,\!96419$
138	$30,\!08$	$300,\!8$	$61131,\!23091$
153	29	290	$58936,\!35958$
168	$28,\!16$	$281,\! 6$	$57229,\!23744$
183	$27,\!31$	273,1	$55501,\!79242$
198	$26,\!45$	264,5	$53754,\!02452$
213	$25,\!8$	258	$52433,\!03715$
228	$25,\!34$	$253,\!4$	$51498,\!18455$
243	$24,\!8$	248	$50400,\!74889$
258	$24,\!24$	242,4	$49262,\!66746$
273	23,7	237	$48165,\!2318$
288	$23,\!09$	$230,\!9$	$46925,\!53596$
303	$22,\!67$	226,7	$46071,\!97489$
318	$22,\!26$	$222,\!6$	$45238,\!7367$
333	$21,\!9$	219	$44507,\!11293$
348	$21,\!58$	$215,\!8$	$43856,\!78068$
363	$21,\!27$	212,7	$43226,\!77132$
378	$21,\!02$	210,2	$42718,\!69926$
393	20,79	$207,\!9$	$42251,\!27296$
408	$20,\!55$	$205,\!5$	$41763,\!52377$
423	$20,\!3$	203	$41255,\!45171$
438	$20,\!09$	200,9	$40828,\!67117$
453	$19,\!89$	198,9	$40422,\!21352$
468	$19,\!67$	196,7	$39975,\!1101$
483	$19,\!36$	193,6	$39345,\!10074$

Tabelle 2: Aufgabe 2. Widerstand einer dünnen Si-Schicht in Abhängigkeit der Zeit.

498	$19,\!13$	191,3	38877.67444
F19	1	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
513	$18,\!96$	189,6	$38532,\!18544$
528	18,81	188,1	$38227,\!3422$
543	$18,\!65$	186,5	$37902,\!17608$
558	18,41	184,1	$37414,\!42689$
573	$18,\!15$	181,5	$36886,\!03195$
588	18,12	181,2	$36825,\!0633$
603	$17,\!95$	179,5	$36479,\!57429$
618	17,82	178,2	$36215,\!37682$
633	17,68	176,8	$35930,\!85646$
648	$17,\!57$	175,7	$35707,\!30475$
663	17,42	174,2	$35402,\!46152$
678	17,32	173,2	$35199,\!23269$
693	$17,\!19$	171,9	$34935,\!03522$
708	17,09	170,9	$34731,\!80639$
723	$16,\!95$	169,5	$34447,\!28603$
738	$16,\!84$	168,4	$34223,\!73432$
753	$16,\!75$	167,5	$34040,\!82838$
783	$16,\!57$	165,7	$33675,\!01649$
813	$16,\!37$	163,7	$33268,\!55884$
843	$16,\!22$	162,2	$32963,\!7156$
873	$16,\!07$	160,7	$32658,\!87236$
903	$15,\!92$	159,2	$32354,\!02912$
933	15,78	157,8	$32069,\!50877$
993	$15,\!49$	154,9	$31480,\!14517$
3693	9,88	98,8	$20079,\!00802$
3993	9,71	97,1	$19733,\!51902$
4593	9,45	94,5	$19205,\!12407$
4893	9,34	93,4	$18981,\!57236$
5193	9,24	92,4	$18778,\!34354$

Tabelle 3: Aufgabe 3. Widerstand beim Abkühlen der Si-Schicht.

Temperatur / mV	Spannung / mV	Temperatur / K	Widerstand / Ω	$ ho~/~\Omega{ m \AA}$
0,09	9,09	$275,\!31453$	90,9	$1,\!84735003$
-0,05	9,07	$271,\!71415$	90,7	$1,\!843285453$
-0,25	$9,\!05$	$266,\!57075$	90,5	$1,\!839220877$
-0,45	9,03	$261,\!42735$	$90,\!3$	$1,\!8351563$

-0,61	9,01	$257,\!31263$	90,1	1,831091724
-0,75	9	$253,\!71225$	90	1,829059435
-0,9	8,98	$249,\!8547$	89,8	1,824994859
-1	8,97	$247,\!283$	89,7	1,822962571
-1,25	$8,\!95$	$240,\!85375$	89,5	1,818897994
-1,4	$8,\!92$	$236,\!9962$	89,2	1,812801129
-1,75	8,84	$227,\!99525$	88,4	1,796542823
-2	8,76	$221,\!566$	87,6	1,780284517
-2,25	8,72	$215,\!13675$	87,2	1,772155364
-2,5	$8,\!67$	$208,\!7075$	86,7	1,761993923
-2,75	8,63	$202,\!27825$	86,3	1,75386477
-3,01	8,58	$195,\!59183$	85,8	1,743703328
-3,25	$8,\!54$	$189,\!41975$	85,4	1,735574175
-3,5	8,5	$182,\!9905$	85	1,727445022
-3,75	8,45	$176,\!56125$	84,5	1,717283581
-4	8,41	$170,\!132$	84,1	1,709154428
$-4,\!51$	8,32	$157,\!01633$	83,2	1,690863834
-4,75	8,28	$150,\!84425$	82,8	1,682734681
-5	8,24	$144,\!415$	82,4	1,674605527
-5,5	8,16	$131,\!5565$	81,6	1,658347221
-6,01	8,05	$118,\!44083$	80,5	1,635992051
-6,25	8	$112,\!26875$	80	1,625830609
-6,51	$7,\!95$	$105,\!58233$	79,5	1,615669168
-6,75	7,88	$99,\!41025$	78,8	1,60144315
-7	7,81	$92,\!981$	78,1	1,587217132

Tabelle 4: Aufgabe 3. Widerstand beim Aufheizen der Si-Schicht.

Temperatur / mV	Spannung / mV	Temperatur / K	Widerstand / Ω	$ ho~/~\Omega{ m \AA}$
-6,55	7,32	$104,\!55365$	$73,\!2$	$1,\!487635007$
-6,54	7,34	$104,\!81082$	$73,\!4$	$1,\!491699584$
-6,53	7,345	$105,\!06799$	$73,\!45$	$1,\!492715728$
-6,52	$7,\!36$	$105,\!32516$	$73,\! 6$	$1,\!49576416$
-6,42	7,364	$107,\!89686$	$73,\!64$	$1,\!496577076$
-6,25	$7,\!37$	$112,\!26875$	73,7	$1,\!497796449$
-6,18	7,373	$114,\!06894$	$73,\!73$	$1,\!498406135$
-6,1	$7,\!379$	$116,\!1263$	73,79	$1,\!499625508$
$-5,\!99$	7,391	$118,\!95517$	$73,\!91$	1,502064254

-5,9	7,4	$121,\!2697$	74	1,503893314
-5,8	7,414	123,8414	74,14	1,506738517
-5,71	7,428	$126,\!15593$	74,28	1,509583721
-5,59	7,444	129,24197	74,44	1,512835382
-5,49	7,456	$131,\!81367$	74,56	1,515274128
-5,4	7,472	$134,\!1282$	74,72	1,518525789
-5,3	7,487	$136,\!6999$	74,87	1,521574221
-5,19	7,507	$139,\!52877$	75,07	1,525638798
-5,1	7,523	141,8433	75,23	1,528890459
-5	7,548	$144,\!415$	75,48	1,53397118
-4,9	7,57	$146,\!9867$	75,7	1,538442214
-4,79	$7,\!595$	$149,\!81557$	75,95	1,543522935
-4,7	7,619	$152,\!1301$	76, 19	1,548400426
$-4,\!6$	$7,\!649$	154,7018	76,49	1,554497291
-4,5	7,671	$157,\!2735$	76,71	1,558968325
-4,4	7,697	$159,\!8452$	76,97	1,564252275
-4,3	7,726	$162,\!4169$	77,26	1,570145911
-4,2	7,755	$164,\!9886$	77,55	1,576039547
-4,1	7,78	$167,\!5603$	77,8	1,581120267
-4	7,81	$170,\!132$	78,1	1,587217132
-3,75	7,888	$176,\!56125$	78,88	1,603068981
-3,5	$7,\!957$	$182,\!9905$	79,57	1,61709177
$-3,\!25$	8,038	$189,\!41975$	80,38	1,633553305
-3	8,12	$195,\!849$	81,2	1,650218068
-2,5	8,268	208,7075	82,68	1,680295935
-2	8,416	$221,\!566$	84,16	1,710373801
-1,5	8,567	$234,\!4245$	85,67	1,741061354
-1	8,738	247,283	87,38	1,775813483
-0,5	8,877	$260,\!1415$	88,77	1,80406229
-0,25	8,94	$266,\!57075$	89,4	1,816865706
-0,15	8,954	$269,\!14245$	89,54	1,819710909
-0,08	8.9651	270.94264	89.651	1.821966749

Tabelle 5: Aufgabe 4. Widerstand beim erneuten Aufdampfen von Silber.

Schichtdicke / Å	Widerstand / Ω	spez. Widerstand $ ho$ / $\Omega { m \AA}$
546	111,9	$2,\!274130565$
551	111,4	$2,\!284701441$

561	110	$2,\!296932392$
591	104	$2,\!287775929$
595	103	$2,\!281113299$
600	102,1	2,280182764
608	101,3	2,292480713
612	100,4	2,287061278
626	$98,\!3$	$2,\!290448425$
631	$97,\!4$	$2,\!28760471$
635	97	$2,\!292651932$
639	96,1	2,285687808
645	$95,\!2$	$2,\!285542645$
649	$94,\!4$	$2,\!280391204$
653	93,7	2,277432103
659	$92,\!5$	2,268923291
664	91,7	$2,\!266366181$
670	$90,\!3$	$2,\!251931724$
683	$86,\!9$	$2,\!209190394$
699	82	$2,\!133456018$
711	$77,\!9$	2,061577779
731	71	1,931827712
744	65	$1,\!800026746$
750	62	1,730794948
754	60	$1,\!683895988$
760	57	$1,\!612430906$
764	55	$1,\!564043091$
771	52	1,492280238
774	50	$1,\!440468053$
789	42	$1,\!233442645$
793	40	$1,\!180662704$
797	38	1,127287221
801	36	$1,\!073316196$
806	34	1,020015156
813	31	$0,\!938090862$
820	29	0,885124814
826	27	$0,\!83011159$
831	25	0,773274517
841	23	0,719973477
850	$21,\!3$	$0,\!673893388$
860	$19,\!6$	$0,\!627403863$
868	$18,\! 6$	0,600932006
875	$17,\!6$	$0,\!57320951$

Schichtdicke / Å	Widerstand / Ω	spez. Widerstand $ ho$ / $\Omega { m \AA}$
875	13,8	$0,\!449448366$
876	$13,\!6$	$0,\!443440832$
877	13,7	$0,\!44721136$
879	13,7	$0,\!448231226$
882	13,7	$0,\!449761025$
883	13,7	$0,\!450270958$
888	$13,\!5$	$0,\!446210104$
895	$13,\!2$	$0,\!439733581$
900	$12,\!8$	$0,\!42879049$
903	$12,\!5$	$0,\!420136516$
908	$12,\!2$	$0,\!412323744$
917	11,8	$0,\!402757845$
925	$11,\!6$	$0,\!399385587$
936	11,5	$0,\!400651114$
943	$11,\!3$	$0,\!396627481$
949	$11,\!2$	$0,\!395618782$
957	11,1	$0,\!395391731$
965	11	$0,\!395105126$
975	$10,\!9$	$0,\!395570394$
983	$10,\!8$	$0,\!395157236$
987	10,7	$0,\!393091449$
992	$10,\!6$	$0,\!391390431$
1000	$10,\!5$	$0,\!390824666$
1007	10,4	$0,\!389812244$
1015	$10,\!3$	$0,\!389131092$
1024	10,2	$0,\!388770045$
1037	10,1	$0,\!389845743$
1050	10	$0,\!390824666$

Tabelle 6: Aufgabe 4. Widerstand beim erneuten Aufdampfen von Indium.