

# Klassische Theoretische Physik I

V: Prof. Dr. D. Zeppenfeld, Ü: Dr. S. Gieseke

## Übungsblatt 6

Abgabe: Mo, 28.11.'11, 11.30 Uhr, Erdgeschoss Physikhochhaus.

### Aufgabe 22: Drehung um eine Achse

[5]

Eine allgemeine Drehung  $D(\vec{\alpha})$  im Raum kann durch die Angabe eines einzigen Vektors  $\vec{\alpha}$  festgelegt werden. Der Betrag  $\alpha = |\vec{\alpha}|$  ist der Drehwinkel und der Einheitsvektor  $\hat{\alpha} = \vec{\alpha}/\alpha$  die Achse, um die die Drehung erfolgen soll.

- (a) Drehen Sie einen Vektor  $\vec{r}$  um  $\vec{\alpha}$ . Drücken Sie den Ergebnisvektor  $\vec{r}'$  in Vektorschreibweise durch  $\vec{\alpha}$  und  $\vec{r}$  aus. *Hinweis:* Zerlegen Sie in Komponenten parallel und senkrecht zu  $\vec{\alpha}$ .
- (b) Die inverse Drehung ist offenbar die Drehung um  $-\vec{\alpha}$ :  $D(\vec{\alpha})^{-1} = D(-\vec{\alpha})$ . Zeigen Sie mit der Darstellung aus (a) explizit, dass

$$D(-\vec{\alpha})D(\vec{\alpha})\vec{r} = \vec{r}.$$

### Aufgabe 23: Schiefer Wurf

[5]

Ein Ball wird mit der Geschwindigkeit  $v$  und dem Winkel  $\theta$  zur Horizontalen abgeworfen. Zum Zeitpunkt  $t = 0$  befinde er sich am Ursprung. Die Beschleunigung ist  $\vec{a}(t) = -g\hat{z}$ .

- (a) Bestimmen Sie die Bahnkurve  $\vec{r}(t)$ .
- (b) Zu welcher Zeit  $T$  trifft der Ball wieder am Boden auf?
- (c) Wie weit wird der Ball geworfen?
- (d) Wie hoch wird der Ball geworfen?
- (e) Schätzen Sie grob die Geschwindigkeit (in m/s und km/h) mit der ein Fussball im idealen Fall vom Torwart abgeschlagen werden müsste, um im gegnerischen Tor zu landen.

### Aufgabe 24: Maximale Länge

[5]

Der Ball aus Aufgabe 23 wird auf einer Ebene von  $h = 0$  wieder mit Geschwindigkeit  $v$  unter dem Winkel  $\theta$  zur Horizontalen abgeworfen. Unter welchem Winkel legt der Ball die maximale Strecke in der Luft zurück, wenn er bei  $h = 0$  landet? *Hinweis:* sie müssen eine transzendente Gleichung numerisch lösen.

**Aufgabe 25: Geschwindigkeit in Zylinderkoordinaten****[5]**

Ein Massenpunkt bewegt sich auf der Trajektorie

$$\vec{r}(t) = \left( \rho_0 \left( 1 - \frac{t}{t_0} \right) \cos \omega t, \rho_0 \left( 1 - \frac{t}{t_0} \right) \sin \omega t, h_0 \left( 1 - \frac{t}{t_0} \right) \right).$$

- (a) Bestimmen Sie  $\vec{r}(t)$  in Zylinderkoordinaten, d.h.  $\vec{r} = \rho \hat{e}_\rho + \phi \hat{e}_\phi + z \hat{e}_z$ .
- (b) Skizzieren Sie die Bahn. Innerhalb welcher geometrischen Form bewegt sich der Massenpunkt?
- (c) Berechnen Sie die Geschwindigkeit  $\dot{\vec{r}}(t)$  in kartesischen Koordinaten, d.h. direkt aus dem gegebenen Vektor.
- (d) Berechnen Sie die Geschwindigkeit  $\dot{\vec{r}}(t)$  direkt in Zylinderkoordinaten, beginnend vom Resultat aus (a).

---

 $\Sigma_{\text{Blatt6}} = 20$